

НАЦІОНАЛЬНА АКАДЕМІЯ ПЕДАГОГІЧНИХ НАУК УКРАЇНИ
ІНСТИТУТ ІНФОРМАЦІЙНИХ ТЕХНОЛОГІЙ І ЗАСОБІВ НАВЧАННЯ

На правах рукопису

ПОПЕЛЬ Майя Володимирівна

УДК 378.(4:6):377.8]+372.851]:004

**ХМАРНИЙ СЕРВІС SAGEMATHCLOUD ЯК ЗАСІБ ФОРМУВАННЯ
ПРОФЕСІЙНИХ КОМПЕТЕНТНОСТЕЙ ВЧИТЕЛЯ МАТЕМАТИКИ**

13.00.10 – інформаційно-комунікаційні технології в освіті

Дисертація на здобуття наукового ступеня
кандидата педагогічних наук

Науковий керівник:

ШИШКІНА Марія Павлівна

доктор педагогічних наук,

старший науковий співробітник

Київ – 2017

ЗМІСТ

ПЕРЕЛІК УМОВНИХ СКОРОЧЕНЬ.....	4
ВСТУП.....	5
РОЗДІЛ 1 ТЕОРЕТИЧНІ ОСНОВИ ВИКОРИСТАННЯ ХМАРНИХ СЕРВІСІВ У НАВЧАННІ МАЙБУТНІХ УЧИТЕЛІВ МАТЕМАТИКИ	13
1.1 Професійна підготовка учителів математики у ВНЗ України.....	13
1.2 Понятійний апарат дослідження.....	19
1.3 Формування професійних компетентностей вчителя математики	23
1.4 Вітчизняний і зарубіжний досвід використання хмарних сервісів для формування професійних компетентностей вчителя математики	30
1.5 SageMathCloud у системі засобів навчання математичних дисциплін....	40
Висновки до розділу 1	52
РОЗДІЛ 2 МОДЕЛЮВАННЯ ПРОЦЕСУ ВИКОРИСТАННЯ ХМАРНОГО СЕРВІСУ SAGEMATHCLOUD ЯК ЗАСОБУ ФОРМУВАННЯ ПРОФЕСІЙНИХ КОМПЕТЕНТНОСТЕЙ ВЧИТЕЛЯ МАТЕМАТИКИ	55
2.1 Загальна методика дослідження	55
2.2 Проектування системи професійних компетентностей учителя математики	61
2.3 Особливості використання SageMathCloud у навчанні математичних дисциплін	88
2.4 Модель використання хмарного сервісу SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей вчителя математики	98
Висновки до розділу 2	103
РОЗДІЛ 3 МЕТОДИКА ВИКОРИСТАННЯ SAGEMATHCLOUD ЯК ЗАСОБУ ФОРМУВАННЯ ПРОФЕСІЙНИХ КОМПЕТЕНТНОСТЕЙ ВЧИТЕЛЯ МАТЕМАТИКИ.....	106
3.1 Структура методики використання SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей вчителя математики	106
3.2 Методика навчання факультативу «Організація навчання математичних дисциплін у SageMathCloud»	111

3.3 Форми організації навчання з використання SageMathCloud у формуванні професійних компетентностей майбутніх вчителів математики 133

3.4 Хмарний сервіс SageMathCloud як засіб навчання математичних дисциплін 137

3.5 Методи використання хмарного сервісу SageMathCloud у навчанні математичних дисциплін 153

3.6 Виконання навчально-дослідницьких проектів з використанням SageMathCloud 173

Висновки до розділу 3 177

РОЗДІЛ 4 ОРГАНІЗАЦІЯ ПРОВЕДЕННЯ ТА РЕЗУЛЬТАТИ ЕКСПЕРИМЕНТАЛЬНОЇ РОБОТИ 181

4.1 Основні етапи дослідно-експериментальної роботи 181

4.2 Статистичне опрацювання та аналіз результатів констатувального етапу педагогічного експерименту 186

4.3 Статистичне опрацювання та аналіз результатів формувального етапу педагогічного експерименту 206

Висновки до розділу 4 215

ВИСНОВКИ 219

СПИСОК ВИКОРИСТАНИХ ДЖЕРЕЛ 222

ДОДАТКИ..... 267

ПЕРЕЛІК УМОВНИХ СКОРОЧЕНЬ

ВНЗ	вищій навчальний заклад (вищі навчальні заклади)
ДС	досліджувані системи
ЕОР	електронні освітні ресурси
ІКТ	інформаційно-комунікаційні технології
ІТН	Інформаційні технології у навчанні
ППЗ	педагогічний програмний засіб
ТЗН	технічні засоби навчання
ТХО	технології хмарних обчислень

ВСТУП

Актуальність теми. Нині до професійної підготовки вчителя, здатного активно самореалізовуватися в інформаційному суспільстві, мати компетентності, що відповідали б потребам сьогодення, висуваються досить високі вимоги. Загальновизнано, що лише компетентний вчитель математики здатен підготувати вступника до ВНЗ на інженерно-технічні, природничо-математичні та соціально-економічні спеціальності, оскільки їх випускники створюють основу для матеріального добробуту та соціального розвитку суспільства. Водночас, результати моніторингових досліджень з математики (TIMSS, PISA, PIRLS) свідчать про необхідність підвищення рівня математичної обізнаності учнів як через підвищення професійної компетентності учителів, так і через використання інноваційних інформаційно-комунікаційних та педагогічних технологій.

Удосконалення змісту і складників курсів математичних дисциплін та методики їх навчання постають одними з ключових питань підвищення якості підготовки фахівців, особливо у педагогічному ВНЗ: при вивченні багатьох дисциплін (диференціальної геометрії та топології, диференціальних рівнянь, теорії ймовірностей та інших) засвоєння абстрактних математичних понять викликає у студентів значні труднощі. Одним із шляхів їх вирішення є застосування наочних інтерпретацій математичних понять і тверджень. Значні дидактичні можливості у реалізації принципу наочності виникають завдяки використанню у процесі навчання ІКТ.

Перехід у навчанні майбутніх учителів математики від використання традиційних комп'ютерно орієнтованих засобів і сервісів до хмаро орієнтованих створює умови:

- для педагогічного ВНЗ – це вивільнення обчислювальних потужностей, матеріальних та виробничих ресурсів шляхом переходу до ІКТ-аутсорсингу із підвищенням якості обслуговування;
- для викладачів – це забезпечення більш гнучкого і широкого доступу до якісних електронних освітніх ресурсів, формування хмаро орієнтованого середовища безперервного навчання;

- для ІКТ-підрозділів педагогічного ВНЗ – це уніфікація ІКТ-інфраструктури;
- для слухачів і педагогів курсів підвищення кваліфікації – це створення професійної математичної соціальної спільноти з можливістю взаємодії з використанням хмарних сервісів у реальному часі.

У зв'язку з цим, визначення перспектив використання хмарних сервісів у навчанні математичних дисциплін, їх ролі і місця в організації навчального процесу, методичних засад їх застосування є актуальною проблемою теорії та методики використання ІКТ в освіті. Суттєвим для її розв'язання є науково-методичне обґрунтування використання провідних хмарних сервісів математичного призначення, зокрема SageMathCloud.

Суттєвий внесок стосовно освітньо-наукових можливостей використання ІКТ, зокрема хмарних належить таким вченим, як: Г. О. Алексанян [3], О. М. Алексєєв [4], М. Армбруст (M. Armbrust) [304], В. Ю. Биков [27], Р. Гріффіт (R. Griffith) [304], А. М. Гуржій [59], М. І. Жалдак [69], М. Ю. Кадемія [81], Т. І. Коваль [91], О. Г. Колгатін [98], К. Р. Колос [102], О. Г. Кузьмінська [147], В. М. Кухаренко [5], С. Г. Литвинова [123], М. Міллер (M. Miller) [336], В. С. Мкртчян [137], Н. В. Морзе [148], В. В. Осадчий [168; 169], Л. Ф. Панченко [174], З. С. Сейдаметова [218], С. О. Семеріков [224], О. М. Спирін [253], А. М. Стрюк [260], К. Субраманьян (K. Subramanian) [355], Н. Султан (N. Sultan) [337], П. Томас (P. Thomas) [357], Ю. В. Триус [359; 268; 273], А. Фокс (A. Fox) [304; 305], Ю. Хмелевський (Y. Khmelevsky) [331], В. Чанг (W. Chang) [312], М. П. Шишкіна [26] та ін.

Питання підготовки майбутніх учителів математики у вітчизняних вищих педагогічних навчальних закладах розглядали у своїх працях провідні науковці: І. А. Акуленко [2], В. Г. Бевз [14], М. І. Жалдак [69; 71], І. В. Лов'янова [124], Г. О. Михалін [71], Н. В. Морзе [60; 147], Т. О. Олійник [198], М. В. Працьовитий [109], С. А. Раков [18], Ю. С. Рамський [202], О. І. Скафа [234], З. І. Слєпкань [238], О. В. Співаковський [251], Ю. В. Триус [269; 270], В. О. Швець [283] та ін.

Окремою групою постають дослідження Т. Л. Архіпової [7], Н. В. Бахмат [12; 13], В. Ю. Бикова [23; 24], Д. Бланк (D. Blank) [338], Т. В. Зайцевої [6], У. П. Когут [93; 94; 95], Ю. Г. Лютюк [126], Дж. Маршалл (J. Marshall) [338], Н. В. Морзе [147;

148], В. П. Олексюка [203], К. Дж. О'Хара (К. J. O'Hara) [338], К. І. Словак [242], С. В. Шокалюк [295] та ін., присвячені застосуванню хмарних сервісів у процесі навчання майбутніх учителів математики, в яких виявляються перспективні напрями використання хмарних сервісів у навчальному процесі ВНЗ, в управлінні навчанням, управлінні освітньою установою, у підтриманні наукових досліджень.

Наразі триває процес розроблення стандартів для вищої освіти за різними спеціальностями, що мають містити, зокрема, систему професійних компетентностей випускника. На даний момент не існує усталеного переліку професійних компетентностей, якими повинен володіти майбутній вчитель математики. У зв'язку з цим проблема використання загальнодоступного хмарного сервісу SageMathCloud, що є досить потужним і разом з тим вільно поширюваним, виявлення перспективних шляхів його застосування у підготовці майбутніх учителів математики потребують ґрунтового дослідження. За наявності практичних розробок М. А. Кислової [76], О. М. Маркової [135], С. О. Семерікова [223; 224], К. І. Словак [242], С. В. Шокалюк [224; 295] та ін., що стосуються використання хмарних сервісів у навчанні математичних дисциплін, питання теоретичного обґрунтування процесу застосування хмарного сервісу SageMathCloud залишається у наш час недостатньо розкритим. У підході до вивчення цієї проблеми спостерігаються такі **суперечності**:

- між рівнем абстракції математичних об'єктів і можливостями забезпечення їх візуалізації шляхом комп'ютерної інтерпретації;

- між доцільністю широкого використання ІКТ сервісів математичного призначення у підготовці майбутніх учителів математики та недостатніми можливостями їх забезпечення ІКТ-підрозділами педагогічних ВНЗ;

- між доцільністю використання ІКТ-аутсорсингу хмарної інфраструктури навчання майбутніх учителів математики в Україні та неадаптованістю зарубіжних хмарних математичних сервісів до вимог вітчизняних освітніх стандартів;

- між можливостями застосування хмарних математичних сервісів у процесі формування професійних компетентностей учителя математики та нерозробленістю відповідної методики їх впровадження.

Проблемою дослідження є теоретичне обґрунтування та розроблення науково-методичного супроводу процесу використання хмарного сервісу SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей вчителя математики. Саме ця проблема та виявлені суперечності зумовили актуальність теми дослідження: **«Хмарний сервіс SageMathCloud як засіб формування професійних компетентностей вчителя математики»**.

Зв'язок роботи з науковими програмами, планами, темами. У дисертації наведені результати дослідження, одержані в ході виконання науково-дослідних робіт Інституту інформаційних технологій і засобів навчання НАПН України «Система психолого-педагогічних вимог до засобів інформаційно-комунікаційних технологій навчального призначення» (ДР № 0112U000281, 2012-2014) та «Методологія формування хмаро орієнтованого навчально-наукового середовища педагогічного навчального закладу» (ДР № 0115U002231, 2015-2017), одним з виконавців яких була дисертантка.

Тема затверджена на засіданні вченої ради Інституту інформаційних технологій і засобів навчання НАПН України 30 січня 2014 року (протокол № 1), узгоджена в Міжвідомчій раді з координації наукових досліджень з педагогічних і психологічних наук в Україні при НАПН України 14 червня 2016 року (протокол № 5).

Мета дослідження – теоретично обґрунтувати та розробити методику використання хмарного сервісу SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей учителя математики.

У відповідності до мети дослідження поставлено такі **задачі**:

1) дослідити стан проблеми використання хмарних сервісів у навчанні майбутніх учителів математики;

2) виокремити професійні компетентності, які можна набути завдяки використанню SageMathCloud, та визначити показники і рівні їх сформованості у майбутніх учителів математики;

3) розробити модель використання хмарного сервісу SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей учителів математики;

4) розробити методику використання хмарного сервісу SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей учителя математики та експериментальним шляхом перевірити їх ефективність.

Об’єкт дослідження – процес формування професійних компетентностей вчителя математики у ВНЗ.

Предмет дослідження – методика використання хмарного сервісу SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей учителя математики.

Для розв’язання поставлених задач застосовувались такі **методи дослідження**: *теоретичні*, зокрема аналіз, узагальнення, систематизація наукових та науково-методичних джерел з проблеми дослідження, аналіз сучасних хмарних сервісів для визначення теоретичних засад, ресурсів Інтернет, програмного забезпечення з метою обґрунтування компонентів моделі використання хмарного сервісу SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей учителя математики; *емпіричні*: діагностичні (цілеспрямовані педагогічні спостереження, бесіди з викладачами та студентами, анкетування, тестування; аналіз досвіду роботи викладачів за основними положеннями дослідження) для виявлення стану проблеми дослідження; експериментальні (педагогічний експеримент) задля апробації методики використання хмарного сервісу SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей учителя математики; *статистичні*: здійснення обрахунків для кількісного та якісного аналізу результатів навчання за розробленою методикою.

Наукова новизна і теоретичне значення одержаних результатів полягає в тому, що в дисертації:

– *уперше* теоретично обґрунтовано методику та розроблено модель використання хмарного сервісу SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей учителів математики;

– *уточнено* професійні компетентності учителів математики, формування яких доцільно здійснювати з використанням SageMathCloud; напрями використання

хмарного сервісу SageMathCloud у навчанні майбутніх учителів математики, показники і рівні визначення сформованості професійних компетентностей;

– *набули подальшого розвитку* теоретико-методичні засади створення та використання комп'ютерно-орієнтованих методичних систем навчання, методика застосування апаратних і програмних засобів інформатизації освіти.

Практичне значення одержаних результатів дослідження полягає в тому, що:

1) *розроблено* компоненти методики (цільовий компонент, змістовий компонент, форми організації, провідні методи навчання, засоби формування професійних компетентностей) використання хмарного сервісу SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей учителя математики;

2) *укладено* навчальний посібник для викладачів математичних дисциплін та студентів педагогічних навчальних закладів «Організація навчання математичних дисциплін у SageMathCloud»;

3) *створено* web-сайт з рекомендаціями для майбутніх учителів математики з використання хмарного сервісу SageMathCloud у навчанні математичних дисциплін (<https://sites.google.com/site/hmaroorientovanisistemy/>);

4) *створено* електронні освітні ресурси у навчанні майбутніх учителів математики диференціальної геометрії і топології, диференціальних рівнянь, елементарної математики, теорії ймовірностей та математичної статистики (<https://sites.google.com/site/hmaroorientovanisistemy/eor>) з використанням SageMathCloud.

Основні результати дослідження можуть бути використані у навчанні математичних дисциплін майбутніх учителів математики, при написанні навчальних підручників та навчальних посібників з математики для студентів педагогічних спеціальностей, для підвищення кваліфікації викладачів математичних дисциплін педагогічних ВНЗ, під час проходження майбутніми вчителями математики педагогічної практики у загальноосвітніх навчальних закладах (ЗНЗ) та під час навчання геометрії, алгебри та початків аналізу в старших класах математичного профілю у ЗНЗ.

Особистий внесок здобувача. У працях, опублікованих у співавторстві, автору належать: дослідження характеристик якості освітніх ресурсів у хмаро орієнтованих системах [185]; розробка елементів методики використання SageMathCloud для підтримування колективної роботи [285]; визначення педагогічних умов застосування SageMathCloud як засобу навчання математичних дисциплін та розкриття методичних аспектів використання SageMathCloud [291]; характеристика сучасного стану розвитку і використання сервісів хмарних технологій у навчальних закладах [292]; визначення переваг і недоліків організації доступу до систем комп'ютерної математики (СКМ) за різними хмарними моделями [351]; окреслення шляхів виконання графічних побудов з використанням інструментарію SageMathCloud під час вивчення дисципліни «Диференціальна геометрія» [61]; визначення способів організації контролю знань із використанням Web-СКМ [158]; визначення методичних аспектів використання ресурсів проєктів у SageMathCloud [286]; визначення можливостей застосування інструментарію MoodleCloud на підтримку використання SageMathCloud під час вивчення математичних дисциплін [287].

Апробація результатів дисертації. Основні положення та результати дослідження доповідались та обговорювались на наукових заходах різних рівнів.

Міжнародний рівень. ICTERI: 10th, 11th International Conference on ICT in Education, Research, and Industrial Applications (Херсон, 2014; Львів, 2015); Scientific and Professional Conference Pedagogy of 21st century: teaching in the world of constant information flow (Будапешт, 2014); Інтернет-семінарі «Хмарні технології в освіті» (Кривий Ріг, 2014, 2016); III Міжнародній науково-практичній конференції «Інформаційні технології в освіті, науці і техніці» (ІТОНТ-2016, Черкаси, 2016).

Всеукраїнський рівень. VII науково-методичній конференції «Комп'ютерне моделювання та інформаційні технології в освіті» (КМІТО'2016, Кривий Ріг, 2016); I-III науково-практичних конференціях молодих учених «Наукова молодь» (Київ, 2013-2015); Звітних наукових конференціях Інституту інформаційних технологій і засобів навчання НАПН України (Київ, 2013-2016); науково-методичному семінарі «Системи навчання і освіти в комп'ютерно орієнтованому

середовищі» Інституту інформаційних технологій і засобів навчання НАПН України (Київ, 2016); методологічних семінарах для молодих учених «Інформаційно-комунікаційні технології в освіті та наукових дослідженнях» (Київ, 2013-2016); науково-методичних семінарах «Актуальні проблеми методики навчання математики» кафедри математики і теорії та методики навчання математики Національного педагогічного університету імені М. П. Драгоманова (Київ, 2014-2015).

Матеріали і результати дослідження обговорювалися на засіданнях кафедри математики та методики її навчання Криворізького педагогічного інституту ДВНЗ «Криворізький національний університет» (Кривий Ріг, 2013-2016); на засіданнях спільної науково-дослідної лабораторії з питань використання хмарних технологій в освіті ДВНЗ «Криворізький національний університет» та Інституту інформаційних технологій і засобів навчання НАПН України (Кривий Ріг, 2013-2016).

Результати дослідження впроваджено у навчальний процес Дрогобицького державного педагогічного університету імені Івана Франка (довідка № 1208 від 07.07.2016 р.), Криворізького педагогічного інституту ДВНЗ «Криворізький національний університет» (довідка № 02/02-387/3 від 06.07.2016 р.), Національного педагогічного університету імені М. П. Драгоманова (довідка № 328/16 від 27.10.2016 р.) та Херсонського державного університету (довідка № 01-28/2508 від 29.12.2016 р.).

Публікації. Результати дослідження відображено у 21 друкованій праці, серед них: 1 навчальний посібник, 1 монографія (у співавторстві), 6 статей у наукових фахових виданнях України (3 статті включені до міжнародних наукометричних баз), 1 стаття у зарубіжному виданні, 11 статей та тез доповідей у інших наукових виданнях.

Структура роботи. Дисертація складається з переліку умовних скорочень, вступу, 4 розділів, висновків, списку використаних джерел та додатків. Повний обсяг дисертації становить 311 сторінок. Обсяг основного тексту – 221 сторінка. Список використаних джерел містить 368 найменувань, серед яких 69 – англійською мовою; 11 додатків розміщено на 44 сторінках.

РОЗДІЛ 1

ТЕОРЕТИЧНІ ОСНОВИ ВИКОРИСТАННЯ ХМАРНИХ СЕРВІСІВ У НАВЧАННІ МАЙБУТНІХ УЧИТЕЛІВ МАТЕМАТИКИ

1.1 Професійна підготовка учителів математики у ВНЗ України

Вивчення математичних дисциплін, зазвичай, поєднує в собі глибоке опанування теорії та практики. В рамках Болонського процесу і в умовах єдиного навчального простору доцільно було б використати кращий досвід з освітньої практики європейських країн у поєднанні зі здобутками української освіти, що мало б вивести навчання на новий рівень. В цьому контексті постає низка невирішених проблем.

«Модернізація цілей, змісту, методів, засобів, організаційних форм навчання є основою інформатизації освіти. Технологічне переоснащення навчального процесу, поява нового змісту, методів, засобів і організаційних форм навчання є необхідністю, яка забезпечує досягнення окреслених цілей»[251].

Г. Г. Швачич, вважає, що в першу чергу вимагають розгляду та подальшого вирішення такі проблеми [282]:

- необхідність покращення середньої освіти;
- необхідність покращення вступних кампаній у ВНЗ (особливу увагу потрібно приділити якості одержаних знань);
- скорочення аудиторних занять та їх наслідки;
- необхідність зміни та удосконалення системи оцінки знань.

Теперішній стан підготовки майбутнього вчителя математики характеризується стрімким розвитком математичної науки, численними реформами освіти, але в той же час спостерігається скорочення годин на аудиторні заняття та збільшення частки самостійної роботи студентів. «Існує небезпека зниження рівня освіти, а відтак, відчувається нагальна потреба в розробці нових методичних систем навчання вищої математики на основі сучасних інформаційних технологій» [251, с. 8]. Дана проблема особливо актуальна в процесі підготовки майбутніх учителів

математики, оскільки вивчення фундаментальних дисциплін відбувається із застосуванням інформаційних технологій у навчанні (ІТН) і реалізації нової парадигми освіти.

Проблеми, які виникають під час вивчення математичних дисциплін у педагогічному ВНЗ можуть бути вирішені за рахунок використання хмарних сервісів. Тема використання хмарних сервісів неодноразово звучала в рамках круглих столів, конгресів, наукових конференцій.

У Законі України «Про вищу освіту» вказано, що професійна підготовка, зокрема вчителів математики, є здобуттям кваліфікації відповідної спеціальності [75]. Згідно Постанови «Про затвердження переліку галузей знань і спеціальностей, за якими здійснюється підготовка здобувачів вищої освіти» [195] в Україні підготовка вчителів математики здійснюється за спеціальністю 014 Середня освіта (предметна спеціалізація – Математика). Але на сьогодні стандарти вищої освіти знаходяться лише на стадії розробки і мають містити для кожної спеціальності окремо перелік компетентностей випускника. Тому, аналізуючи питання професійної підготовки учителів математики у ВНЗ України, доцільно спиратися як на попередні стандарти, інші нормативні документи, так і на публікації щодо останніх результатів педагогічних досліджень.

На думку В. П. Головенкіна нормативні документи, що укладаються на рівні держави, це [263]: національна рамка кваліфікацій, стандарт вищої освіти та професійний стандарт, що знаходяться у певному співвідношенні (рис. 1.1).



Рис. 1.1. Структура нормативних засад змісту освіти і навчання на державному рівні

В Україні підготовка вчителів математики за спеціальністю 014 Середня освіта (Математика) включає три цикли дисциплін:

1) гуманітарної та соціально-економічної підготовки;

2) природничо-наукової підготовки (диференціальна геометрія і топологія, математична логіка, теоретична фізика, теоретична механіка, екологія, валеологія, безпека життєдіяльності та ін.);

3) професійної та практичної підготовки: підцикл психолого-педагогічної підготовки, підцикл професійної науково-предметної підготовки, підцикл практичної підготовки та варіативна частина циклу.

Загальний навчальний час за спеціальністю 014 Середня освіта (Математика) показано в таблиці 1.1 цикл природничо-наукової підготовки в нормативній частині містить три математичні дисципліни (табл. 1.2).

Таблиця 1.1

**Загальний навчальний час підготовки бакалавра
за спеціальністю 014 Середня освіта (Математика)**

Назва циклу підготовки	Обсяг в годинах	Обсяг в кредитах
Гуманітарної і соціально-економічної підготовки	870	29
Природничо-наукової підготовки	840	28
Професійної і практичної підготовки	5430	181
Атестація	60	2
Загальний обсяг підготовки	7200	240

Цикл професійної і практичної підготовки включає в себе нормативну частину циклу та варіативну частину циклу. У нормативній частині циклу нас цікавить перш за все підцикл професійної науково-предметної підготовки (табл. 1.3), оскільки його складовими виступають математичні дисципліни.

Згідно методичних рекомендацій щодо розроблення стандартів вищої освіти Міністерства освіти і науки України, «спеціальні (фахові, предметні) компетентності – компетентності, що залежать від предметної області, та є важливими для успішної професійної діяльності за певною спеціальністю» [140, с. 4].

Формування спеціальних професійних компетентностей студентів відбувається за рахунок вивчення математичних дисциплін. Спеціально професійні компетентності реалізуються через типи діяльності, типові завдання діяльності та уміння (Додаток. А: табл. А.1).

Таблиця 1.2

**Нормативна частина циклу природничо-наукової підготовки
(математичні дисципліни)**

Назва дисципліни	Обсяг в годинах	Обсяг в кредитах	Форма контролю
Диференціальна геометрія і топологія	150	5	екзамен/залік
Комплексний аналіз	180	6	екзамен
Математична логіка та теорія алгоритмів	135	4,5	залік

Таблиця 1.3

**Підцикл професійної науково-предметної підготовки
циклу професійної і практичної підготовки**

Назва дисципліни	Обсяг в годинах	Обсяг в кредитах	Форма контролю
Елементарна математика	405	13,5	залік
Математичний аналіз	1140	38	екзамен
Аналітична геометрія	255	8,5	екзамен/залік
Алгебра і теорія чисел	240	8	екзамен
Лінійна алгебра	210	7	екзамен/залік
Дискретна математика	135	4,5	екзамен
Диференціальні рівняння	210	7	екзамен/залік
Теорія ймовірностей та математична статистика	150	5	екзамен
Методика навчання математики	420	14	екзамен
Курсова робота з методики навчання математики	60	2	захист курсової роботи

В галузевому стандарті вищої освіти України, зазначається, що: клас задачі діяльності – ознака рівня складності задач діяльності, які вирішуються фахівцем [45, с. 4]. Усі задачі діяльності розподіляються на три класи (табл. 1.4):

– стереотипні задачі діяльності – передбачають діяльність відповідно до заданого алгоритму, що характеризується однозначним набором добре відомих, раніше відібраних складних операцій і потребує використання значних масивів оперативної та раніше засвоєної інформації;

– діагностичні задачі діяльності – передбачають діяльність відповідно до заданого алгоритму, що містить процедуру часткового конструювання рішення із застосування відповідних операцій і потребує використання значних масивів оперативної та раніше засвоєної інформації;

– евристичні задачі діяльності – передбачають діяльність за складним алгоритмом, що містить процедуру конструювання рішень і потребує використання великих масивів оперативної та раніше засвоєної інформації [45, с. 4].

Дану класифікацію доречно використовувати в процесі проектування методик навчання та використання хмарних сервісів, оскільки основні типи діяльності треба будувати у відповідності до розглянутих типів задач.

Як видно з таблиці, стереотипний клас діяльності не представлений жодним типовим завданням діяльності. Це пояснюється тим, що дуже важко виокремити в педагогічній діяльності задачі, які б підпорядковувались строгому алгоритму. Це є специфікою педагогічних задач. І. Ф. Ісаєв [79] пропонує іншу класифікацію задач діяльності: стратегічні, поточні та тактичні задачі.

При цьому під стратегічними задачами дослідник розуміє педагогічні задачі, що є похідними з цілей освіти та представляють кінцевий результат діяльності вчителя математики.

Поточні задачі, інакше кажучи оперативні – задачі, що ставить перед собою вчитель математики на даному етапі своєї педагогічної діяльності (з урахуванням найближчих цілей, в даний момент часу).

Класи діяльності, типові завдання діяльності майбутніх вчителів математики

Клас задач діяльності	Типове завдання діяльності
Діагностичні	Аналіз сучасних математичних теорій
	Аналіз математичної проблеми (задачі)
	Аналіз створеної моделі реального об'єкта
	Дослідження математичної моделі з використанням засобів комп'ютерної техніки
	Створення аксіоматичної теорії та її аналіз
	Використання засобів інформаційних технологій для розв'язування математичних задач
	Аналіз наукового результату, оцінка його місця, ролі і значення
	Розв'язування задач шкільного курсу математики
	Використання програмного засобу навчально-виховного призначення для підтримки педагогічного процесу
Евристичні	Постановка математичної задачі
	Формулювання гіпотетичного твердження
	Доведення гіпотетичного твердження, спростування гіпотетичного твердження
	Вибір використання алгоритмів, методів, прийомів та способів, розв'язування математичних задач
	Підготовка наукової доповіді статті, реферату, звіту (наукового твору)
	Підготовка наукової доповіді статті, реферату, звіту (наукового твору)

Що ж стосується тактичних задач, то І. Ф. Ісаєв [79], розглядає задачі як такі, що уточнюють стратегічні задачі, в даній практичній діяльності, вони є вирішенням того чи іншого етапу розв'язку стратегічної задачі.

1.2 Понятійний апарат дослідження

Для здійснення аналізу досвіду використання хмарних сервісів у навчанні майбутніх вчителів математики необхідно звернутися до уточнення основних термінів.

Якщо розглядати поняття «сервіс» у широкому розумінні, тоді будемо користуватись наступним визначенням.

Сервіс – система, що забезпечує одну чи декілька функцій, що мають цінність для кінцевого користувача. Прикладами є фотокопіювання, банківський сервіс, міжбібліотечний обмін, web-сервіс [252].

Спираючись на дане визначення потрібно з'ясувати, як саме розуміти поняття «система».

«Система – цілісна множина об'єктів (елементів) і відношень (зв'язки) між ними, що виділені з середовища за ознакою приналежності цих об'єктів і відношень до реалізації заданих цілей системи. Як самі об'єкти, так і відношення між ними мають певні властивості [21, с. 226]».

Тобто, система – це нова якісна характеристика утворюючих її елементів у порівнянні із безсистемною характеристикою тих самих елементів. Частина системи, яка виконує в ній визначену функцію з метою підтримання її функціонування є елементом системи.

Науковці по-різному трактують поняття «хмарний сервіс».

На думку Т. Л. Архіпової та Т. В. Зайцевої, хмарний сервіс – це особлива клієнт-серверна технологія, де потрібні для роботи ресурси користувач сприймає як віртуальний сервер, що уможливорює для нього досить просте використання ресурсів та зміну їхніх об'ємів [6, с. 102].

Група авторів в монографії «Моделювання й інтеграція сервісів хмаро орієнтованого навчального середовища» дає наступне означення: «Хмарні сервіси – це сервіси, що роблять доступними користувачеві прикладні додатки, простір для зберігання даних та обчислювальні потужності через Інтернет [144, с. 40]».

За визначенням Національного Інституту Стандартів і Технології США (NIST), хмарні обчислення – це модель надання користувачеві зручного мережного доступу до пулу обчислювальних ресурсів (таких як мережі, сервери, масиви даних, програмні приложення та послуги), які можуть бути швидко надані з мінімальними управлінськими зусиллями або взаємодією з провайдером послуг [288, с. 134].

Згідно Стандарту ISO/IEC 17788 :2014 «Інформаційні технології. Хмарні обчислення. Огляд і словник», хмарні обчислення – це парадигма для забезпечення доступу до мережі з масштабованого і еластичного пулу розподілених фізичних або віртуальних ресурсів з самообслуговування та виділення ресурсів і управління на вимогу користувача (включають в себе сервери, операційні системи, мережі, програмне забезпечення, програми та пристрої зберігання даних) [256].

В. Ю. Биков та М. П. Шишкіна в своїх дослідженнях дають наступне визначення: *хмарні сервіси* – сервіси, що забезпечують користувачеві мережний доступ до масштабованого і гнучко організованого пулу розподілених фізичних або віртуальних ресурсів, що постачаються в режимі самообслуговування і адміністрування за його запитом (наприклад, програмне забезпечення, простір для зберігання даних, обчислювальні потужності та ін.) [26, с. 38]. Останнє визначення приймається за основне в подальшому.

Отже, можна стверджувати, що *SageMathCloud* – це хмарний сервіс з відкритим вихідним програмним кодом, основними складовими якого є: Web-система комп'ютерної математики Sage; система управління навчальними курсами; редактор LaTeX; інтерпретатор IPython.

Оскільки в дослідженні хмарний сервіс розглядається як засіб формування професійних компетентностей, тому потрібно визначитись з поняттям «засіб». В педагогіці поняття «засіб» розглядається дуже широко. Оскільки використання хмарного сервісу планується в процесі навчання майбутніх вчителів математики, в рамках дослідження доцільно розглянути більш вузьке поняття «засіб навчання».

Згідно проведеного аналізу у педагогічній науці існує декілька підходів до того, що розуміти під поняттям «засоби навчання». М. М. Фіцула [277] стверджує, що під засобами навчання розуміють допоміжні матеріальні засоби.

П. Л. Волкова [42] розглядає в якості засобів навчання саме матеріально-технічні, яким притаманні певні дидактичні функції. На думку Н. Є. Мойсеюк [146], засоби навчання це певні матеріали навчального процесу, завдяки яким педагог здатен ефективніше досягати поставлених цілей навчання.

Під «засобом навчання» будемо розуміти: «*Засіб навчання* – сукупність предметів, ідей, явищ і способів дій, які забезпечують реалізацію навчально-виховного процесу [277]».

Одним з ключових термінів дослідження виступає поняття «компетентність».

М. І. Жалдак, Ю. С. Рамський та М. В. Рафальська «Під компетентністю розуміють комплекс знань, умінь, навичок, досвіду застосування їх для здійснення діяльності, метою якої є досягнення певних цілей, ставлення до процесу та результатів виконання цієї діяльності [70, с. 5]».

На думку О. М. Спіріна, *компетентність* – це складна інтегрована характеристика особистості, під якою розуміється сукупність знань, умінь, навичок, а також досвіду, що разом дає змогу ефективно провадити діяльність або виконувати певні функції, забезпечуючи розв’язання проблем і досягнення певних стандартів у галузі професії або виді діяльності. Компетентність розглядається як сформована якість, результат діяльності, «надбання» студента [255, с. 194-195]. Останнє означення в подальшому буде використовуватись як основне.

Проте, в даному дослідженні, в першу чергу зосередимось саме на професійних компетентностях.

І. А. Зязюн зазначає, що «професійно-педагогічна компетентність відбиває готовність і здібність людини професійно виконувати педагогічні функції згідно із прийнятими у суспільстві на цей час нормативами і стандартами. Саме тому поняття «компетентність» має конкретно-історичну визначеність і може оцінюватися лише у практичній діяльності [255, с. 195]».

Отже, узагальнюючи трактування О. М. Спіріна та І. А. Зязюна, *професійні компетентності* – це сукупність професійних здатностей особи, що дають змогу самостійно приймати рішення, виконувати професійну діяльність (в залежності від відповідної кваліфікації) та досягати певних результатів.

Окрім основних понять, потрібно визначитись з тими, які також будуть використані в процесі проведення дослідження.

Згідно Наказу «Про затвердження Методичних рекомендацій щодо розроблення Державних стандартів професійно-технічної освіти з конкретних професій на основі компетентнісного підходу» [152], можна стверджувати, що:

Ключові компетентності – це загальні здібності й уміння (психологічні, когнітивні, соціально-особистісні, інформаційні, комунікативні), що дають змогу особі розуміти ситуацію, досягати успіху в особистому і професійному житті, набувати соціальної самостійності та забезпечують ефективну професійну й міжособистісну взаємодію [152].

Інтегральна компетентність – узагальнений опис кваліфікаційного рівня, який виражає основні компетентнісні характеристики рівня щодо навчання та/або професійної діяльності [194].

Кваліфікація – офіційний результат оцінювання й визнання, який отримано, коли компетентний орган встановив, що особа досягла результатів навчання за заданими стандартами. Кваліфікації поділяються на освітні (на основі освітніх стандартів) та професійні (на основі професійних стандартів) [74].

Системи комп'ютерної математики (СКМ) – це програмні засоби, за допомогою яких можна автоматизувати виконання як чисельних, так і аналітичних та графічних обчислень і розрахунків. В них акумульовано багатовіковий досвід розвитку математики. За допомогою СКМ користувачі математики здатні розв'язувати навіть досить складні математичні задачі [202].

Система навчання – дидактична система, на основі якої забезпечується цілеспрямований процес здобування знань, формування умінь, набуття навичок, засвоєння способів пізнавальної діяльності людини і сприяння її розвитку [269].

«Хмаро орієнтовані ІКТ навчання» визначимо як сукупність методів, засобів і прийомів діяльності, що використовуються для організації і супроводу навчального процесу, збирання, систематизації, зберігання, опрацювання, передавання, подання повідомлень і даних навчального призначення та використовують динамічний масив

віртуалізованих апаратних і програмних ресурсів, доступних через мережу незалежно від термінального пристрою [260, с.152]».

Хмаро орієнтована система навчання – це система навчання, у якій здійснення окремих дидактичних функцій підтримується завдяки доцільному, координованому та інтегрованому використанню сервісів хмарних технологій.

1.3 Формування професійних компетентностей вчителя математики

Основна риса компетентнісного підходу полягає в тому, що під час навчання, яке базується на орієнтації освітнього процесу на досягненні навчальних результатів – у студентів формуються компетентності, необхідні для нормального життя і професійної діяльності в інформаційному суспільстві [70].

Про відсутність будь-якої компетентності взагалі не правильно говорити, оскільки процес її формування може бути досить тривалим і попадати під вплив різних факторів: навчання в освітніх установах, професійна діяльність, міжособистісне спілкування і так далі. Отже, говорячи, що студенти здобувають певні компетентності мають на увазі формування їх певного рівня [70].

В силу специфіки кожної предметної галузі не може бути загальноприйнятого списку складників професійних компетентностей. Але, в рамках різних професійних асоціацій, міжнародних проектів, агентств із забезпечення національної якості на міжнародному рівні розроблено ряд списків для окремих спеціальностей (предметних областей), які можуть бути використані при створенні національних стандартів (стандарт результатів навчання і компетентностей), а також розробка освітніх програм конкретних університетів.

Згідно проекту Тюнінг, були проведені дослідження стосовно спеціальних компетентностей для наступних предметних галузей: Бізнес і менеджмент, Європейські студії, Історія, Математика, Науки про Землю, Освіта, Сестринська справа, Фізика, Хімія. Матеріали, що стосуються даних досліджень (Guidelines and Reference Points for the Design and Delivery of Degree Programmes in...) доступні за посиланням: <http://www.unideusto.org/tuningeu/subject-areas.html>. В даному проекті

розміщені 42 предметні галузі: основні 9 розташовані на сайті Тюнінг, інші 33 можна знайти за розміщеними Інтернет-адресами на сторінках проекту Тюнінг [77, с. 16-17].

Робота проводилася різними групами науковців, які відображають специфічні традиції та розробку і реалізацію освітніх програм в області кожної окремої предметної області. Але при цьому кожна група враховувала методологію Тюнінга з подальшими можливостями створювати освітні програми. Так було одержано матеріал написаний однією мовою (лексика, складники), рекомендації (результати навчання і компетентності, підходи як до навчання так і оцінювання його результатів і т.д.).

«Ще одним джерелом щодо фахових компетентностей є матеріали Агенції забезпечення якості вищої освіти Сполученого Королівства (The Quality Assurance Agency for Higher Education, QAA, UK). Агенція затвердила набори стандартів/опорних точок (Subject benchmark statements) для 58 освітніх програм підготовки бакалавра з відзнакою (в певному наближенні – еквівалент бакалавра в Україні), 14 програм підготовки магістра та окремо для 18 програм в області охорони здоров'я. Ці матеріали містяться на Інтернет-сторінці QAA: <http://www.qaa.ac.uk/assuring-standardsand-quality/the-quality-code/subject-benchmark-statements> [77, с. 16-17]».

Що стосується класифікації професійних компетентності, як правило, вони поділяються на три категорії: знання з предметної області, пізнавальні здібності та навички з предметної області, практичні навички в предметній області.

Розглядаючи математичну компетентність, що являється складником професійних компетентностей Я. Г. Стельмах [258] трактує її як властивість, що притаманна особистості, яка представляє готовність самостійно і з повною відповідальністю використовувати математичні інструменти, як підтвердження теоретичної та практичної готовності випускників до подальшої професійної діяльності [265, с. 20].

С. О. Скворцова [235] пропонує власну класифікацію професійних компетентностей майбутнього вчителя математики. За основу взято загально

прийнятий поділ компетентностей на ключові, спеціальні та базові. При цьому кожна компетентність характеризується окремими компонентами: комунікативний, особистісний та професійно-діяльнісний.

Професійно-діяльнісний компонент складається з двох компетентностей:

– інформаційна компетентність (здібність опрацьовувати математичні факти, працювати з математичними даними, організовувати систематичний пошук та узагальнювати наявний математичний матеріал),

– предметна (наявність цілісної системи комплексних математичних знань і готовність використовувати їх в своїй професійній діяльності; вміння вирішувати типові професійні завдання з залученням математичного апарату).

Комунікативний компонент складається з комунікативної компетентності (володіння математичною термінологією; готовність передачі математичних відомостей; здатність використовувати вербальні та невербальні засоби передавання математичних даних і відомостей).

Особистісний компонент містить: рефлексивну компетентність (прагнення до удосконалення застосування математичних інструментів у професійній діяльності); творчу компетентність (використання інноваційних математичних методів у професійній діяльності) [265, с. 20].

Аналізуючи різні підходи науковців до складових професійних компетентностей можна виділити декілька напрямів. Наприклад, В. Д. Шадриков виокремлює [281]: соціально-особистісні компетентності, спеціально та загально професійні компетентності. Згідно класифікації В. І. Байденко [10] до складу професійних компетентностей входять: професійні, загальні та академічні. Ю. В. Фролов та Д. А. Мохотін [278] вбачають наступну структуру: методологічні, загальнокультурні та предметно-зорієнтовані. За А. В. Хуторським [280] професійні компетентності мають наступні складові: базові, ключові, спеціальні. А. К. Маркова [134] дещо ширше розглядає структуру: психологічні та педагогічні знання, педагогічні вміння, педагогічні позиції, особистісні якості.

Іноді, серед професійних компетентностей розглядають: загальнопрофесійні та спеціально професійні.

В цьому випадку, до спеціально професійних компетентностей відносять:

- здатність використовувати професійно профільовані знання в галузі математики (математичної статистики), для статистичної обробки експериментальних даних і математичного моделювання природних явищ і процесів;
- здатність використовувати математичний апарат для моделювання різноманітних процесів;
- здатність використовувати професійно профільовані знання й практичні навички з алгебри та теорії чисел;
- здатність використовувати професійно профільовані знання й практичні навички для оволодіння основами теорії й методами теоретичних досліджень;
- здатність використовувати професійно профільовані знання й практичні навички з математичного аналізу;
- здатність використовувати знання, уміння й навички з аналітичної та диференціальної геометрії;
- здатність використовувати професійно профільовані знання з дискретної математики;
- здатність використовувати знання й уміння з теорії ймовірностей;
- здатність використовувати професійно профільовані знання, уміння й навички з математичної логіки та теорії алгоритмів;
- здатність використовувати знання, уміння й навички з диференціальних рівнянь;
- професійно профільовані знання й уміння з теоретичних основ інформатики й практичного використання комп'ютерних технологій;
- здатність володіти навичками роботи з комп'ютером на рівні користувача та фахівця ІКТ;
- здатність використовувати професійні знання та практичні навички з методики навчання математики в основній школі.

Наведені компетентності дозволяють вирішувати типові задачі, які постають перед випускниками педагогічного ВНЗ, зокрема перед вчителями математики, під час здійснення виробничих функцій.

Аналізуючи професійні функції, типові задачі діяльності та змістову частину вмінь, доцільно виокремити певну групу професійних функцій (табл. 1.5) з урахуванням властивостей та якостей (спеціалізовано професійних компетентностей) випускників педагогічного ВНЗ, а саме вчителів математики середньої загальноосвітньої школи.

Таблиця 1.5

Професійні функції, типові задачі діяльності, уміння якими повинні володіти майбутні вчителі математики

Зміст виробничої функції	Назва типової задачі діяльності	Зміст уміння
Проведення всіх форм занять у середніх навчально-виховних закладах	Планування занять	Скласти план проведення та конспект занять з використанням навчально-методичних документів та навчально-методичної літератури
	Проведення занять	Використовувати знання за фахом та спеціалізацією при проведенні занять
	Здійснення контролю знань, набутих учнями, студентами-слухачами	Отримувати і використовувати науково-технічну інформацію за фахом для ведення занять
		Використовувати ЕОМ для проведення контрольних заходів

Зміст виробничої функції	Назва типової задачі діяльності	Зміст уміння
Навчально-методична робота	Забезпечення незалежного методичного рівня знань	Використовувати методи навчання математики та інформатики для проведення всіх форм занять
	Методичне забезпечення самостійної роботи учнів, студентів-слухачів	Скласти та підготувати до друку методичні вказівки, посібники з математики та інформатики з використанням навчальної літератури, навчально-методичних та інших інструктивних документів

Як видно з таблиці 1.6, спеціально професійні компетентності не стосуються лише такої професійної функції, як навчально-громадське виховання учнів, студентів. У зазначених професійних функціях, за рахунок спеціалізовано професійних компетентностей є можливим вирішення всіх можливих типових задач діяльності, які розкриті в комірках, що характеризують зміст уміння.

Якщо ж розглянути спеціалізовано професійні компетентності з точки зору системи умінь, що їх відображає, отримаємо наступну відповідність (табл. 1.6) між спеціалізовано професійними компетентностями та змістом умінь.

У «Методичних рекомендаціях щодо розроблення стандартів вищої освіти», спеціальні (фахові, предметні) компетентності визначаються, як компетентності, що залежать від предметної області, та є важливими для успішної професійної діяльності за певною спеціальністю.

Спеціалізовано професійні компетентності та система умінь, що їх відображає

Компетентність щодо вирішення проблем і задач соціальної діяльності, інструментальних, загально- наукових і професійних задач	Зміст уміння
Користування сучасними інформаційним и технологіям	Вмити використовувати наявні та вивчати нова інформаційні технології
Здійснювати пошук нових даних	У виробничих умовах, використовуючи ключові слова у певній галузі на базі професійно-орієнтованих (друкованих та електронних) джерел, за допомогою відповідних методів проводити пошук нових текстових даних (робота з джерелами навчальних, наукових та довідкових даних); пошук нових графічних, звукових та відеоданих
Застосовувати закони формальної логіки в процесі інтелектуальної діяльності	За допомогою формальних логічних процедур проводити аналіз наявних даних на їх відповідність умовам необхідності та достатності для забезпечення ефективної діяльності
	За допомогою формальних логічних процедур проводити аналіз наявних даних на їх відповідність вимогам внутрішньої несуперечності
	За допомогою формальних логічних процедур проводити структурування даних
	За результатами структурно-логічної обробки даних роботи висновок щодо їх придатності для здійснення заданих функцій
	На основі результатів здійсненої діяльності за допомогою певних критеріїв встановлювати якість попередньо виконаних логічних операцій
	За умов негативного результату діяльності знаходити помилки в структурі логічних операцій

1.4 Вітчизняний і зарубіжний досвід використання хмарних сервісів для формування професійних компетентностей вчителя математики

Освітні кваліфікаційні вимоги щодо підготовки вчителів за кордоном передбачають обов'язкове ознайомлення з основами психології та педагогіки. Психолого-педагогічний блок базової підготовки вчителів має на меті забезпечити набуття студентами (протягом принаймні двох семестрів) психологічних та педагогічних знань, які є основою для подальшої вчительської підготовки, професійної орієнтації.

Проведений аналіз надав можливість зробити висновок, що у навчальних планах, наприклад Угорщини, підготовки бакалаврів математики поєдналися знаннєво-орієнтований та компетентнісний підходи, що має забезпечити можливість вибору між відданістю традиціям та нововведенням.

Нові методики навчання базуються на використанні комп'ютерів, зокрема програмного забезпечення. М. І. Жалдак [72] вважає, що існуючі педагогічні програмні засоби (ППЗ) можна розглянути з двох позицій: ППЗ, що зменшують час спілкування викладача та студента, збільшують частку самостійної роботи та полегшують процес виконання завдань винесених на самостійне опрацювання та ППЗ, що навпаки призводять до тіснішої взаємодії між студентом та викладачем, за рахунок використання інструментів спілкування певного ППЗ. До останніх можна віднести і хмарний сервіс SageMathCloud, оскільки в ньому наявні інструменти спілкування в реальному часі. Тому, навчальний час, може бути використано, щоб вирішувати проблеми, встановлювати суть процесів і явищ, розробляти відповідні моделі, встановлювати зв'язки та закономірності, порівнюючи моделі, аналізуючи та синтезуючи одержані результати. Тому хмарний сервіс може бути в повній мірі використано практично в усіх видах навчальної діяльності: вивчення нового матеріалу, формування понять, знань, навичок, під час самостійної роботи, контролю, самоконтролю. При цьому будуть застосовуватись і різні методи навчання.

На думку М. І. Жалдака [72] до інтегрованого ППЗ (що можна використати одночасно і для скорочення часу спілкування між студентом та викладачем так і для покращення навчальної взаємодії) відносять GRAN1, GRAN-2D, GRAN-3D, DG, SAGE (мається на увазі попередня версія SageMathCloud) [365; 364; 366; 68]. При цьому, GRAN1 можна застосовувати в процесі вивчення всіх розділів елементарної математики та окремих – математичних дисциплін, різних типів та рівнів математичних завдань. Крім того, використання GRAN1 можна демонструвати в процесі опанування майбутніми вчителями математики дисципліни методика навчання математики. Використання програми буде корисним під час побудови замкнених та незамкнених ламаних ліній, обчисленні довжин ламаних, прямих та відрізків, обчислення площі та периметра, визначення об'ємів тіл, розв'язування задач на побудову, побудові графіків функцій, дослідженні функції, розв'язання рівнянь та нерівностей, їх систем, обчисленні визначених інтегралів, обчисленні ймовірностей випадкових подій, статичне опрацювання вибірки. При цьому, вказані програмні засоби не впливають на успішність та швидкість розв'язування завдань студентів з низьким та високим рівнем теоретичних знань. В даному випадку побудова моделі з використанням будь-якого з програмних засобі GRAN1, GRAN-2D, GRAN-3D, DG та SAGE не викликає жодних проблем. Студенту треба лише дослідити її та визначити певні закономірності.

Тобто студенти з низьким рівнем знань зможуть краще сприйняти матеріал, а з високим більш глибоко опанувати ту чи іншу тему математичної дисципліни. Крім того, зрозуміти як само методично грамотно використовувати подібні програмні засоби на уроках математики в подальшій професійній діяльності.

Що ж стосується питання технічних обчислень, які зазвичай досить громіздкі, то на думку М. І. Жалдака [72], вони будуть автоматизовані, що надасть можливість приділити більше уваги розділам математичних дисциплін, що винесені на самоопрацювання, вирішення питань які виникли в студентів в процесі їх вивчення.

На користь успішного використання програмних засобів GRAN1, GRAN-2D, GRAN-3D [68] свідчать низки робіт українських дослідників, білоруських [155] та польських дослідників [365; 364; 366].

«Так, комплекс програм GRAN (GRAN1, GRAN-2D, GRAN-3D) в тій чи іншій мірі може використовуватись на уроках математики і частково фізики від 6-го до 11-го класу включно, при вивченні різних математичних дисциплін в педагогічному інституті (геометрія, математичний аналіз, теорія ймовірностей з елементами математичної статистики, обчислювальна математика, фізика тощо), при цьому лише в шкільних курсах математики і фізики нараховується понад 700 годин, де можуть бути використані ці програми [72, с. 9]».

Крім того, в рамках системи освіти необхідною умовою виступає зростання якості навчання, яке, в свою чергу, обумовлює використання комп'ютерних засобів навчання. Використання цих засобів, можливо, сприятиме більш якісному засвоєнню матеріалу, чіткій систематизації вивченого, стимулюватиме активність мислення та надасть можливість проводити своєчасну корекцію траєкторії здобування знань, формування умінь та навичок студентів.

Організовуючи самостійну роботу студентів за підтримки ІКТ потрібно розробити комп'ютерно-, професійно- та особистісно-орієнтовану систему дидактичних матеріалів. Розробку таких матеріалів можна здійснювати за рахунок використання хмарних технологій [298].

«Значні інновації в розподілені обчислення, а також поліпшення доступу до високошвидкісного Інтернету та слабкої економії прискорили інтерес до економічно ефективних хмарних обчислень за останні роки» [9, с. 82].

Поява хмарних сервісів змінює взагалі наше уявлення стосовно використання апаратного, програмного забезпечення та збереження даних.

«Зростання популярності хмарних обчислень в останні роки є одним з основних трендів розвитку ІТ у всьому світі. Як показує практика, використання «хмар» для організації систем віддаленого доступу до корпоративних ресурсів демонструє високу ефективність. Особливу увагу привертають проблеми організації онлайн-навчання, яке здійснюється за допомогою сучасних інформаційно-комунікаційних технологій» [136, с. 41].

Дійсно, при використанні хмарних технологій є можливість користуватись своїми даними, виконувати обчислення, вносити певні корективи, звертаючись до

них через Інтернет. Користувачеві не має потреби перейматись стосовно встановлення і оновлення програмного забезпечення, обмеженості обсягу пам'яті, спеціальних пристроїв для збереження даних, способу збереження та оброблення внесених ним даних.

«Поява хмарних обчислень змінює наше уявлення про використання апаратного й програмного забезпечення та збереження даних. Сховище даних як об'єкт, який можна відділити від окремого комп'ютера, вже стало звичайним явищем, але нині у такому сенсі почали розглядати і програмні додатки. Замість розміщення файлів і програмного забезпечення на одному комп'ютері, результати й засоби роботи поступово переносяться та розміщуються у хмарі. За таких умов програмні додатки та дані доступні з багатьох комп'ютерів, а засоби, які використовуються для вирішення певних завдань, безкоштовні або дуже дешеві» [81, с. 66].

«На сучасному етапі використання хмарних технологій є досить перспективним для вищих навчальних закладів України. Одним із найбільш вагомих економічних ефектів є суттєве зменшення затрат як на програмне забезпечення (офісні додатки, електронна пошта тощо) і на серверне обладнання (можна переорієнтувати, наприклад, на використання для САПР-додатків), так і зменшення затрат на обслуговуючий персонал». [57, с. 70]

Причому, для навчання не потрібні будуть надпотужні пристрої чи додаткові матеріальні витрати. Для цього достатньо буде лише мати звичайний ноутбук, смартфон, чи будь-який інший пристрій, за допомогою якого користувач матиме вихід до Інтернету. Практично користувач має безкоштовний простір для збереження даних.

«Технології «хмарних обчислень» вносять суттєві зміни у процес навчання будь-якої дисципліни, забезпечуючи оптимальний збір, збереження, пошук, опрацювання та представлення даних, при цьому не потребуючи внесення змін до навчальних планів закладів освіти» [7, с. 72].

«На практиці хмарні обчислення дають змогу розгорнути знаряддя, які за потреби можна масштабувати для обслуговування довільної кількості користувачів.

<...> Нерідко користувачі використовують хмари, навіть не підозрюючи про це» [147, с. 20]. В подальшому використання хмарних сервісів у ВНЗ можна розглянути в наступних ракурсах [147]:

- для користувачів;
- для ІТ-персоналу;
- для ВНЗ.

«Останні дослідження в США показують, що навчання за допомогою Інтернет і мультимедіа, виступаючи в якості повної заміни традиційного навчання, має в середньому щорічне збільшення чисельності студентів і охоплює трохи менше 20% всіх студентів у період між 2002 і 2008 роками, приблизно 300000 викладачів займаються навчанням за допомогою Інтернет і мультимедіа (у тому числі у США в 2008 році від 20 до 25 % студентів реєструвалися хоча б в одному онлайн-класі).

Кількість студентів, що пройшли принаймні один онлайн-курс з 1 602 970 у 2002 р. і 1 971 397 у 2003 році збільшилася до 6 700 000 у 2012 році [86, с. 40]».

Певний досвід використання хмарних сервісів та хмарних технологій в навчальному процесі українських навчальних закладів вже існує. Наприклад, хмарна інфраструктура використовується у Південноукраїнському національному педагогічному університеті імені К. Д. Ушинського, хмарні сервіси Google Apps інтегровані в навчальне середовище фізико-математичного факультету Тернопільського національного педагогічного університету імені Володимира Гнатюка [279, с. 105].

Суттєвий доробок стосовно науково-дослідних можливостей використання в освіті хмарних технологій внесли такі вчені: Г. А. Алексанян [3], В. Ю. Биков [27], М. І. Жалдак [69], М. Ю. Кадемія [81], В. М. Кобися [81], О. Г. Кузьмінська [147], В. М. Кухаренко [5], С. Г. Литвинова [123], Н. В. Морзе [148], В. С. Мкртчян [137], О. С. Свириденко [214], З. С. Сейдаметова [218], С. О. Семеріков [224], О. М. Спірін [253], Л. В. Рождественська [211], Ю. В. Триус [359; 268; 273], М. П. Шишкіна [26], Б. Б. Ярмахов [175], М. Армбруст (M. Armbrust) [304; 305], Р. Гріффіт (R. Griffith) [304], Ю. Хмелевський (Y. Khmelevsky) [331], М. Міллер (M. Miller) [336],

К. Субраманьян (K. Subramanian) [355], Н. Султан (N. Sultan) [337], В. Ю. Чанг (W. Chang) [312], П. Ю. Томас (P. Thomas) [357], А. Фокс (A. Fox) [304; 305] та ін.

Проаналізувавши роботи українських науковців, було з'ясовано, що проводиться робота стосовно подальшого впровадження хмарних сервісів у ВНЗ. Більшість досліджень зосереджені на принципах, підходах та проектуванні моделі середовища вищої освіти, до складу якої включено хмарні сервіси [279, с. 108].

Окремою групою виступають дослідження застосування хмарних сервісів у процесі навчання студентів певних спеціальностей. Дослідники Т. Л. Архіпова [7], Н. В. Бахмат [12; 13], Т. В. Зайцева [6], Ю. Г. Лотюк [126], Н. В. Сороко [284], М. А. Шиненко [284] вивчали способи застосування хмарних сервісів у навчальному процесі підготовки майбутніх учителів.

Є спроби науковців В. П. Сергієнко та І. С. Войтович [230] об'єднання навчальних курсів середовища Moodle з одним або декількома хмарними сервісами. Особливої уваги заслуговує використання хмарних сервісів у процесі дистанційного навчання вищої математики, яке вивчалось Н. В. Рашевською [208], Ю. Г. Лотюк [126].

Зазвичай, хмарні сервіси можна використовувати для візуалізації даних та обчислень, зокрема для розв'язання задач з певної дисципліни та організації індивідуальної та колективної роботи, контролю знань студентів. На думку, К. І. Словак [242], завдяки використанню таких хмарних сервісів, як SageMathCloud, їх роль у навчально-виховному процесі значно зростає. Завдяки використанню інструментарію хмарного сервісу можна підготувати наступні ЕОР:

- опорні конспекти лекцій,
- опорні конспекти практичних робіт,
- розробити курс лекцій,
- розробити систему самостійних та індивідуальних завдань,
- електронні книги з динамічними прикладами.

Якщо використовувати хмарні сервіси у навчанні вищої математики [240, с. 22-24], то це призведе до того, що:

- представлення теоретичного матеріалу стане більш наочним;

- спростяться та автоматизуються громіздкі обчислення;
- набуде подальшого розвитку багаторівневий процес навчання;
- продуктивності навчання студентів.

Завдяки хмарним сервісам, на думку К. І. Словак [242], викладач може:

- зберігати навчальний матеріал та використовувати його будь де та будь коли;
- використовувати в навчально-дослідних роботах, наприклад з математичних дисциплін;
- організовувати колективну та індивідуальну роботу з залученням відповідного інструментарію;
- застосовувати усі форми контролю та оцінювати навчальні досягнення групи студентів.

«Найбільший потенціал щодо організації активної самотійної роботи із застосуванням мережних технологій відмічено у системі Sage.

Sage – це безкоштовне вільно поширюване мобільне математичне середовище для виконання чисельних розрахунків та символічних перетворень, а також наочної візуалізації даних» [242].

Досвід використання сервісу SageMathCloud в процесі викладання факультативного курсу [360] викладача Хорватії Тутек Желько (Tutek Željka) Загребського університету в період за 2015-2016 рр., показує, що перш за все треба зорієнтувати зусилля на:

- набуття навичок самотійного використання програмного математичного забезпечення для символічних і чисельних обчислень;
- підтримування викладання математичних понять (зокрема з курсів аналітичної геометрії, лінійної алгебри та математичного аналізу).

Американські дослідники Кіт Дж. О'Хара (Keith J. O'Hara), Дуглас Бланк (Douglas Blank), Джеймс Маршалл (James Marshall) [338] досліджували чотири способи використання хмарних сервісів в навчальному процесі: під час проведення лекцій (обговорень); семінарських занять; виконання домашнього (індивідуального) завдання; складання іспитів.

Використання хмарних сервісів як альтернатива традиційним презентаціям, може бути досить ефективною підтримкою під час проведення лекції. Якщо розробити лекційну демонстрацію засобами хмарного сервісу, то її можна застосовувати і під час обговорення на семінарському занятті. Аналізуючи досвід американських викладачів роботи з SageMathCloud, в процесі проведення лекції можна використати робочі аркуші, що містять:

- статичні демонстрації (найчастіше побудови на площині, без зміни вхідних параметрів);
- динамічні демонстрації (з змінними вхідними параметрами);
- заготовки програмного коду, без використання елементів управління (обчислення в реальному часі).

На думку Кіта Дж. О'Хара (Keith J. O'Hara), Дугласа Бланка (Douglas Blank), Джеймса Маршалла (James Marshall) [338] використання SageMathCloud в процесі навчання математичних дисциплін надає такі переваги:

- у порівнянні з іншими математичними програмними засобами, хмарні сервіси не потрібно встановлювати на свій пристрій, а потім налагоджувати;
- матеріали, які використовувались викладачем на лекції, можна оприлюднити для групи студентів та використати на семінарському занятті;
- створені демонстрації допомагають пояснити складні теми;
- залучає студентів до використання покрокових обчислень в індивідуальних та групових дослідженнях;
- завдяки інтуїтивно зрозумілому інтерфейсу, підвищується рівень засвоєння навчального матеріалу.

В Іспанії виконувався проект «Нові безкоштовні програмні інструменти для автоматичної корекції складних вправ», в Мадридському університеті Комплутенсе, в рамках якого використовувався сервіс SageMathCloud. Етапи, в процесі виконання яких було використано інструментарій SageMathCloud [317]:

1. Підготовка документів з теми та виправлення зауважень.
2. Координація викладачів та впровадження хмарного сервісу.

Використання хмарних сервісів студентами вивчалось дослідниками з Іспанії Е. Кабреро-Грандо (E. Cabrera-Granado), Е. Діас (E. Díaz), О. Г. Кальдерон (O. G. Calderón), Д. Маестро (D. Maestre), Ф. Домінгес-Адамі (F. Domínguez-Adame) [311]. Зокрема було виявлено, що SageMathCloud обирає більша кількість студентів в порівнянні з іншими хмарними сервісами. Це пояснюється тим, що в більшості випадків підтримка дисциплін ВНЗ, зокрема математичних, відбувається за рахунок застосування інструментарію SageMathCloud. Але студенти не мають жодних проблем з використанням інших хмарних сервісів, під час роботи не виникає особливих труднощів. В той же час, використання хоча б одного хмарного сервісу в рамках вивчення математичної дисципліни покращує засвоєння вивченого матеріалу та поглиблює знання з більшості тем.

Що ж стосується викладачів, то більшість з них обирають SageMathCloud та рекомендують використання даного хмарного сервісу під час виконання індивідуальних та самостійних робіт. Викладачі досить високо оцінюють потенціал використання хмарних сервісів у процесі навчання будь-якої дисципліни взагалі та математичних зокрема.

Девід. І. Кетчсон (David I. Ketcheson) [330] має досвід викладання дисциплін (починаючи з коротких – 2-3 заняття і завершуючи дисциплінами, що тривали декілька семестрів) з використанням сервісу SageMathCloud. На його думку, SageMathCloud може бути доповненням основних посібників навчальної дисципліни.

Девід І. Кетчсон (David I. Ketcheson) [330], пропонує організовувати на початку занять засобами SageMathCloud короткі опитування, задля повторення основних теоретичних викладок. На його думку, це надасть додаткової мотивації для подальшого вивчення теми. Тестування, опитування можна проводити і для того, щоб переконатись, що студенти знайомі з основними методами обчислень. Подібними опитуваннями, можна завершити вивчення теми чи курсу, щоб систематизувати вивчений матеріал та перевірити якість засвоєння його студентами.

У процесі дослідження були виявлені такі переваги використання хмарних сервісів:

- економія ресурсів (зниження навантаження на аудиторний фонд, навколишнє середовище, витрат на придбання та модернізацію комп'ютерної техніки, програмне забезпечення, оплату роботи персоналу);
- мобільність доступу (заняття у міру засвоєння матеріалу в зручний час і в зручному місці);
- еластичність (надання додаткових обчислювальних ресурсів на вимогу користувача).

Недоліки використання SageMathCloud на думку Девіда І. Кетчесона (David I. Ketcheson) [330], є такі:

1. Матеріал важко викласти в повному обсязі.

Це пов'язано з тим, що під час включення до навчального процесу хмарного сервісу значна частина часу витрачається на написання програмного коду. Проте не всі студенти вміють програмувати. Тобто кількість тем, які встигають вивчити студенти, менша. Перш ніж включати до курсу хмарний сервіс, треба бути впевненим, що студенти мають певні навички алгоритмізації та програмування. В першу чергу потрібно впровадити хмарні сервіси до курсів, у яких за програмою передбачено програмування. Краще, якщо матеріалу буде менше, але він буде зрозумілим, аніж до нього студенти втратять інтерес вже на перших заняттях.

2. Масштабованість.

Хоча хмарні сервіси орієнтовані на одночасну роботу великої групи студентів, як показує практика, найоптимальнішим складом академічної групи є приблизно 20 чоловік. Із залученням більшої кількості студентів на занятті викладачу важко індивідуально приділити увагу кожному студенту, пояснити та надати допомогу стосовно виконання завдань. Тобто треба орієнтуватись на кількість студентів, що можна розмістити в стандартній комп'ютерній аудиторії.

3. Нелінійні обчислення в робочому аркуші.

Програмний код розташовано в робочому аркуші в окремих комірках, причому комірки між собою можуть бути пов'язані, а можуть містити розв'язки окремих завдань, які не залежать один від одного. Використання одних й тих самих змінних може призвести до плутанини, враховуючи те, що програмний код можна

виконувати в будь-якому порядку, не зважаючи на попередній програмний код (на попередні комірки). Це не є серйозною проблемою, але студентів потрібно попередити про це.

4. Початок роботи з хмарним сервісом.

Для того, щоб розпочати роботу з хмарним сервісом треба витратити більше часу, аніж подвійне натискання на ярлик файлу. Замість цього потрібно відкрити на своєму пристрої браузер, авторизуватись в системі та відкрити проект, в якому зберігається робочий аркуш. Як варіант – не завершувати кожного разу сеанс роботи в системі на своєму пристрої, щоб швидше відновити сесію та роботу із завданням.

5. Тривалість виконання програмного коду.

Програмуючи онлайн немає можливості використовувати звичні налаштування текстового редактору. Якщо обчислень небагато, то на виконання коду в комірці не знадобиться багато часу. Що ж стосується громіздких обчислень, особливо коли йде паралельна робота над одним робочим аркушем групи студентів, то виконання може сповільнюватись. Треба ще враховувати швидкість та налаштування Інтернет-зв'язку.

Вирішенням даної проблеми може бути поділ громіздкого програмного коду на частини, виконання яких потрібно організувати в окремих комірках.

1.5 SageMathCloud у системі засобів навчання математичних дисциплін

В загальній педагогіці термін «засоби навчання» трактується кожним науковцем по-різному. В. А. Нікіфоров під засобами навчання розуміє педагогічну майстерність викладача та матеріальні об'єкти, які залучаються ним в процес навчання, що містять навчальний матеріал, допомагають організувати та керувати навчальною діяльністю [154, с. 89].

До питання класифікації засобів навчання різні колективи авторів мають декілька підходів. О. М. Новіков поділяє усі засоби навчання на п'ять груп: матеріальні, інформаційні, логічні, математичні та мовні засоби навчання. Перші дві групи створюються безпосередньо самим викладачем [156, с. 120–121].

Згідно досліджень В. В. Краєвського та А. В. Хуторського засоби навчання можна класифікувати по-різному в залежності від того що взяти за основу класифікації. Ними запропоновано наступні ознаки: склад об'єктів, відношення до джерела появи, складність, спосіб використання, особливості будови, характер впливу, носій даних, рівень змісту освіти, відношення до технологічного процесу [106, с. 269–270].

Так, класичною вважається класифікація, у якій усі засоби навчання поділяються на ті, що залежать від мови та дій викладача, та залежних від навчального забезпечення (рис. 1.2).

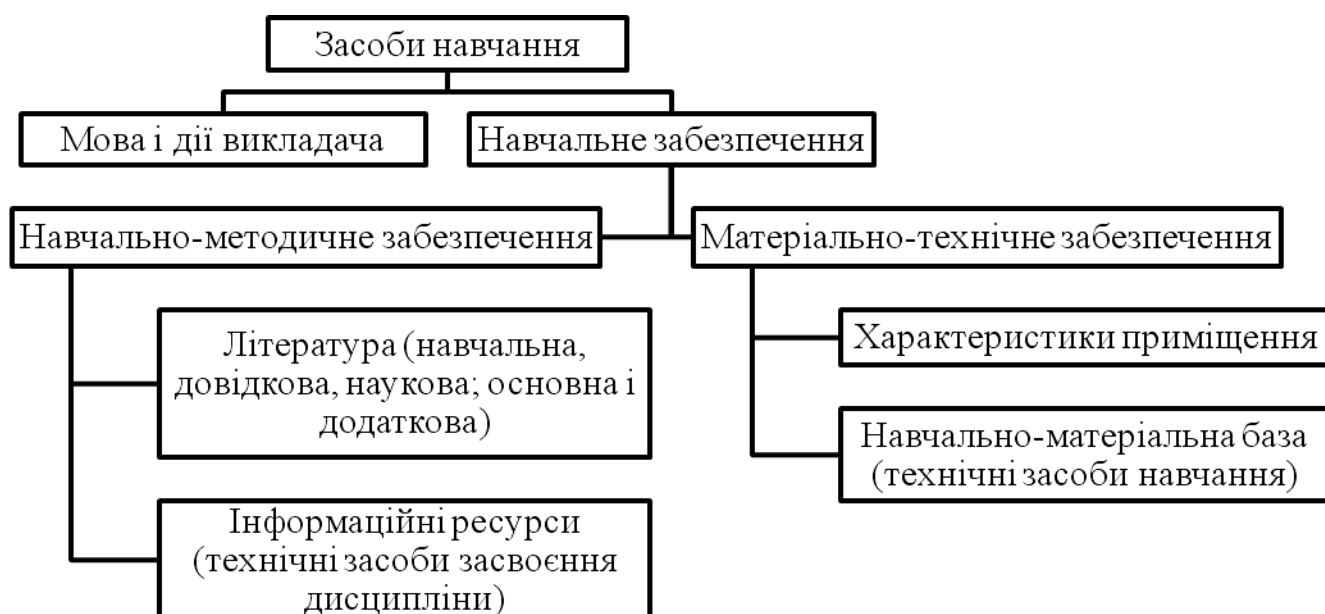


Рис. 1.2. Класифікація засобів навчання (за В. А. Нікіфоровим)

Проте, класифікація В. А. Нікіфорова є досить широкою та узагальненою по відношенню до процесу вивчення математичних дисциплін. Так, в даній класифікації хмарний сервіс SageMathCloud можна віднести до навчально-методичного забезпечення, а саме до інформаційних ресурсів.

Оскільки на думку Н. П. Волкової [42] під засобами навчання потрібно розглядати лише матеріальні засоби, тому запропонована нею класифікація (рис. 1.3) дещо відрізняється від попередньо розглянутих і значно звужує засоби

навчання, які можна використати по відношенню до процесу навчання математичних дисциплін.

Технічні засоби навчання (ТЗН) – обладнання та технічні пристрої, які використовуються в навчальному процесі та забезпечують його ефективність.

Проте, якщо використати класифікацію Н. П. Волкової, SageMathCloud посяде місце серед технічних засобів навчання та охопить майже всі засоби зорової наочності: екранні засоби та технічні моделі.



Рис. 1.3. Види засобів навчання (за Н. П. Волковою)

На відміну від Н. П. Волкової, О. П. Буйницька [36] пропонує наступний поділ ТЗН: за призначенням (широкого і спеціального), виконуваними функціями та способом впливу. Для нашого дослідження буде цікавою остання класифікація, оскільки Н. П. Волкова в своїй класифікації за основу поділу обрала ознаку за способом впливу (візуальні, аудитивні та аудіовізуальні). Якщо розглянути яке саме місце займає хмарний сервіс SageMathCloud в класифікації, що представлена Н. П. Волковою, тоді буде враховано лише частину складових хмарного сервісу. Система управління навчальними курсами та редактор LaTeX залишаться поза увагою дослідження. Тому доречно буде зупинитись на класифікації навчальних засобів, що пропонує О. П. Буйницька.

Проблему підготовки кваліфікованих кадрів управління освітою, а також вчителів, орієнтованих на навчання на основі ІКТ, на сьогодні навряд чи можна розглядати окремо від процесів інноваційного розвитку освітнього простору, утвореного в школі, регіоні та в освітній системі країни чи світу. У зв'язку з цим існує необхідність проведення фундаментальних досліджень з акцентом на можливі шляхи розвитку освітнього середовища освітніх установ. Варто взяти до уваги тенденції вдосконалення засобів ІКТ при пошуку нових технічних рішень і нових технологічних, педагогічних та організаційних моделей [292]. Основний акцент поставлено на перехід від масового впровадження окремих програмних продуктів, до комплексного та комбінованого середовища, яке підтримує розподілені мережні послуги і крос-платформні рішення [292].

Нові технології, інформаційно-комунікаційні мережі створюють підстави для реалізації цілісного підходу до освіти та підготовки кадрів [350]. Цілісний підхід фокусується на об'єднанні науки і практики, навчання і виробництва, фундаментальних та прикладних знань і технологічних компетентностей. Насамперед він спрямований на розвиток навичок управління в галузі освіти, які повинні бути засновані на об'єднаному підході до навчання, проектування та управління. Це – перспективний напрям для розвитку кадрового потенціалу системи освіти. Тому для організації та розвитку середовища навчання і підготовки кваліфікованих педагогічних кадрів необхідні нові підходи і моделі.

Існує проблема доступності та способів навчання і постачання ресурсів для досягнення кращого педагогічного ефекту їх використання. Ця проблема може бути частково вирішена завдяки використанню обчислювальних потужностей у хмарі. Основною перевагою даної технології є покращення доступу до якісних ресурсів (а іноді і єдино можливим способом доступу до необхідних ресурсів для всіх). Ідея полягає в тому, щоб визначити підходи до моделювання та оцінювання компонентів та обчислювальних потужностей хмари на основі вивчення потреб проектування навчального середовища і функціонування різних інструментів для його організації.

На засоби навчання суттєво впливають розвиток інформаційного суспільства і технічний прогрес. Тому останнім часом окрім класичних засобів навчання, які

можна було використовувати в процесі вивчення будь-яких дисциплін з'являються нові.

Так, М. А. Кислова до складу авторського мобільного навчального середовища з вищої математики включає:

- мобільні засоби підтримки навчальної та, зокрема, математичної діяльності,
- мобільні засоби навчальної комунікації,
- мобільні засоби підтримування процесу навчання вищої математики, з використанням яких відбувається взаємодія між студентами та викладачем [84].

Окрім мобільних засобів навчання, дослідники в публікаціях останніх років розглядають хмарні сервіси в якості засобів навчання. М. А. Кислова, К. І. Словак [85] проаналізували ряд хмарних сервісів, які пропонують використовувати у навчальному процесі в поєднанні з традиційними засобами навчання: Google Apps for Education, Office 365, ThinkFree Online. Зокрема, охарактеризовано кожен хмарний сервіс, виділено його характеристики, складники та окреслено переваги його використання як засобу навчання математичних дисциплін.

Для того, щоб обрати хмарний сервіс можна скористатись такими критеріями добору [311]:

- порівняти обчислювальні ресурси (RAM, кількість доступних ядер), обсяг даних, який може обчислювати хмарний сервіс, при чому на ці характеристики не впливають обчислювальні потужності пристрою на якому працює користувач та надаються безкоштовно;
- наявність інструментів для організації навчання та його контролем (треба враховувати чи наявний розподіл вправ на рівні, можливість збирання виконаних завдань та їх оцінювання);
- можливість збільшення обчислювальних ресурсів за невелику оплату, порівняння тарифних планів;
- відкритість програмного коду, можливість встановлення власних налаштувань та додатків (спеціальних бібліотек), окрім тих, що передбачені за замовчуванням (індивідуалізувати роботу та налаштування хмарного сервісу для окремого студента чи викладача);

– можливість спільного редагування, одночасної роботи над однією проблемою (проектом) групи студентів, ресурсів різних форматів.

До переваг хмарних сервісів можна віднести такі моменти (за Н. В. Рашевською):[208]

- дані доступні користувачу з будь-кого пристрою, який має вихід в Інтернет;
- користувач має змогу працювати з усім навчальним матеріалом, при цьому не встановлюючи додаткового програмного забезпечення;
- можливість працювати будь-де, а не лише в межах аудиторії;
- організація процесу навчання носить характер змішаного типу.

Але М. А. Кислова, К. І. Словак [85] вважають недостатнім використання лише хмарних сервісів, в якості засобів навчання. У процесі вивчення математичних дисциплін доречно звернути увагу на спеціалізовані web-орієнтовані версії СКМ (принцип роботи яких базується на хмарних технологіях), до яких віднесено Sage. Окрім Sage в своєму дослідженні М. А. Кислова, К. І. Словак [85] розглянули GeoGebra, MathCAD Calculation Server, MapleNet, Web-Mathematica. Кожен програмний засіб представлено у вигляді короткої характеристики, який можна використати в якості засобу навчання.

В процесі дослідження СКМ, web-орієнтованих версій СКМ математичного призначення, було визначено, що нині вже існують хмарні версії математичного програмного забезпечення відомих виробників, зокрема, такі як Maple Net, MATLAB web-server, WebMathematica та інші. Дані системи отримали назву «системи комп'ютерної математики», їх сутність і різновиди більш докладно висвітлені в [351]. В той же час, існує тенденція розвитку даних систем, що і раніше функціонували у мережному середовищі (так звані Web-СКМ) щодо їх поступової трансформації у хмаро орієнтовані системи. Основні відмінності Web-СКМ і хмаро орієнтованих СКМ більш докладно висвітлені в [351]. Різновидом саме такого типу систем – хмаро орієнтованих Web-СКМ – є SageMathCloud, хмаро орієнтована версія Web-СКМ Sage [351].

Сучасні СКМ можна розподілити на сім основних типів, але незважаючи на те, що кожна з цих СКМ має певні відмінності в своєму призначенні та архітектурі, прийнято вважати, що вони мають схожу структуру [291, с. 154]:

- центральне місце займає обчислювальне ядро системи;
- коди великої кількості скомпільованих функцій та процедур, які мають виконуватись достатньо швидко, тому зазвичай об'єм ядра прийнято максимально зменшувати;
- зручний інтерфейс, завдяки якому користувач може з легкістю звертатись до обчислювального ядра, та одержувати результат безпосередньо на екрані монітору;
- потужний графічний інструментарій розширює використання СКМ не лише для математичних обрахунків, але й завдяки йому можна ілюструвати більшість процесів нематематичного характеру;
- пакети розширень, за допомогою яких можливості використання СКМ значно зростають, за рахунок виконання більшої кількості завдань, які ставить користувач;
- бібліотеки процедур та функцій, які дають змогу використовувати менш вживані, але не менш важливі рідкісні процедури, що просто не ввійшли до складу ядра, через обмеження його розмірів;
- довідкова система, завдяки якій користувач може в будь-який момент звернутись до кожного розділу з приводу коректного використання тієї чи іншої функції, синтаксису та прикладів застосування.

В СКМ реалізовано значну кількість спеціальних математичних операцій, функцій та методів [291, с. 156]:

- розкриття дужок у символьних виразах;
- обчислення значення числового виразу;
- розклад многочленна на множники;
- обчислення значення символьного виразу, але при умові, що відомо значення змінних величини;
- зведення подібних доданків без розкриття дужок;
- розв'язання алгебраїчних рівнянь, чи системи рівнянь;

- розв’язання трансцендентних рівнянь, або наближеного значення коренів рівнянь;

- виконання операцій математичного аналізу: обчислення інтегралів, кратних інтегралів, знаходження первісних, границь функцій та числових послідовностей; розв’язання диференціальних рівнянь (аналітичним способом);

- побудова графіків функцій на площині та в просторі, побудова векторів; обчислення з розділу лінійної алгебри (множення матриць, обчислення детермінантів, піднесення квадратної матриці до будь-якого натурального степеню) та багато інших.

Перший етап розвитку СКМ (60-ті –90-ті роки XX ст.) характеризується тим, що СКМ поширювалися у локальному варіанті – треба було інсталиувати програмне забезпечення на комп’ютер користувача і тоді можна було використовувати його у відповідності із ліцензійними умовами.

Другий етап розвитку СКМ (90-ті роки XX ст. – перше десятиріччя XXI ст.) відзначився виникненням Web-СКМ, у яких однією з основних характеристик була оснащеність Web-інтерфейсом. Web-СКМ мають такі властивості:

- не має потреби встановлювати обчислювальне ядро системи на клієнтській машині;

- виконання усіх обчислень відбувається безпосередньо на Web-сервері;

- виконання запиту та одержання результатів обчислення відбуваються за допомогою Web-браузера.

Крім цього, виокремлюють такі характеристики Web-СКМ:

- неможливість до апаратної складової обчислювальної системи;

- індиферентність до використовуваного браузера;

- простота адміністрування;

- мобільний доступ до навчальних ресурсів, програм і даних та ін. [291, с. 156].

Сьогодні до найбільш поширених Web-СКМ відносять MathCAD Application Server (MAS), MapleNet, Matlab Web Server (MWS), webMathematica, wxMaxima та Sage. Web-СКМ оснащені зручним інтерфейсом, потужними графічним

інструментарієм, в них реалізовано значну кількість виконання математичних обчислень, функцій та методів.

Серед специфічних характеристик сучасних СКМ можна зазначити:

- наявність властивих цим системам мов програмування;
- імпортування даних з інших програмних продуктів;
- засоби друку математичних текстів.

Використання Web-СКМ SAGE має ряд переваг. Серед них – найбільший арсенал засобів щодо розроблення та дослідження різноманітних математичних моделей в межах математичних дисциплін. Перша версія SAGE вийшла у лютому 2006 року. Основні характеристики Web-СКМ Sage наведені в таблиці (табл. 1.7).

Таблиця 1.7

Основні характеристики Web-СКМ Sage

Переваги	Недоліки
– відкритість системи; – вільне поширення; – повнофункціональний Web-сервер системи; – інтеграція більше 100 математичних пакетів у єдиному середовищі, тощо.	– недостатньо вітчизняної науково-методичної літератури; – не досить висока швидкодія; – складність опанування, громіздкий інтерфейс; – недостатньо персоніфікованого доступу.

Завдяки використанню Web-СКМ Sage у процесі навчання математичних дисциплін забезпечується можливість [291]:

1. Виконувати обчислення: як аналітичні, так і чисельні.
2. Подавати результати обчислень природньою, математичною мовою з використанням символіки.
3. Будувати дво- і тривимірні графіки кривих і поверхонь, гістограми і будь-які інші зображення (виключаючи анімації).
4. Поєднувати обчислення, текст і графіку в рамках одного робочого аркуша, їх друкування, оприлюднення в мережі і спільної роботи над ними.

5. Створювати за допомогою вбудованої у Sage мови Python моделі для виконання практичних завдань, навчальних досліджень.

6. Створювати нові функції і класи мовою Python.

Третій етап розвитку СКМ (починаючи з 2009р.) – пов'язаний з виникненням хмаро орієнтованих систем. SageMathCloud – це безкоштовний сервіс, що існує за підтримки Університету Вашингтона, Національного наукового фонду і Google. SageMathCloud було розроблено спеціально для полегшення використання математичних обчислень на платформі Android. В SageMathCloud реалізовано усі властивості, які є у Web-СКМ SAGE, але є й певні відмінності (табл. 1.8). [291, с. 155].

Таблиця 1.8

Основні характеристики SageMathCloud

Переваги	Недоліки
– покращено інтерфейс в порівнянні з Web-СКМ Sage; – можливість інтеграції з іншими сервісами; – обліковий запис користувача; – одночасна робота в проекті більше ніж 300 користувачів; – можливість розробки web-додатків з використанням мови Python; – збільшено обчислювальні потужності в декілька разів; – підтримка нових форматів: курси, завдання, чати; – можливість колективної роботи в рамках одного проекту.	– файли не завжди завантажуються на пристрій; – конвертування в файл формату PDF можливо лише за умови індивідуальної роботи з проектом; – файли старого формату не підтримуються; – змінено синтаксис основних функцій (попередній не працює); – відсутній остаточний захист файлів користувача.

Строго кажучи, Sage – консольна програма. І всі розрахунки цілком можна робити в консолі. Інше питання, що це незручно, і тому були створені Sage Notebook і SageMathCloud. Історично першим з'явився Sage Notebook. Це графічна оболонка з трохи застарілим, але зручним інтерфейсом, яка більше підходить для роботи з Sage на локальному комп'ютері. Sage Notebook йде в комплекті з Sage і є можливість виконувати розрахунки прямо в браузері. Sage Notebook підтримує практично всі можливості консольної Sage (за винятком команд налагодження коду), окрім цього можна: оформлювати аркуші, додавати зображення, відео, 2d і 3d графіку, створювати інтерактивні додатки.

Виконавши певні налаштування, можна зробити так, щоб працювати з Sage Notebook через мережу Інтернет. Існують сайти, що надають доступ до Sage Notebook, проте на них використовується стара версія Sage. Для роботи з Sage онлайн рекомендовано використання SageMathCloud.

Ідея створення SageMathCloud належить професору математики університету Вашингтона Вільяму Стейну. Більшість серверів розташовано в США на території університету Вашингтона. Є кілька серверів в Європі. На серверах встановлено операційна система Ubuntu 14.04.1 LTS (Trusty) з ядром web-СКМ Sage. Також використовується Google App Engine.

Для програм на Linux характерна така особливість: в них можна чітко виділити консольну частину, яка містить в собі всі функції програми, і графічну частину, з якої зазвичай працює користувач. При цьому легко зробити так, щоб сама програма працювала на одному комп'ютері, а її графічна частина – на іншому.

У даний час для роботи з Sage використовуються різні графічні середовища. Консольний варіант Sage зазвичай використовується для різних вузьких завдань, наприклад, для: побудови власних математичних веб-додатків, налагодження коду, конвертації файлів в різні формати.

Основним джерелом даних і ресурсом для спілкування є форум користувачів SMC. Нещодавно відкрився форум для розробників після остаточного переходу SMC в розряд відкритих проектів. Активне спілкування відбувається в чаті Gitter;

створене FAQ на Github. Щомісячно кількість користувачів поступово зростає (Додаток Б).

Принцип роботи в SageMathCloud побудовано на створенні індивідуальних або групових проєктів, наповненні їх навчальними ресурсами та роботі з окремими ресурсами чи групою ресурсів одночасно. Також в системі передбачено збереження дій користувачів, що відображається в хронологічному порядку. Можлива функція відображення історії роботи з окремим навчальним ресурсом (чи проєктом) як певного користувача, так і групи користувачів. Внесення певних змін до кожного проєкту призводить до резервного копіювання структури самого проєкту. Усі копії зберігаються в хронологічному порядку із зазначенням автора змін.

Враховуючи вищезазначені переваги хмарних сервісів у навчанні математичних дисциплін, а також перспективи впровадження у навчальний процес хмарного сервісу SageMathCloud, що є вільнопоширеною, на відміну від більшості різновидів математичного програмного забезпечення інших виробників, і в той же час досить потужною, щоб забезпечувати досягнення цілей навчального процесу, застосування цієї системи було обрано предметом експериментального дослідження.

Застосування хмарних сервісів приводить до появи та розвитку форм організації навчання, орієнтованих на спільну навчальну діяльність в мережі Інтернет.

Узагальнюючи проведене дослідження, хмарні сервіси у навчанні майбутніх вчителів математики доцільно використовувати як засоби для:

- комунікації (синхронної – чати, голосовий та відеозв'язок та асинхронної – пошта, форуми);
- співпраці: доступ до даних, обмін ними та співпраця з іншими користувачами;
- зберігання та опрацювання даних.

Напрями використання SageMathCloud у навчанні майбутніх вчителів математики є такими:

- 1) організація та документування предметної навчальної комунікації;

- 2) підтримка індивідуальних та групових форм організації навчальної діяльності (аудиторна та позааудиторна);
- 3) підтримання управління навчанням;
- 4) забезпечення наочності шляхом різних інтерпретацій математичних моделей, візуалізації математичних абстракцій тощо;
- 5) забезпечення доступності та науковості через використання спільного інтерфейсу доступу до об'єктів середовища та використання надійного програмного забезпечення з відкритим кодом;
- 6) підвищення засобової, часової, просторової мобільності;
- 7) формування єдиного навчального середовища, змістова складова якого розвивається у процесі навчання [187].

Висновки до розділу 1

У першому розділі «Теоретичні основи використання хмарних сервісів у навчанні майбутніх учителів математики» розглянуто професійну підготовку вчителів математики у ВНЗ України, розкрито понятійний апарат дослідження, проаналізовано вітчизняний і зарубіжний досвід використання хмарних сервісів для формування професійних компетентностей вчителя математики, досліджено місце SageMathCloud у системі засобів навчання математичних дисциплін.

В Україні підготовка вчителів математики за спеціальністю 014.04 Середня освіта (Математика) охоплює три цикли дисциплін:

- 1) гуманітарної та соціально-економічної підготовки;
- 2) природничо-наукової підготовки (екологія, фізика, лінійна алгебра, аналітична геометрія, інформатика, математичний аналіз, теоретична механіка та ін.);
- 3) професійної та практичної підготовки (дискретна математика, математична логіка, теорія чисел, теорія ймовірностей, математична статистика, методи оптимізації, історія математики, диференціальна геометрія, функціональний аналіз, математична фізика, безпека життєдіяльності, методика навчання математики та ін.).

У ході дослідження обґрунтовано ключове поняття: *професійна компетентність вчителя математики* – це здатність особи на основі знань, умінь, навичок та особистісного ставлення здійснювати професійну діяльність з навчання математики учнів та досягати певних результатів.

У роботі розглянуто компетентності майбутніх вчителів математики: загально професійні та спеціально професійні. За результатами дослідження було виявлено спеціальні професійні компетентності, формування яких є доцільним з використанням хмарних сервісів, а саме:

- здатність використовувати професійно профільовані знання у галузі математики, для статистичного опрацювання експериментальних даних і математичного моделювання природних явищ і процесів;

- здатність використовувати математичний апарат для моделювання різноманітних процесів;

- здатність до роботи з комп'ютером на рівні користувача та фахівця у галузі ІКТ.

У процесі дослідження вітчизняного та зарубіжного досвіду були виявлені такі переваги використання хмарних сервісів математичного призначення:

- економія ресурсів (зниження навантаження на аудиторний фонд, навколишнє середовище, витрат на придбання та модернізацію комп'ютерної техніки, програмне забезпечення, оплату роботи персоналу);

- мобільність доступу (заняття у міру засвоєння матеріалу в зручний час і в зручному місці);

- еластичність (надання додаткових обчислювальних ресурсів на вимогу користувача).

Ураховуючи вищезазначені переваги хмаро орієнтованих засобів у навчанні математичних дисциплін, а також перспективи впровадження у навчальний процес хмарного сервісу SageMathCloud, що є вільнопоширеним і в той же час досить потужним, щоб забезпечувати досягнення цілей навчання, предметом дослідження було обрано застосування цього сервісу як засобу формування професійних компетентностей учителя математики.

Застосування хмарних сервісів призводить до появи та розвитку форм організації навчання, орієнтованих на спільну навчальну діяльність в мережі Інтернет. Показано, що хмарні сервіси у навчанні майбутніх учителів математики доцільно використовувати як засоби для:

- комунікації (синхронної – чати, голосовий та відеозв'язок та асинхронної – пошта, форуми);
- співпраці (доступ до даних, обмін ними та співпраця з іншими користувачами);
- зберігання та опрацювання даних.

Напрями використання SageMathCloud у навчанні майбутніх вчителів математики є такими:

- організація навчальної комунікації;
- підтримування індивідуальних та групових форм організації навчальної діяльності (аудиторна та позааудиторна);
- підтримування управління навчанням;
- забезпечення наочності шляхом побудови різних інтерпретацій математичних моделей, візуалізації математичних абстракцій тощо;
- забезпечення доступності та науковості завдяки використанню спільного інтерфейсу доступу до об'єктів середовища та надійного програмного забезпечення з відкритим кодом; підвищення часової та просторової мобільності;
- формування єдиного навчального середовища, зміст якого розвивається у процесі навчання.

Основні результати дослідження першого розділу опубліковані в роботах [351; 182; 187; 291; 292].

РОЗДІЛ 2

МОДЕЛЮВАННЯ ПРОЦЕСУ ВИКОРИСТАННЯ ХМАРНОГО СЕРВІСУ SAGEMATHSCLOUD ЯК ЗАСОБУ ФОРМУВАННЯ ПРОФЕСІЙНИХ КОМПЕТЕНТНОСТЕЙ ВЧИТЕЛЯ МАТЕМАТИКИ

2.1 Загальна методика дослідження

Основною ідеєю дослідження є питання поширення і використання у навчальному процесі хмарних сервісів у зв'язку з потребою у модернізації середовища навчання математичних дисциплін на базі використання кращих електронних освітніх ресурсів (ЕОР). У навчанні математичних дисциплін це – засоби, що застосовуються для того, щоб полегшити математичні процедури, будувати моделі досліджуваних математичних об'єктів, досліджувати їх властивості. Ці засоби є нині досить потужними і комплексними, але не завжди є зручними для розгортання у навчальному закладі. Тому запровадження хмаро орієнтованих сервісів у процес навчання стає необхідним, доцільним та доречним [351].

Неможливо уявити запровадження ІКТ і управління цим процесом без оволодіння відповідними ІКТ та пов'язаними з ними педагогічними технологіями. Тому основною метою запровадження ІКТ стає формування навичок використання засобів високотехнологічного освітнього середовища і діяльності у ньому. Середовище навчання, що формується на основі хмари, в даному випадку, має такі інноваційні переваги, як покращення доступу і уможливлення багаторазового спільного використання освітніх ресурсів на різних рівнях і доменах [292]. На цій основі можна об'єднати корпоративні ресурси університету та інші он-лайн ресурси, адаптовані до потреб навчання.

Хмарні технології використовуються як для нарощування обчислювальних потужностей, так для організації і підтримування співпраці в процесі навчання, зокрема, і засобами мобільних сервісів. Це потребує розроблення нових підходів і

моделей для проектування середовища [292]. Серед них є ті, що засновані на цілісному (холістичному) підході до навчання [350].

Основні ідеї дослідження втілені у *гіпотезі*, яка базується на припущенні, що методично обґрунтоване використання хмарного сервісу SageMathCloud у процесі навчання математичних дисциплін сприятиме підвищенню рівня сформованості професійних компетентностей майбутніх учителів математики.

Дослідно-експериментальна робота щодо створення та впровадження науково обґрунтованої методики використання хмарного сервісу SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей майбутніх учителів математики була запланована як паралельний, природний педагогічний експеримент у чотири етапи (табл. 2.1) та тривала впродовж 4 років: підготовчий (2013-2014 рр.), констатувальний (друга половина 2014 р.), формувальний (2015 р.) та контрольний (2016 р.).

На *підготовчому етапі* (2013-2014 рр) вивчено й проаналізовано стан проблеми дослідження, розглянуто вітчизняні і зарубіжні дослідження, розглянуто професійну підготовку учителів математики у педагогічних ВНЗ України, здійснено аналіз наявних зразків апаратно-програмного забезпечення та інформаційно-комунікаційних платформ, хмарних сервісів задля визначення переваг, шляхів подолання недоліків і суперечностей; визначено напрями використання SageMathCloud у навчанні майбутніх вчителів математики, сформульовано гіпотезу, мету і завдання дослідження, обґрунтовано концептуальні та методологічні засади; розроблено програму дослідження; визначено експериментальну базу дослідження, укладено угоди про проведення дослідження.

Констатувальний етап передбачав (друга половина 2014 р.): формулювання гіпотези, мети і завдань дослідження, обґрунтування концептуальних та методологічних засад; розробка програми дослідження; визначення експериментальної бази дослідження, укладання угоди про проведення дослідження, встановлення кількісного і якісного складу учасників експерименту, проведення опитування студентів і викладачів щодо матеріально-технічної бази кожного з експериментальних майданчиків.

Етапи виконання дослідження

№	Етап дослідження	Зміст окремого етапу дослідження
1.	Підготовчий (2013-2014 рр.)	Визначення актуальності та стану розробленості проблеми дослідження (обґрунтування і визначення цілей, підбір методів, експериментальних засад). Розроблення програми експериментального дослідження.
		Ознайомлення з матеріально-технічним забезпеченням експериментального майданчика та існуючими методиками навчання математичних дисциплін.
2.	Констатувальний (друга половина 2014 р.)	Аналіз наявних програмно-апаратних засобів, що використовують у процесі навчання математичних та інформатичних дисциплін.
		Визначення структури та змісту методики використання хмаро орієнтованих систем навчання математичних дисциплін майбутніх учителів математики.
		Проведення початкового вимірювання професійних компетентностей майбутніх вчителів математики
3.	Формувальний (2015 р.)	Проведення навчання з використанням програмно-апаратних засобів за розробленою методикою; підготовка методичних рекомендацій з викладання факультативного курсу.
		Проведення кінцевого вимірювання професійних компетентностей майбутніх вчителів математики
4.	Контрольний (2016 р.)	Узагальнення результатів формувального етапу експерименту.

У процесі проведення *формувального етапу* (2015 р.) було виконано експериментальну перевірку гіпотези, апробацію авторської методики використання SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей вчителя математики, проаналізовано проміжні результати опитувань, анкетувань, здійснено корекцію експериментальних методик.

Підсумковий етап дослідження (2016 р.) охоплював систематизацію, узагальнення й опрацювання одержаних результатів кінцевого вимірювання рівнів сформованості професійних компетентностей майбутніх вчителів математики, статистичне опрацювання результатів експерименту, узгодження одержаних результатів з гіпотезою дослідження та формулювання висновків.

Результати дослідження відображено в дисертації, матеріалах до розділу колективної монографії [185] та навчальному посібнику [188]. Також окреслено шляхи подальших досліджень.

В процесі проведення дослідно-експериментальної роботи автор особисто брала участь у апробації та практичному впровадженні основних положень дослідження: проведенні тренінгових занять (з диференціальної геометрії, диференціальних рівнянь, елементарної математики, теорії ймовірностей та математичної статистики за окремими темами), семінарів, консультацій, авторського факультативного курсу, бесід з викладачами, що проводились відповідно до Плану навчальних заходів спільної науково-дослідної лабораторії з питань використання хмарних технологій в освіті ДВНЗ «Криворізький національний університет» та Інституту інформаційних технологій і засобів навчання НАПН України, навчальних заходів педагогічних експериментів, що проводилися за участю автора з тем НДР «Система психолого-педагогічних вимог до засобів інформаційно-комунікаційних технологій навчального призначення», 2012-2014 рр., ДР № 0112U000281, наказ МОН України № 504 від 24.10.2013 р.; «Методологія формування хмаро орієнтованого навчально-наукового середовища педагогічного навчального закладу», 2015-2017 рр., ДР № 0115U002231.

Результати впроваджувались за рахунок:

– викладання факультативного курсу «Використання SageMathCloud у навчанні математичних дисциплін» у Криворізькому державному педагогічному університеті;

– навчання математичних дисциплін «Елементарна математика», «Диференціальна геометрія і топологія», «Теорія ймовірностей та математична статистика» та «Диференціальні рівняння» з використанням елементів авторської методики у Криворізькому державному педагогічному університеті;

– обговорення результатів дослідження на засіданнях кафедри математики та методики її навчання фізико-математичного факультету Криворізького державного педагогічного університету, засіданнях кафедри математики і теорії та методики навчання математики фізико-математичного факультету Національного педагогічного університету імені М. П. Драгоманова, науково-методичних семінарах «Актуальні проблеми методики навчання математики» кафедри математики і теорії та методики навчання математики фізико-математичного факультету Національного педагогічного університету імені М. П. Драгоманова, на засіданнях спільної науково-дослідної лабораторії з питань використання хмарних технологій в освіті ДВНЗ «Криворізький національний університет» та Інституту інформаційних технологій і засобів навчання НАПН України, звітних наукових конференціях Інституту інформаційних технологій і засобів навчання НАПН України;

– обговорення на кафедрі математики та методики її навчання фізико-математичного факультету Криворізького державного педагогічного університету та на засіданнях спільної науково-дослідної лабораторії з питань використання хмарних технологій в освіті ДВНЗ «Криворізький національний університет» та Інституту інформаційних технологій і засобів навчання НАПН України навчального посібника «Організація навчання математичних дисциплін у SageMathCloud: навчальний посібник»;

– публікації у збірниках наукових праць і науково-методичних виданнях результатів дослідження;

– використанні у навчальному процесі навчального посібника «Організація навчання математичних дисциплін у SageMathCloud: навчальний посібник» для майбутніх вчителів математики в підтримку факультативного курсу «Використання SageMathCloud у навчанні математичних дисциплін» [188] у Криворізькому державному педагогічному університеті.

Автор під час проведення експерименту стикалась з певними труднощами:

– недостатнім рівнем готовності викладацького складу, який мав брати участь у системному впровадженні і використанні хмарних сервісів у навчальній діяльності;

– відсутністю системи апробованих форм, методів, у викладачів і студентів професійних компетентностей з використанням хмарних сервісів і визначення їх наявного рівня (відсутність критеріїв та показників);

– відсутністю стандартів вищої освіти, що на момент дослідження знаходяться лише на стадії розробки (наявні лише проекти стандартів вищої освіти, які законодавчо не затверджені);

– браком навчального часу (в годинах) для проведення факультативного курсу та консультацій з написання дипломних та курсових робіт, які проводилися в позааудиторний час.

Вірогідність результатів дисертаційної роботи забезпечується за рахунок: теоретичного обґрунтування основних положень дослідження, діагностичним інструментарієм, що відповідає вимогам надійності, валідності та умовам експерименту; опора на характеристики сучасних комп'ютерних технологій; застосування статистичних методів опрацювання результатів проведеного педагогічного експерименту (констатувального та формувального його етапів).

2.2 Проектування системи професійних компетентностей учителя математики

За Г. М. Романовою «Проектування – це здатність намічати, окреслювати план дій, конструювати, планувати, та здійснювати задум, намір. Це створення прототипу, прообразу передбачуваного об’єкта [212, с. 219]».

«Система компетентностей в освіті має ієрархічну структуру, рівні якої складають:

- **Ключові компетентності** (міжпредметні та надпредметні компетентності) – здатність людини здійснювати складні поліфункціональні, поліпредметні, культурнодоцільні види діяльності, ефективно розв’язуючи актуальні індивідуальні та соціальні проблеми;

- **Загально-галузеві компетентності** – компетентності, які формуються учнем впродовж засвоєння змісту тієї чи іншої освітньої галузі у всіх класах середньої школи і які відбиваються у розумінні “способу існування” відповідної галузі – тобто того місця, яке ця галузь займає у суспільстві, а також вміння застосовувати їх на практиці у рамках культурнодоцільної діяльності для розв’язку індивідуальних та соціальних проблем;

- **Предметні компетентності** – складова загально-галузевих компетентностей, яка стосується конкретного предмету.

При цьому потрібно мати на увазі, що кожна ключова компетентність повинна “проектуватись” на загальногалузеві компетентності, які у свою чергу повинні “проектуватись” на предметні компетентності (під терміном “проектуватись” розуміється таке визначення компетентностей нижчого рівня, щоб вони у сукупності забезпечували компетентності вищих рівнів). Разом із тим, ключові компетентності не складаються просто з набору відповідних галузевих та предметних компетентностей – вони інтегрують галузеві компетентності у складну структурну компоненту, у якій елементи пов’язані між собою різноманітними зв’язками та відношеннями» [200].

Враховуючи те, що наша ціль – спроектувати систему професійних компетентностей вчителя математики, спираючись на досвід С. А. Ракова можна сказати, що до неї можна включити два основних компонента: загально професійні компетентності (за С. А. Раковим – загально-галузеві) та спеціально професійні компетентності (за С. А. Раковим – предметні).

«У структурі системи соціально-професійних компетентностей фахівця можна виділити чотири блоки, перші два з яких є базовими і необхідними для формування двох наступних:

1. *інтелектуальний* – сукупність сформованих у випускника прийомів розумової діяльності (аналіз, синтез, порівняння, співставлення, класифікація, систематизація, узагальнення та ін.);

2. *особистісний* – особистісні якості випускника (відповідальність, цілеспрямованість, самостійність, організованість тощо);

3. *соціально-значущі компетентності* – компетентності, володіння якими дає змогу забезпечити життєдіяльність випускника у сучасному світі та його взаємодію з іншими людьми, групою, колективом;

4. *професійні компетентності* – компетентності, набуття яких дає змогу випускнику виконувати професійну діяльність» [204].

Тобто, враховуючи здобутки М. В. Рафальської, можна узагальнити, що під час визначення складників спеціально-професійних компетентностей потрібно зосередити увагу на професійній діяльності вчителя математики. На це звертає увагу і колектив науковців М. І. Жалдак, Ю. С. Рамський та М. В. Рафальська: «Таким чином, формування професійних компетентностей вчителя інформатики передбачає набуття ним компетентностей у галузі інформатики та суміжних з нею дисциплін, методики навчання та дидактики, психологічних і педагогічних основ здійснення навчально-виховного процесу, дослідницької діяльності та педагогічного спілкування, що визначає якість його професійної діяльності» [70].

О. В. Співаковским [251] обґрунтовано систему критеріїв рівнів професійної готовності майбутнього вчителя математики: за здібностями та нахилами. Задля проектування структури спеціально професійних компетентностей розглянемо лише

наступні критерії: здібності (організаторські, академічні та практичні) та нахили (до науково-педагогічної діяльності, до творчості та професійна спрямованість).

Здібності

1. Організаторські: уміти організувати вчителів для розробки, удосконалення методик і засобів навчання та виховання; науково організовувати свою працю та роботу колег і учнів.

2. Академічні: мати достатньо високий рівень володіння системою математичних знань і умінь, уявлень про ідеї і методи математики; розвинене математичне мислення; орієнтуватися в питаннях психології, педагогіки і методики навчання математики та основ інформатики; уміння поєднувати в роботі фундаментальну, наукову і практичну підготовку; достатньо високий рівень успішності.

3. Дидактичні: володіти сучасними методами та навичками навчальної та виховної роботи; викликати в учнів інтересу до навчального предмета.

Нахили

1. До науково-педагогічної діяльності: до удосконалення методів та засобів навчально-виховного впливу на особистість.

2. До творчості: до творчої інноваційної діяльності; неперервне поповнення своїх знань зі спеціальності; науково-дослідна робота.

3. Професійна спрямованість: прагнення займатись викладацькою діяльністю в навчальних закладах різних рівнів і типів.

Можна відмітити, що дидактичні здібності тісно переплітаються з нахилами до науково-педагогічної діяльності, організаторські – з нахилами до професійної спрямованості, академічні здібності – з творчими нахилами. Тобто можна помітити, що до складу спеціально-професійних компетентностей буде віднесено хоча б три складові, які можна охопити вищезазначеними критеріями.

Оскільки в данному дослідженні система професійних компетентностей вчителя математики розглядається як сукупність двох складових: загально професійних та спеціально професійних компетентностей, то критерії: здібності (комунікативні, перцептивні та мовленнєві) та нахили (загально-культурний рівень,

соціальна активність та самооцінка) будуть відповідати загально професійним компетентностями.

Але не можна розглядати вимоги до професійної підготовки вчителя лише з урахуванням вказаних критеріїв. Класи діяльності, типові завдання діяльності, якими повинен володіти вчитель математики були попередньо розглянуті (див. підрозділ 1 розділу 1, с. 18), професійні функції, типові задачі діяльності, уміння якими повинні володіти майбутні вчителі математики (див. підрозділ 3 розділу 1, с. 28-29) та типи діяльності, типові завдання діяльності та уміння (Додаток А). Також була спроба проаналізувати спеціалізовано професійні компетентності та система умінь, що їх відображає (див. підрозділ 3 розділу 1, с. 29).

Формування професійних компетентностей вчителя математики здійснюється у процесі навчання циклів гуманітарної і соціально-економічної підготовки, природничо-наукової підготовки та професійної і практичної підготовки у педагогічному ВНЗ (див. підрозділ 1 розділу 1, с. 15). При чому, найбільший загальний навчальний час (обсяг в годинах) відведено для циклу професійної і практичної підготовки (див. підрозділ 1 розділу 1, с. 16) значна частина якого – математичні дисципліни (підцикл професійної науково-предметної підготовки циклу професійної і практичної підготовки). Формування системи професійних компетентностей вчителя математики на базі опанування циклами дисциплін, що входять до програми його підготовки можна прослідкувати на прикладі саме математичних дисциплін (за рахунок яких формуються переважно спеціально професійні компетентності). Ця думка підтверджується дослідженнями М. І. Жалдака, Ю. С. Рамського та М. В. Рафальської, «<...> формування загальнопрофесійних компетентностей вчителя інформатики <...> значною мірою відбувається у процесі навчання природничо-математичних, психолого-педагогічних, предметно і професійно орієнтованих методичних дисциплін, а подальший їх розвиток і використання здійснюється у процесі навчання дисциплін соціально-економічної, предметної підготовки та курсів за вибором» [70].

С. А. Раков [200] до предметно-галузевих математичних компетентностей відносить наступні:

1. Процедурна компетентність – уміння розв’язувати типові математичні задачі.

2. Логічна компетентність – володіння дедуктивним методом доведення та спростування тверджень

3. Технологічна компетентність – володіння сучасними математичними пакетами.

4. Дослідницька компетентність – володіння методами дослідження соціально та індивідуально значущих задач математичними методами.

5. Методологічна компетентність – уміння оцінювати доцільність використання математичних методів для розв’язування індивідуально і суспільно значущих задач.

У разі поєднання логічної та дослідницької компетентності можна одержати складову спеціально-професійних компетентностей – наукові компетентності, які в свою чергу є складником предметних компетентностей. Технологічні компетентності можна розглянути дещо ширше, враховуючи не лише сучасні математичні пакети, але застосування ІКТ в цілому. Процедурну компетентність можна віднести до складу предметних компетентностей.

Проектувальну діяльність можна розглядати як засіб становлення фахової компетентності особистісно орієнтованого навчання учасників освітнього процесу, організації та забезпечення їх співробітництва із використанням хмарних сервісів, спільної діяльності у процесі професійної підготовки. Залучити студентів – майбутніх педагогів до індивідуальної проектної діяльності – важливе актуальне завдання. Це можна зробити можна за рахунок застосування хмарних сервісів підтримування процесів виконання науково-дослідної роботи. Здійснення проектувальної діяльності має поєднувати індивідуальні та групові форми роботи (тим більше, якщо розглядати проектувальну діяльність у контексті взаємодії та співробітництва) [212, с. 220]». Тобто проектувальну діяльність можна розглядати як складову наукових компетентностей.

«Об’єктивними вимогами до сучасного вчителя є володіння ІКТ, виявлення творчої ініціативності та прагнення до самоосвіти. Як показує досвід, активність

тих, хто навчається – майбутніх вчителів залежить не лише від їх професійно-методичної підготовленості, але і від їх компетентності в галузі інформаційно-комп'ютерних технологій» [137, с. 16].

«Розвиток ІКТ, впровадження їх у вищу систему освіти вимагає удосконалення раніше сформованих знань та вмінь від усіх суб'єктів навчального процесу: тих, хто навчає і тих, хто навчається» [137, с. 16].

«Одна з суттєвих перешкод на шляху впровадження технології хмарних обчислень (ТХО) полягає не тільки в недостатньо високому рівні ІКТ компетентностей викладацького складу та відсутності відповідного науково-методичного забезпечення, а в першу чергу у відсутності чіткого уявлення про можливі педагогічні моделі застосування переваг подібних технологій з метою підвищення ефективності викладання вищої математики у навчальному процесі вищих технічних навчальних закладах освіти» [142, с. 117].

Ми не будемо в структурі системи окремо зазначати складову – ІКТ компетентність, оскільки на наш погляд складники ІКТ компетентності тісно поєднані з усіма спеціально професійними компетентностями вчителя математики. На противагу їй розглянемо інформаційно-технологічні компетентності, склад яких значно вужчий в порівнянні з ІКТ компетентністю.

О. М. Спирін пропонує таку структуру компетентностей майбутніх вчителів інформатики [253]:

I. Загальні компетентності:

- компетентність щодо індивідуальної ідентифікації й саморозвитку;
- міжособистісна компетентність;
- суспільно-системна компетентність.

II. Професійно-спеціалізовані компетентності:

- загальнопрофесійна;
- предметно-орієнтована, або профільно-орієнтована (до її складу включено – науково-предметні компетентності та предметно педагогічні компетентності);
- технологічна (складається з компетентності в галузі педагогічних технологій та інформаційно-технологічні компетентності);

– професійно-практична (ці компетентності треба розуміти як такі, якими має володіти випускник з позицій майбутньої професійної діяльності).

При цьому потрібно зазначити, що О. М. Спірін до складу предметно-педагогічних компетентностей включає: уявлення про основні концепції навчання, розуміння основних змістових ліній шкільного курсу інформатики, готовність керувати гуртковою роботою, здатним проводити консультації тощо.

Компетентність в галузі педагогічних технологій включає в себе: володіння методиками організації навчально-виховного процесу, готовність до вдосконалення технології навчання, досвід організації дистанційного навчання, виготовлення дидактичних матеріалів на паперових та електронних носіях, використовувати в навчанні інформаційні джерела, готовність до проведення психолого-педагогічних досліджень.

М. І. Жалдак, Ю. С. Рамський та М. В. Рафальська пропонують наступну систему професійних компетентностей вчителя інформатики [70]:

1. Загальнопрофесійні компетентності:

- дидактико-методичні компетентності;
- організаційно-управлінські компетентності;
- психолого-педагогічні компетентності;
- дослідницькі компетентності;
- комунікативні компетентності;
- природничо-математичні компетентності.

2. Предметні компетентності:

- інформологічно-методологічні компетентності;
- інформаційно-технологічні компетентності;
- комп'ютерні компетентності;
- модельні компетентності;
- алгоритмічні компетентності.

У дослідженні розглянуто професійні компетентності майбутніх вчителів математики: загальнопрофесійні та спеціально професійні. При цьому було

виокремлено спеціально професійні компетентності, формування яких є доцільним з використанням хмарних сервісів, а саме:

- здатність використовувати професійні знання в галузі математики, для статистичного опрацювання експериментальних даних і математичного моделювання природних явищ і процесів;
- здатність використовувати математичний апарат для моделювання різноманітних процесів;
- здатність роботи з комп'ютером на рівні користувача та фахівця в галузі ІКТ.

Узагальнюючи систему професійних компетентностей вчителя математики (побудовану на основі запропонованих систем О. М. Спіріна та М. І. Жалдака, Ю. С. Рамського, М. В. Рафальської) та проведені дослідження, можна зупинитись на таких її складових (рис. 2.1):

1. Загально професійні компетентності.

2. Спеціально професійні компетентності:

- предметні компетентності: наукові компетентності, предметно-педагогічні компетентності;
- технологічні компетентності: інформологічно-методологічні компетентності, інформаційно-технологічні компетентності;
- професійно-практичні компетентності: математична компетентність, методологічна компетентність.

Розглядаючи дану систему потрібно розкрити усі складники кожного наведеного в ній компонента.

Загально професійні компетентності, як вважає І. С. Мінтій [143], враховуючи Competency Standards Modules: ICT competency standards for teacher [314], складаються з наступних компонентів:

1. спрямованість і бачення (складовими якого є: освіченість, поглиблення знань, створення знань);
2. програма й оцінка (складники: елементарні знання, застосування знань, навички XXI століття);

3. педагогіка (складники: об'єднання технологій, складне розв'язування задач, самоуправління);

4. інформаційно-комунікаційні технології (основні інструментальні засоби, складні інструментальні засоби, нові інструментальні засоби);

5. організація й адміністрування (стандартні заняття, сумісні групи, вивчення організацій);

6. розвиток професіоналізму вчителя (комп'ютерна грамотність, управління, учитель як зразковий учень).



Рис. 2.1. Система професійних компетентностей вчителя математики

І. А. Колесникова вважає, що професійно-педагогічна компетентність педагога, яку можна також віднести до загально професійних компетентностей, повинна включати такі складові частини [100]:

– *гуманно-особистісну орієнтацію* як базового компоненту структури професійної компетентності;

- *уміння системно сприймати педагогічну реальність*;
- *здатність вільно орієнтуватися в предметній галузі, на базі якої будується освітня взаємодія (технологічність)*;
- *уміння інтегруватися з іншим досвідом (історичним, інноваційним, досвідом колег)*;
- *креативність*;
- *здібність до педагогічної рефлексії*.

Перераховані компоненти професійно-педагогічної компетентності автор розглядає як нормативно необхідні для успішної діяльності педагога в сучасних умовах. Вона відзначає, що всі вони тісно взаємозв'язані. Кожен компонент виконує свої праксеологічні функції.

Гуманно-особистісна орієнтація, що відповідає принципу відповідності діяльності природі людини, допомагає утримати цілі, зміст і результати педагогічних дій у межах взаємодії з людською рисою.

Системність бачення є умовою правильної побудови структури методів, конструювання методик, грамотне використання технологій.

Технологічність гарантує високу продуктивність дій і орієнтацію на безумовне досягнення запланованого результату.

Здатність використовувати свій і чужий педагогічний досвід стає джерелом для формування критеріїв щодо правильності і неправильності дій.

Креативність і рефлексивність супроводять фахівця при вивченні і перетворенні системи професійної поведінки. Таким чином, успішність діяльності педагога може бути розглянута й оцінена тільки у межах його професійної компетенції» [174].

Буде доречним розглянути більш детально усі складники кожного компонента запропонованої системи.

І. О. Зимня [78] виділяє такі інваріантні компоненти будь-яких компетентностей:

- *готовність до прояву компетентності (мотиваційний аспект)*;
- *володіння знанням змісту компетентності (когнітивний аспект)*;

– *досвід* прояву компетентності в різноманітних стандартних і нестандартних ситуаціях (поведінковий аспект);

– *відношення* до змісту компетентності (ціннісно-цільовий аспект).

Отже кожен складник запропонованої системи має включати в себе компоненти, що можна розглядати як: готовність (до чогось), або володіння (чимось), або досвід (використання, навчання та ін.), або відношення (до чогось).

Крім того, М. В. Рафальська [204] вважає, що «зміст професійної компетентності вчителя розкривається через 4 групи педагогічних умінь:

– постановка педагогічних задач (освітніх, розвиваючих, виховних);

– проектування дієвої педагогічної системи (планування освітньо-виховних задач, відбір змісту, форм організації, методів, засобів навчання);

– встановлення зв'язків між компонентами виховного процесу (активізація навчально-пізнавальної роботи учнів, організація спільної діяльності, забезпечення зв'язку школи з навколишнім світом);

– оцінювання результатів педагогічної діяльності (самоаналіз і аналіз навчального процесу, своєї діяльності, постановка нових педагогічних задач)» [204, с. 35].

В системі мають бути відображені вказані педагогічні вміння.

1. Предметні компетентності.

1.1. Наукові компетентності:

1.1.1. Аналізувати сучасні математичні теорії: володіти уявленням про математику як науку та як про навчальний предмет, її місце в сучасному світі та системі наук; володіти поняттями даної математичної теорії; вміти підготувати огляд літератури з тематики математичного дослідження; вміти з'ясовувати склад і структуру теорії: поняття, наукові факти, закони, принципи та зв'язки між ними; вміти аналізувати теорії на предмет зв'язку з досліджуваним об'єктом та проблемою; вміти аналізувати методи теорій на предмет їх придатності на розв'язування існуючої проблеми; вміти обирати предмет та об'єкт дослідження, визначати мету дослідження та його основні завдання.

1.1.2. Вміти виконувати постановку математичної задачі: вміти раціонально і повно використовувати закони логіки; вміти аналізувати математичні факти, закономірності і теорії на предмет логічної строгості та повноти; вміти бачити логічні прогалини в обґрунтуванні математичних фактів, побудові математичних теорій; вміти використовувати методи пізнання (моделювання, аналіз, синтез, узагальнення, конкретизація, порівняння, аналогія тощо) для постановки математичної задачі; вміти будувати приклади та контрприкладі, зокрема з використанням інформаційних технологій; вміти формулювати нові коректно поставлені задачі; вміти усвідомлювати застосовність існуючих методів до розв'язування поставлених проблем; вміти оцінювати перспективність розв'язування математичної задачі.

1.1.3. Аналізувати математичну проблему (задачу): вміти досліджувати коректність постановки математичної задачі; вміти аналізувати до якої галузі математичних знань належить досліджуваний об'єкт і проблема з ним пов'язана; вміти аналізувати чи має теорія, якій належить проблема, ізоморфні теорії; вміти аналізувати чи нерозв'язана дана проблема в ізоморфній теорії; вміти аналізувати взаємозв'язки досліджуваного математичного об'єкта з відомими об'єктами, а математичної проблеми з науковими фактами; вміти встановлювати ізоморфність математичних об'єктів.

1.1.4. Формулювати гіпотетичне твердження: вміти виділяти математичний об'єкт і виділяти його суттєві властивості; вміти обирати понятійний апарат, адекватний математичному об'єкту; вміти формулювати твердження в імплікативній формі; вміти формулювати твердження в еквівалентній формі; вміти формулювати твердження в формі необхідних, достатніх, необхідних і достатніх умов; вміти встановлювати протиріччя між твердженнями; вміти наводити приклади математичних об'єктів, що задовольняють умови гіпотетичного твердження.

1.1.5. Доводити гіпотетичне твердження, спростувати гіпотетичне твердження: вміти формулювати твердження, що є окремим випадком гіпотетичного твердження, і твердження більш загальне, ніж розглядуване гіпотетичне; вміти відбирати знання, необхідні для доведення або спростування гіпотетичного твердження; вміти

аналізувати гіпотетичне твердження і у разі можливості розкласти його на простіші; вміти побудувати логічну схему доведення; вміти використовувати метод від супротивного при доведенні гіпотетичного твердження; вміти використовувати аналітичний метод доведення гіпотетичного твердження; вміти використовувати синтетичний метод доведення гіпотетичного твердження; вміти використовувати аналітико-синтетичний метод доведення гіпотетичного твердження; вміти обирати раціональні методи (способи, прийоми) доведення або спростування гіпотетичного твердження; вміти реалізовувати побудовану логічну схему доведення; вміти будувати контрприклад для спростування гіпотетичного твердження.

1.1.6. Аналізувати створену модель реального об'єкта: вміти добирати критерії оцінювання математичної моделі на предмет її досконалості (у відповідності до цілей моделювання); вміти встановлювати адекватність побудованої математичної моделі досліджуваному об'єкту (зокрема застосовувати критерії практики для оцінювання математичної моделі); вміти наводити приклади реальних об'єктів, моделями яких є математичні, наводити приклади задач з реальним змістом; вміти конструювати моделі проблемної (задачної) ситуації (предметні, схематичні, графічні імітаційні та ін.); вміти інтерпретувати математичні залежності в термінах конкретних математичних теорій.

1.1.7. Здатність використовувати професійно профільовані знання в галузі математики (математичної статистики), для статистичної обробки експериментальних даних і математичного моделювання природних явищ і процесів.

1.1.8. Досліджувати математичну модель з використанням засобів комп'ютерної техніки: вміти проводити комп'ютерне моделювання та чисельні експерименти для перевірки гіпотетичного твердження та його окремих випадків; вміти добирати та використовувати готові програмні засоби (математичні пакети прикладних програм) для символно-формульного, графічного, чисельного аналізу математичних моделей реальних об'єктів; вміти при необхідності розробити алгоритм і програму для розв'язування математичної задачі; вміти виконувати

чисельний експеримент з використанням комп'ютера; вміти аналізувати похибки при чисельному розв'язуванні задач.

1.2. Предметно-педагогічні компетентності:

1.2.1. Володіти знаннями про завдання, права і обов'язки вчителя математики у школі певного типу.

1.2.2. Володіти знаннями про навчальну роботу з учнями різних вікових категорій у цілісному педагогічному процесі.

1.2.3. Володіти знаннями про завдання і фактори соціалізації учнів різних вікових категорій.

1.2.4. Усвідомлювати і вміти аналізувати педагогічні завдання, пов'язані з виконанням обов'язків вчителя математики певного класу у школі певного типу.

1.2.5. Вміти аналізувати навчальну програму з математики для певного класу і співвідносити мету і завдання вивчення математики з цілями і завданнями вивчення кожної навчальної теми.

1.2.6. Вміти проектувати використання мікрофакторів і засобів соціалізації в цілісному педагогічному процесі.

1.2.7. Вміти враховувати при проектуванні навчально-виховного процесу правил охорони праці і норм безпеки життєдіяльності, зокрема, правила безпеки під час проведення навчально-виховного процесу в кабінетах математики.

1.2.8. Вміти розв'язувати всі задачі і вправи, які заплановані для використання на уроці, для того, щоб оперативно перевіряти і коректувати розв'язування задач учнями.

2. Технологічні компетентності.

2.1. Інформологічно-методологічні компетентності:

2.1.1. Досвід проведення всіх форм занять у середніх навчально-виховних закладах.

2.1.2. Організація навчально-методичної роботи.

2.1.3. Застосовувати невербальні методи спілкування з учнями.

2.1.4. Проведення методичних досліджень, оформлення їх результатів.

2.1.5. Бути готовим вивчати класний колектив та окремих його членів і робити висновки про рівень загальної вихованості, дисциплінованість, успішність для цілей проектування цілісного навчально-виховного процесу.

2.1.6. Вміти складати річний план вивчення математики у певному класі школи певного типу.

2.1.7. Володіти знаннями про форми і методи навчання математики у певному класі школи певного типу.

2.1.8. Вміти аналізувати підручники, посібники, дидактичні матеріали, методичну літературу для цілей проектування цілісного навчально-виховного процесу.

2.1.9. Вміти визначити теми, педагогічні завдання, типи і орієнтовані дати окремих уроків у певному класі, виходячи з річного плану, підготовленості учнів, власних можливостей і можливостей школи.

2.1.10. Вміти проектувати зміст кожного уроку (зміст нового навчального матеріалу, повторення раніше вивченого навчального матеріалу, перевірка завдань та вмінь учнів, розв'язання задач, контрольна робота, самостійна робота, узагальнююче повторення тощо).

2.1.11. Вміти проектувати комплексне використання засобів навчання на певному уроці з математики у школі певного типу; зокрема демонстрацій, дидактичного матеріалу.

2.1.12. Вміти проектувати домашні завдання для учнів певного класу школи певного типу.

2.1.13. Вміти проектувати реалізацію зв'язків вивчення математики з вивченням фізики, хімії та інших предметів.

2.1.14. Вміти при підготовці до певного уроку конкретизувати його цілі і завдання, виділити основне для цього уроку завдання.

2.1.15. Вміти проаналізувати підручник, вибрати необхідний для засвоєння учнями фактичний матеріал.

2.1.16. Вміти виявити складні для розуміння учнями питання, проаналізувати визначення з точки зору їх точності і доступності для учнів.

2.1.17. Вміти проектувати завдання для учнів з підручником в класі і вдома.

2.1.18. Вміти відбирати з наукової і науково-популярної літератури фактичний матеріал, корисний для реалізації цілей і завдань уроку.

2.1.19. Вміти, користуючись власними знаннями та літературними методичними порадами, проектувати доцільну пізнавальну діяльність учнів для засвоєння конкретного навчального матеріалу.

2.1.20. Вміти, враховуючи рівень пізнавальних можливостей класу в цілому і окремих учнів, обрати методи, форми і засоби перевірки знань і вмінь учнів з математики.

2.1.21. Вміти виходячи з завдань уроку і програмних вимог підібрати засоби наочності.

2.2. Інформаційно-технологічні компетентності:

2.2.1. Володіння професійно профільованими знаннями й уміннями з теоретичних основ інформатики.

2.2.2. Підготовка і друк документу, який містить текст, таблиці, графічні об'єкти: вміти працювати з комп'ютером у якості користувача; вміти працювати з текстовим редактором; вміти працювати з глобальною мережею Інтернет; вміти на науковій основі організовувати свою працю, володіти сучасними методами і засобами збирання, зберігання, опрацювання, подання, представлення інформації, засобами підтримки інтелектуальної професійної діяльності; вміти коректно скласти документ користуючись засобами комп'ютерної технології.

2.2.3. Використання програмного засобу навчально-виховного призначення для підтримки педагогічного процесу: вміти добирати засоби та методи навчання з використанням комп'ютерної техніки; володіти методиками використання прикладних програмних продуктів для підтримки навчального процесу; вміти розробляти план вивчення навчального матеріалу з поєднанням традиційних та нових інформаційних технологій; вміти використовувати програмні засоби для обробки результатів проведених психологічних, педагогічних і методичних досліджень; вміти використовувати комп'ютерно-орієнтовані системи навчання дисциплін за фахом.

2.2.4. Базові знання в галузі інформатики й сучасних інформаційних технологій; навички використання програмних засобів і навички роботи в комп'ютерних мережах, уміння створювати бази даних і використовувати інтернет-ресурси.

2.2.5. Знання декількох мов програмування і прикладного програмного забезпечення та їх застосування для розв'язання математичних задач.

2.2.6. Використовувати ІКТ для проведення контрольних заходів.

2.2.7. Складати та підготувати до друку методичні вказівки, посібники з математики з використанням навчальної літератури, навчально-методичних та інших інструктивних документів.

2.2.8. Організовувати позанавчальні заходи з використанням технічних, ІКТ, хмарних сервісів як засобів навчання окремо та в поєднанні з традиційними засобами навчання.

2.2.9. Вміти використовувати наявні та вивчати нові інформаційні технології (в тому числі і хмарні технології).

2.2.10. Вміти користуватись ТЗН, ІКТ; володіти методикою використання системи дидактичних засобів з використанням ІКТ, хмарних технологій; вміти виготовляти і призначати індивідуальний матеріал з використанням ІКТ для проведення навчальних занять в умовах диференціації навчання; вміти розробляти ЕОР для проведення уроків різних типів.

2.2.11. Вміти використовувати програмні засоби для вивчення учнів та учнівських колективів, вміти використовувати програмні засоби для обробки результатів проведених психологічних, педагогічних і методичних досліджень.

3. Професійно-практичні компетентності.

3.1. Математичні компетентності:

3.1.1. Вибір алгоритмів, методів, прийомів та способів, розв'язування математичних задач: вміти аналізувати відомі методи, способи, прийоми, засоби на їх придатність до розв'язування проблем; вміти використовувати індукцію, дедукцію до розв'язування математичної проблеми; вміти використовувати синтетичний, аналітико-синтетичний методи розв'язування математичної проблеми.

3.1.2. Здатність використовувати професійно профільовані знання й практичні навички з алгебри та теорії чисел: володіти теоретико-множинною і логічною символікою, основними поняттями алгебри і теорії чисел; вміти виконувати основні операції над множинами та з'ясовувати властивості множин.

3.1.3. Здатність використовувати професійно профільовані знання й практичні навички з математичного аналізу: володіти методами і прийомами обчислення границь, диференціального числення функцій, інтегрального числення функцій; вміти досліджувати властивості границь та рядів.

3.1.4. Здатність використовувати знання, уміння й навички з аналітичної та диференціальної геометрії: володіти векторним методом розв'язування задач, методами дослідження ліній другого порядку, методом геометричних перетворень до розв'язування задач, методами досліджень поверхонь другого порядку та методами перерізів, геометричних місць точок, геометричних перетворень, рухів, подібностей, інверсії та алгебраїчним методом при розв'язуванні задач на побудову; вміти застосовувати теорію прямих до розв'язування задач, використовувати метод координат для задання і дослідження геометричних об'єктів і до розв'язування задач, застосовувати теорію площин до розв'язування задач.

3.1.5. Здатність використовувати знання, уміння й навички з лінійної алгебри: володіти методами, прийомами і способами розв'язування та дослідження систем лінійних рівнянь, методами теорії многочленів; вміти виконувати основні операції над матрицями та знаходити їх основні характеристики, виконувати операції над лінійними операторами та з'ясовувати їх основні характеристики, описувати усі можливі групові операції, застосовувати конгруенції до розв'язування задач.

3.1.6. Здатність використовувати знання, уміння й навички з диференціальних рівнянь: володіти методами, прийомами і способами розв'язування диференціальних рівнянь та систем диференціальних рівнянь.

3.1.7. Здатність використовувати знання й уміння з теорії ймовірностей: володіти понятійним апаратом теорії ймовірностей і математичної статистики, методами, прийомами, способами і засобами розв'язування основних задач

стохастики, статистичного опрацювання експериментальних даних; мати уявлення про метод статистичного моделювання.

3.1.8. Здатність використовувати професійно профільовані знання з дискретної математики: володіти понятійним апаратом та методами комбінаторного аналізу, теорії графів, вміти застосовувати графи до розв'язування задач.

3.1.9. Здатність використовувати професійно профільовані знання, уміння й навички з математичної логіки: володіти основами алгебри висловлень та предикатів; вміти застосовувати елементи математичної логіки в логіко-математичній практиці; мати чітке уявлення по основні числові системи і їх будову.

3.1.10. Використання засобів інформаційних технологій для розв'язування математичних задач: володіти знаряддєвим застосуванням комп'ютера, системи опрацювання текстової, числової та графічної інформації, бази даних і знань; володіти технічними засобами інформаційних технологій; володіти системним та сервісним програмним забезпеченням.

3.2. Методологічні компетентності:

3.2.1. Розв'язування задач шкільного курсу математики: володіти всіма методами доведення при розв'язуванні задач із курсів алгебри та геометрії основної школи; вміти виконувати операції над множинами, розв'язувати задачі на подільність ті відсотки, обчислювати цілі, дробові, ірраціональні та тригонометричні числові вирази та виконувати їх тотожні перетворення, розв'язувати найпростіші комбінаторні та стохастичні задачі, розв'язувати текстові задачі різними способами, розв'язувати рівняння та системи рівнянь, нерівності та системи нерівностей шкільного курсу математики різними способами, досліджувати функції та будувати їх графіки, розв'язувати задачі планіметрії на обчислення, побудову та доведення і володіти методиками навчання розв'язування задач шкільного курсу математики.

3.2.2. Проведення уроків з математики, алгебри та геометрії різних типів: володіти методикою організації і проведення; слідкувати за ходом уроку та здійснювати корекцію навчального процесу; вміти сприймати реакцію учнів на свої вимоги, запитання та пояснення і перебудовуватись протягом уроку.

3.2.3. Проведення навчальної консультації: володіти методикою організації і проведення навчальної консультації для слабких учнів, тих, хто навчається на підвищеному або поглибленому рівні; вміти обирати організаційні форми, методи проведення навчальної консультації, вміти добирати навчальний матеріал, враховуючи його обсяг та зміст.

3.2.4. Організація і проведення шкільної предметної олімпіади: вміти складати завдання, розв'язувати завдання підвищеної складності, володіти методикою навчання учнів виконувати олімпіадні завдання, вміти здійснювати перевірку олімпіадних робіт, класифікувати зауваження до виконаної роботи, оцінювати перевірену роботу.

3.2.5. Розробка і використання дидактичних засобів: вміти вибирати навчальні таблиці за їх дидактичними функціями для проведення уроків різних типів; виготовляти засоби наочності, роздавальний матеріал; виготовляти моделі для унаочнення матеріалу; володіти методикою використання систем дидактичних засобів.

3.2.6. Вміти використовувати засоби комп'ютерної алгебри при доведенні теорем, тверджень.

3.2.7. Вміти, враховуючи рівень пізнавальних можливостей класу в цілому і окремих учнів та завдання уроку і програмні вимоги, відібрати різнорівневі задачі і вправи, щоб мати можливість здійснити на уроці диференційований підхід.

3.2.8. Вміти скласти варіанти завдань для контрольної або самостійної роботи з певної теми, враховуючи індивідуальні особливості учнів.

3.2.9. Вміти проектувати домашнє завдання з певної теми, передбачаючи окрім загального і індивідуальні завдання (розв'язати завдання підвищеної складності, підготувати повідомлення тощо).

«У реальній математичній діяльності зазвичай використовуються одночасно багато, можливо, навіть усі ці уміння. Таким чином, спроби вимірювати окремі уміння ведуть тільки до штучних задач і не можуть давати оцінки <математичних> компетентностей.

3 метою проаналізувати аспект математичних компетентностей через конструювання завдань та тестів, доцільно структурувати уміння, що були наведені вище, у три більші класи компетентностей.

1 Клас компетентностей: репродукція, визначення, обчислення

2 Клас компетентностей: структуризація та інтеграція для розв'язування задач

3 Клас компетентностей: математичне мислення, узагальнення та інсайт»

Задля визначення критеріїв професійних компетентностей розглянемо запропоновані С. А. Раковим [200; 199] критерії математичних компетентностей:

«1. концептуалізація поняття – засвоєння концептуальних ідей, що лежать в основі поняття, наприклад, типових ситуацій, в яких його доцільно використовувати (для поняття похідної функції, наприклад, це традиційні задачі обчислення миттєвої швидкості та кутового коефіцієнту дотичної до кривої);

2. властивості поняття – засвоєння основних властивостей поняття (для поняття похідної функції можна вибрати лінійність операції диференціювання та диференціювання добутку, частки, похідна композиції функцій);

3. застосування поняття – вміння “бачити” поняття в типових ситуаціях (для поняття похідної функції, наприклад, можна вибрати вміння застосовувати поняття похідної для визначення кутового коефіцієнта дотичної до кривої або швидкості зміни деякої величини);

4. систематизація поняття – узагальнення поняття, зв'язок з іншими поняттями, межі поняття (для поняття похідної функції, наприклад, можна вибрати зв'язок диференційованості з неперервністю та іншими властивостями функцій)» [200, с. 41].

М. В. Рафальська [204, с. 39-40] визначає три рівня сформованості професійно-інформатичних компетентностей вчителя: базовий (елементарний), середній (функціональний) та просунутий (системний). Кожному рівню відповідають певні критерії:

– для базового (елементарного) рівня вказано критерії, які зазначаються як: «Володіння прийомами і методами роботи у локальній і глобальній комп'ютерних

мережах», «з персональним комп'ютером», «з даними без використання засобів ІКТ та інших технологій»;

– критерії середнього (функціонального) рівня сформульовані наступним чином: «Володіння компетентностями у галузі використання дистанційних форм навчання» та «Вміння створювати мережеві освітні ресурси, педагогічні програмні засоби, дидактичні матеріали», «знаходити актуальні відомості і методичні матеріали за допомогою глобальної комп'ютерної мережі», «розробляти електронні дидактичні матеріали» для проведення різних форм занять;

– що ж стосується просунутого (системного) рівня, вказані такі критерії: «Володіння компетентностями у галузі розробки і підтримки дистанційних курсів» та «використання дистанційних форм навчання», «дидактичними, психолого-педагогічними і методичними прийомами», «різноманітними засобами ІКТ», «методикою використання ІКТ в навчальному процесі».

Отже, кожна складова запропонованої системи професійних компетентностей може мати чотири рівні: високий, достатній, середній, низький.

Кожному рівню відповідатимуть декілька критеріїв, які стосуватимуться відповідних компонентів:

– предметні компетентності (предметно-педагогічні та наукові компетентності);

– технологічні компетентності (інформологічно-методологічні та інформаційно-технологічні компетентності);

– професійно-практичні компетентності (математична та методологічна компетентності).

Рівні та показники сформованості предметних компетентностей, технологічних компетентностей та професійно-практичних представлені в табл. 2.2, табл. 2.3 та табл. 2.4.

Рівні сформованості предметних компетентностей вчителя математики

Рівень (назва)	Показники сформованості предметних компетентностей	
	Предметно-педагогічні компетентності	Наукові компетентності
Високий	Вміти проектувати використання мікрофакторів і засобів соціалізації в цілісному педагогічному процесі. Вміти враховувати при проектуванні навчально-виховного процесу правил охорони праці і норм безпеки життєдіяльності, зокрема, правила безпеки під час проведення навчально-виховного процесу в кабінетах математики.	Вміти аналізувати методи теорій на предмет їх придатності на розв'язування існуючої проблеми. Доводити гіпотетичне твердження, або спростувати. Досліджувати математичну модель з використанням засобів комп'ютерної техніки.
Достатній	Володіти знаннями про завдання та фактори соціалізації учнів різних вікових категорій. Вміти аналізувати навчальну програму з математики для певного класу і співвідносити мету і завдання вивчення математики з цілями і завданнями вивчення кожної навчальної теми.	Вміти з'ясовувати склад і структуру математичної теорії. Формулювати гіпотетичне твердження. Аналізувати створену модель реального об'єкта.
Середній	Володіти знаннями про навчальну роботу з учнями різних вікових категорій у цілісному педагогічному процесі. Усвідомлювати і вміти аналізувати педагогічні завдання, пов'язані з виконанням обов'язків вчителя математики певного класу у школі певного типу.	Вміти підготувати огляд літератури з тематики математичного дослідження. Аналізувати математичну проблему (задачу).

Рівень (назва)	Показники сформованості предметних компетентностей	
	Предметно-педагогічні компетентності	Наукові компетентності
Низький	Володіти знаннями про завдання, права й обов'язки вчителя математики у школі ЗНЗ певного типу. Вміти розв'язувати всі задачі і вправи, які заплановані для використання на уроці, для того, щоб оперативно перевіряти і корегувати розв'язування задач учнями.	Володіти уявленням про математику як науку та навчальний предмет, її місце в сучасному світі та системі наук; володіти поняттями даного шкільного предмету. Вміти виконувати постановку математичної задачі.

Таблиця 2.3

Рівні сформованості технологічних компетентностей вчителя математики

Рівень (назва)	Показники сформованості технологічних компетентностей	
	Інформологічно-методологічні компетентності	Інформаційно-технологічні компетентності
Високий	Вміти проектувати комплексне використання засобів навчання на певному уроці з математики у школі певного типу. Вміти проектувати реалізацію зв'язків вивчення математики та інших предметів. Вміти, користуючись власними знаннями та літературними методичними порадами, проектувати доцільну пізнавальну діяльність учнів для засвоєння конкретного навчального матеріалу.	Вміти розробляти план вивчення навчального матеріалу з поєднанням традиційних та нових інформаційних технологій; вміти використовувати програмні засоби для обробки результатів проведених психологічних, педагогічних і методичних досліджень; вміти використовувати комп'ютерно-орієнтовані системи навчання дисциплін за фахом.

Рівень (назва)	Показники сформованості технологічних компетентностей	
	Інформологічно-методологічні компетентності	Інформаційно-технологічні компетентності
Достатній	Володіти знаннями про форми та методи навчання математики у певному класі школи певного типу. Вміти добирати з наукової і науково-популярної літератури фактичний матеріал, корисний для реалізації цілей і завдань уроку.	Вміти добирати засоби та методи навчання з використанням комп'ютерної техніки; володіти методиками використання прикладних програмних продуктів для підтримки навчального процесу.
Середній	Вміти складати календарно-тематичний план вивчення математики у певному класі школи певного типу. Вміти аналізувати зміст підручників, вибрати необхідний для засвоєння учнями фактичний матеріал. Вміти при підготовці до певного уроку конкретизувати його цілі і завдання, виділити основне для цього уроку завдання.	Вміти на науковій основі організовувати свою працю, володіти сучасними методами і засобами збирання, зберігання, опрацювання, подання, передавання даних, засобами підтримки інтелектуальної професійної діяльності; вміти коректно скласти документ користуючись засобами комп'ютерної технології.

Низький	Бути готовим до проведення всіх форм занять у середніх навчально-виховних закладах. Вміти проектувати завдання для учнів з підручником в класі і вдома.	Підготовка і друк документу, що містить текст, таблиці, графічні об'єкти: вміти працювати з комп'ютером у якості користувача; вміти працювати з текстовим редактором; вміти працювати з глобальною мережею Інтернет, із системами опрацювання текстових запитів, сервісами та ресурсами.
---------	---	--

Таблиця 2.4

Рівні сформованості професійно-практичних компетентностей вчителя математики

Рівень (назва)	Показники сформованості технологічних компетентностей	
	Математичні компетентності	Методологічні компетентності
Високий	Використання засобів інформаційних технологій для розв'язування компетентнісно орієнтованих математичних задач: володіти знаряддєвим застосуванням комп'ютера, системи опрацювання текстових, числових та графічних даних, бази даних і знань; володіти технічними чи апаратними засобами інформаційних технологій; володіти знаннями з налаштування та встановлення системного та сервісного програмного забезпечення.	Організація і проведення шкільної олімпіади з математики. Вміти, враховуючи рівень пізнавальних можливостей класу в цілому й окремих учнів, завдання уроку та програмні вимоги, добирати різнорівневі задачі та вправи для реалізації різнорівневої диференціації на уроці.

Рівень (назва)	Показники сформованості технологічних компетентностей	
	Математичні компетентності	Методологічні компетентності
Достатній	Вибір, використання алгоритмів, методів, прийомів та способів, розв'язування математичних задач: вміти аналізувати відомі методи, способи, прийоми, засоби на їх придатність до розв'язування проблем; вміти використовувати індукцію, дедукцію до розв'язування математичної проблеми; вміти використовувати синтетичний, аналітико-синтетичний методи розв'язування математичної проблеми.	Вміти проектувати домашнє завдання з певної теми, передбачаючи окрім загального і індивідуальні завдання.
Середній	Використовувати професійно профільовані знання й практичні навички з алгебри та теорії чисел, математичного аналізу, аналітичної та диференціальної геометрії, лінійної алгебри, диференціальних рівнянь, теорії ймовірностей та математичної логіки.	Проведення уроків з математики, алгебри та геометрії різних типів. Вміти скласти варіанти завдань для контрольної або самостійної роботи з певної теми, враховуючи індивідуальні особливості учнів.
Низький	Використовувати основні прийоми та методи розв'язування основних задач з алгебри та теорії чисел, математичного аналізу, аналітичної та диференціальної геометрії, лінійної алгебри, диференціальних рівнянь, теорії ймовірностей та математичної логіки.	Розв'язування задач шкільного курсу математики. Проведення навчальних консультацій.

2.3 Особливості використання SageMathCloud у навчанні математичних дисциплін

«Існує декілька напрямів розвитку хмарних технологій, які можна ефективно застосовувати в організації самостійної роботи студентів.

Software-as a Service – цей сервіс створює для студентів доступ до електронної пошти, операційних систем, програм розпізнавачів спаму й непотрібної кореспонденції, забезпечує студентів і дослідників з необхідності спеціалізованим програмним забезпеченням, а також програмним забезпеченням та обладнанням, яке потребує багато обробки й обчислень.

Використання цього сервісу є дуже важливим під час підготовки майбутніх вчителів математики, тому що «програмне забезпечення як послуга» дає можливість розв'язати проблеми ліцензійного використання дорогого програмного забезпечення, яке потребує постійного оновлення. З цим пов'язаний процес підтримки та становлення, відстежування термінів ліцензій і т.п., що потребує значних коштів і спеціальних працівників. У разі застосування хмарних обчислень схему ліцензування спрощено, а коштів необхідно менше за рахунок того, що сплачується саме послуга, а не купівля програмного забезпечення. Також, аргумент на користь технології хмарних обчислень для аспірантів і магістрів дослідники вбачають у тому, що навчальний процес найбільше за інші види діяльності потребує пошуку й експериментування [298, с. 177]».

«Platform as a Service – платформа як сервіс. Може надаватись інтегрована платформа для розроблення, тестування та підтримки веб-додатків, створених на основі хмарних обчислень. Під час підготовки студентів цей різновид послуг може бути застосований для керування освітніми проектами, здійснення спільних досліджень, наприклад, створення віртуальних лабораторій спільного доступу для проведення експериментів у галузі моделювання тощо. Для наших досліджень це є дуже ефективно у тому разі, коли для організації реальної лабораторії не має матеріальної бази.

Hardware as a Service – сервіс, за яким надається послуга апаратних можливостей, наприклад, певний обсяг пам'яті, процесорний час, пропускна здатність. Під час моделювання певних фізичних процесів іноді потрібні потужні комп'ютери, у купівлі яких для декількох експериментів немає необхідності, у таких випадках можна скористатись можливостями цього сервісу.

Infrastructure as a Service – до цього сервісу належать апаратні засоби; операційні системи й системне програмне забезпечення; програмне забезпечення зв'язку між системами (наприклад, інтеграції в мережі, керування обладнанням). За допомогою цієї технології створюється можливість купівлі, нарощування серверного часу, дискового простору, мережевої пропускної здатності, що відбувається динамічно тоді, коли це потрібно для функціонування певного додатка.

Communication as a Service – як сервіс надаються послуги зв'язку, наприклад, IP-телефонія, пошта, чат. Паралельно з електронними адресами надається цілий комплекс корисних додатків, наприклад, текстові редактори, електронні таблиці, презентації, які можуть бути використані у груповій роботі молодих науковців, коли з'являється можливість спільно користуватися документами через мережу. Разом з тим, надається значний обсяг віртуального дискового простору, де можна зберігати великі мультимедійні або графічні файли. Ще однією перевагою цього сервісу є те, що студенти можуть користуватися поштою дистанційно у будь-якому місті, використовуючи мобільні пристрої [298, с. 178-179]».

«Desktop as a Service – користувачі одержують як сервіс абсолютно готове для роботи віртуалізоване робоче місце. Користувач одержує доступ не до однієї програми, а до певного програмного середовища. Переваги цієї технології у тому, що вимоги до обладнання мінімальні й це дає можливість значно знизити затрати, що передбачають закупівлю комп'ютерної техніки і програмного забезпечення. Витрати на користування віртуальним робочим місцем значно менші завдяки тому, що платить клієнт саме за те, що йому необхідно, і тоді, коли це необхідно. Крім того, є й інша перевага, яка полягає в тому, що доступ до робочого місця користувач може мати де завгодно, через будь-який комп'ютер, де є доступ до Інтернет, а також через мобільні пристрої [298, с. 179]».

«Застосування хмарних обчислень у ВНЗ у більш широкому аспекті:

- для користувачів (викладачів, студентів): персональний набір програмного забезпечення залежно від спеціалізації, курсу і т.і., збереження персональних даних значних обсягів – незалежність від пристрою, мобільність;

- для ІТ-персоналу: централізація та гнучкість управління, мінімізація потреби в обслуговуванні, економія коштів на придбання нового обладнання, гнучкість у розгортанні нових систем;

- для ВНЗ: персональне середовище студента протягом всього терміну навчання, доступ до власного середовища з будь-якого місця у будь-який час, мобільність та збереження сеансу (Hot Desking), автоматичний розподіл пакетів програмного забезпечення відповідно до навчальних планів, наукових потреб тощо [147, с. 28]».

Мережна система комп'ютерної математики Sage (web-СКМ Sage) є одним з етапів розвитку хмарного сервісу SageMathCloud (режими доступу: cloud.sagemath.com або sagemathcloud.com). Наявний інструментарій web-СКМ Sage версії 4.6 (останньої версії, що передувала появі SageMathCloud) не був достатнім для організації усіх видів навчальної діяльності за умов дистанційного навчання або його елементів [223; 224]. При цьому доводилося або організовувати навчання із залученням двох систем – web-СКМ Sage та будь-якої системи підтримки дистанційного навчання, зокрема Moodle, або здійснювати їх інтеграцію [295]. Перший спосіб виявився незручним ані для викладачів, ані для студентів, другий спосіб – не встиг набути масового застосування, а з появою та удосконаленням SageMathCloud взагалі втрачає актуальність.

Повний перелік складових SageMathCloud поточної версії можна отримати за однією з команд – `ls /usr/share/applications` або `$sudo dpkg --get-selections` (рис. 2.2).

У таблиці 2.5 на основі досліджень П. В. Мерзликіна, М. В. Попель та С. В. Шокалюк наведено структурований перелік основних складових SageMathCloud.

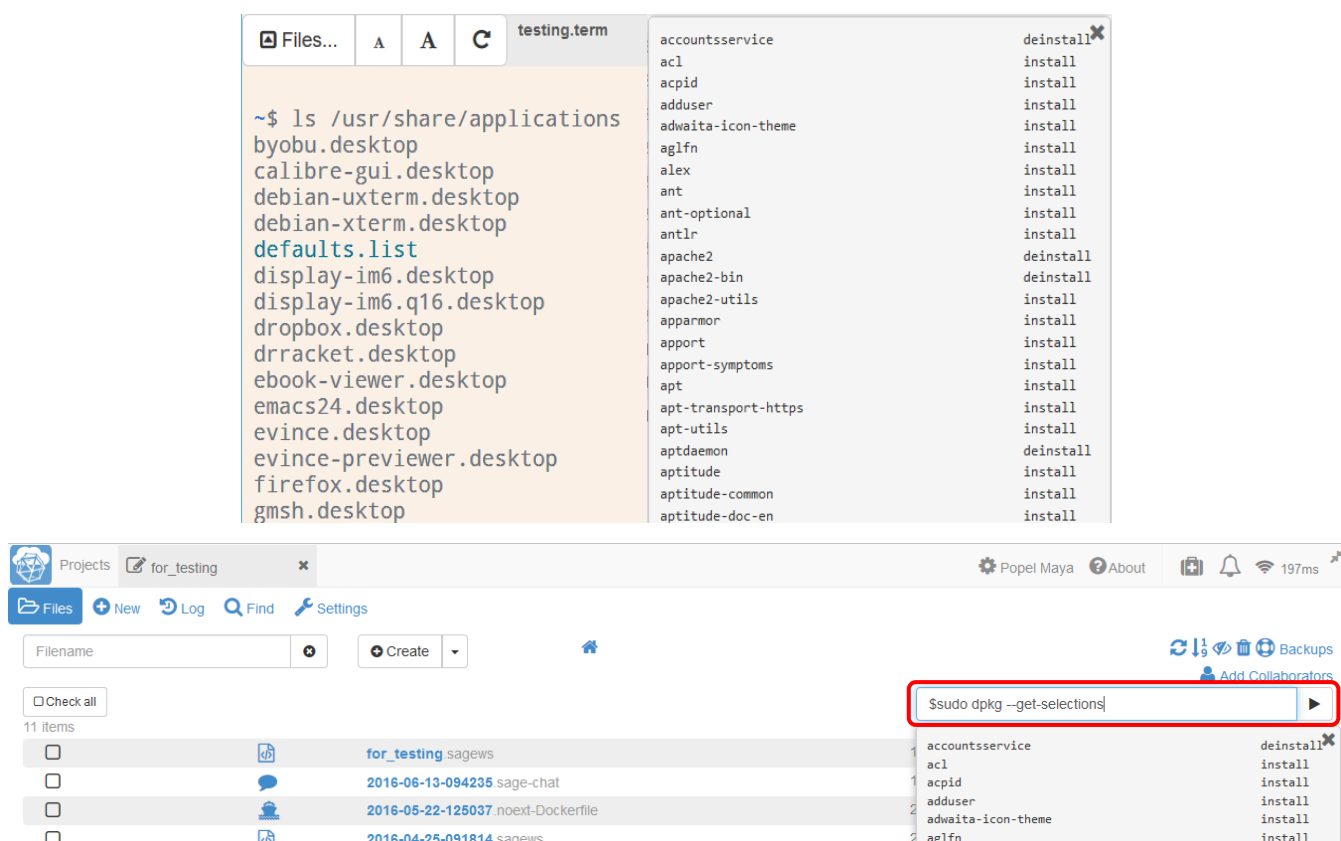


Рис. 2.2. Перегляд компонентів SageMathCloud

Таблиця 2.5

Основні складові (компоненти, програмні засоби) SageMathCloud

Вид програмного засобу	Назва програмного засобу
<i>Системні програмні засоби</i>	
FTP-клієнт	CFTP
VNC-сервер	X11vnc
Архіватор	7-ZIP, gzip, tar
Безкоштовна утиліта командного рядка, для стиснення даних	bzip2
Збирач сміття	The Boehm-Demers-Weiser
Оболонка для GNU Screen и Tmux (додаток)	Byobu
Оболонка для Python бібліотеки GD	gdmodule
Програма для виводу списку запущених процесів	htop, ps
Сервер Notebook SageMath	SageMathNB
Операційна система	Debian GNU/Linux

Вид програмного засобу	Назва програмного засобу
<i>Прикладні програмні засоби загального призначення</i>	
Аналог screen для графічних програм	Xpra
База даних комбінаторних графів	graphs
Бібліотека для растеризації шрифтів і операцій над ними	FreeType
Бібліотека для роботи з растровою графікою у форматі PNG	libpng
Браузер підказок для GNOME	Yelp
<i>Система управління файлами та спільної роботи з ними</i>	<i>Mercurial</i>
Електронний словник (тезаурус)	WordNet
Засіб перегляду зображень	GPicView
Інтерактивний редактор та підтримка макросів	Prerex
Програми для порівняння вмісту текстових файлів та каталогів	Meld, diff
Сервіси для читання електронних книг	Calibre, Evince
Система опрацювання відкритого тексту документації в форматах HTML, LaTeX або документа XML	Docutils
Системи управління базами даних	RethinkDB, sqlite3
Текстові редактори	GNU Emacs, Vim, nano, mcedit
Утіліта для знаходження відмінностей між файлами	GNU patch
Хмарне сховище файлів	Dropbox
<i>Прикладні програмні засоби спеціального призначення</i>	
Автоматичний генератор сітки для геометричних побудов	Gmsh
Бібліотека для виконання завдань з теорії чисел	FLINT
Бібліотека для динамічної роботи з зображеннями	GD Graphics Library (GD)
Бібліотека для опрацювання відео- та аудіофайлів	Ffmpeg
Бібліотека для роботи з графами та іншими мережевими структурами	NetworkX
Бібліотека для розв'язку задач лінійного програмування	GLPK
Бібліотека для розв'язку задач опуклого програмування	CVXOPT

Вид програмного засобу	Назва програмного засобу
Бібліотека, призначена для проведення прикладних та наукових математичних розрахунків	GNU Scientific Library (GSL)
Бібліотеки для визначення і обчислення еліптичних кривих, визначених над полем раціональних чисел	eclib
Векторний графічний редактор	Inkscape
Версії Sage	Sage.7, Sage.8, Sage.9, Sage.10
Клієнт для Git-репозитарія	SparkleShare
Математична бібліотека	Cephes
Математична бібліотека для виконання дій над комплексними числами	GNU MPC
Набір бібліотек, що розширюють функціональність C++	Boost
Розширення SageTeX пакету	SageMathTeX
Пакет програм для генерації тривимірних моделей	GenModel
Пакет програм для наукових розрахунків	Scilab
Пакети програм для побудови філогенетичних дерев	Phylip
Система для математичних обчислень	GNU Octave
Системи комп'ютерної алгебри	Gias/Xcas, Axiom, GAP
Система комп'ютерної математики	Maxima
<i>Інструментальні програмні засоби</i>	
Інтерактивна оболонка для програмування	Jupyter Notebook
Інтерпретатор об'єктно-орієнтованої мови програмування	Python
Інтерпретатори	CPython, Java, Perl, bash
Компілятори	Mono, Embeddable Common Lisp
Середовища для функціонального програмування	DrRacket, MIT/GNU Scheme
Середовище для статистичних обчислень, аналізу та представлення даних в графічному вигляді	R

Докладні відомості про зазначені у таблиці 2.5 та інші компоненти SageMathCloud (на момент публікації) можна отримати за прямим посиланням

<http://www.sagemath.org/links-components.html> на офіційному сайті проекту Sage (рис. 2.3).

Слід відмітити, що одні програмні засоби (структурні компоненти SageMathCloud) явно доступні користувачу як вбудовані хмарні сервіси, інші ж використовуються системою неявно.

Оснащеність SageMathCloud прикладними сервісами спеціального призначення стане у нагоді під час організації комп'ютерно орієнтоване навчання класичних математичних дисциплін, таких як:

- «Лінійна алгебра та числові системи»;
- «Аналітична та диференціальна геометрія»;
- «Математичний аналіз»;
- «Теорія ймовірностей та математична статистика» тощо.

Як спеціальні прикладні, так і інструментальні сервіси можуть бути успішно використані на підтримку вивчення математичних дисциплін – «Чисельні методи/Методи обчислень/обчислювальна математика», «Дискретна математика», «Дослідження операцій», «Математичне програмування» тощо.

В даний час SageMathCloud – найпотужніше і найзручніше середовище для роботи з Sage.

Застосовуючи SageMathCloud викладачі та студенти зможуть:

- працювати з IPython Notebook;
- працювати з документами LaTeX;
- використовувати можливості Інтернету через html, css, js, coffeescript, markdown;
- працювати над проектом спільно з іншими користувачами і бачити їх редагування в режимі реального часу;
- запускати команди консолі як в терміналі, так на самому аркуші з обчисленнями;
- встановити потрібний пакет Python через PIP;
- написати свій математичний додаток з власним веб-сервером (наприклад, з використанням Flask);

- вставляти скрипти з інших мов програмування, таких як: Perl, Ruby, Fortran, Go;
- вставляти скрипти з інших математичних систем, таких як: Maple, Mathematica, Magma, Matlab, Macsyma, Octave, Scilab і ін.

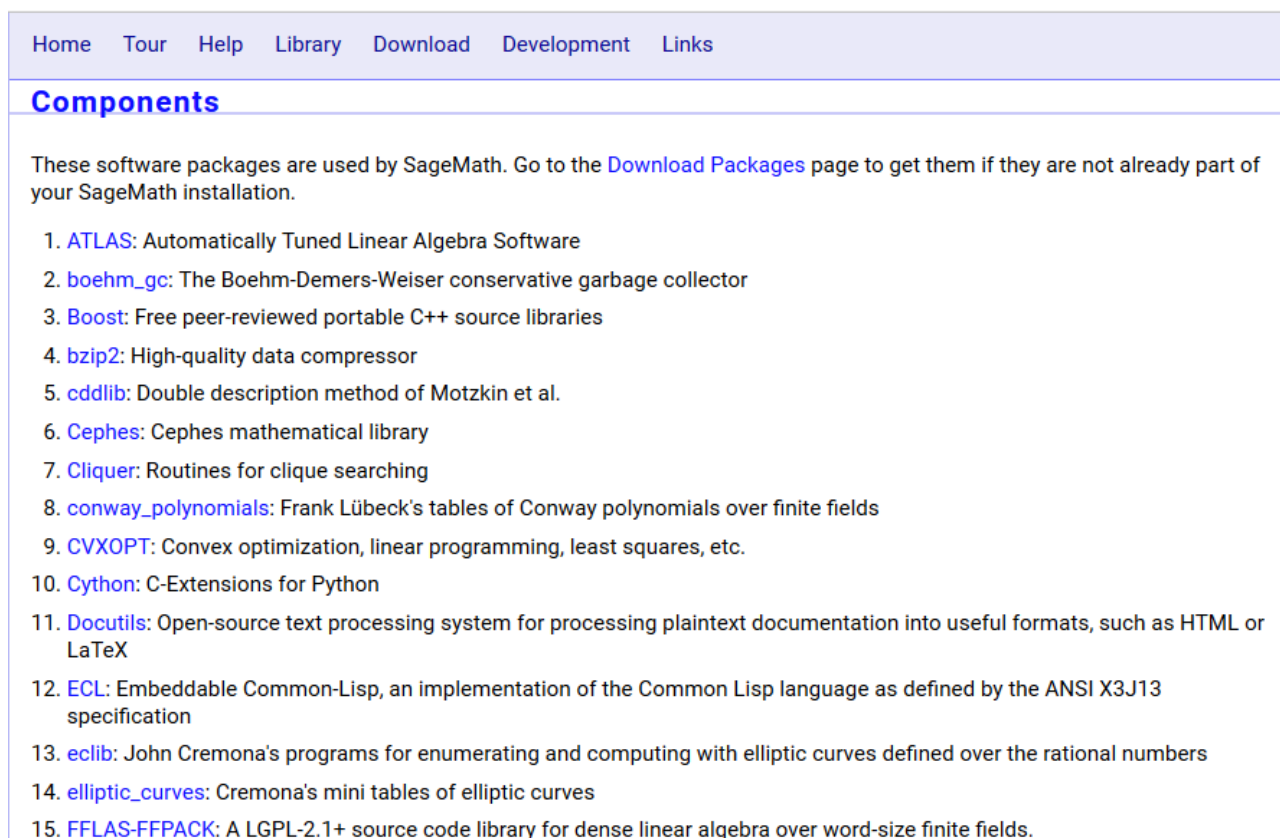


Рис. 2.3. Компоненти SageMathCloud

(*sagemath.org* – Меню *Links* – Команда *SageMath Components*)

«Враховуючи зазначені чинники, можна вказати основні типи програмних засобів, що спрямовані на активізацію пізнавальної діяльності студентів при вивченні курсу вищої математики у педагогічному ВНЗ за допомогою ІКТ.

Лекційні демонстрації – програми з графічним інтерфейсом і напівавтоматичним управлінням, що ілюструють теоретичні поняття, теореми, методи тощо. Працюючи з цими програмами, користувач має можливість не просто відтворити зображення, показані на рисунках до задач, а й, вводючи свої числові або символічні дані, отримувати нові результати, що можуть слугувати підтвердженням того чи іншого математичного означення, правила теореми, тощо. За рахунок такої

можливості стає реальним відповідне розширення змісту лекційного матеріалу за більшістю дисциплін математичної підготовки. Цей тип програмного забезпечення реалізує один із головних дидактичних принципів – принцип наочності, що передбачає створення у студентів чуттєвого уявлення про об'єкт вивчення, сприяє переходу від сприйняття конкретних об'єктів до сприйняття абстрактних понять про них, а також надає можливість полегшити розуміння змісту математичних методів та алгоритмів. Правильний добір засобів наочності сприяє усвідомленню сприйняття, підвищенню пізнавального інтересу, активізує мислення.

Динамічні моделі різноманітних класів (видів) математичних задач – програми з графічним інтерфейсом і напіваавтоматичним управлінням, що реалізують принцип моделювання. Використання та дослідження таких моделей дозволяє значно легше зрозуміти математичну, фізичну чи економічну суть методів та алгоритмів; глибше усвідомити новий матеріал та створити змістову основу для розв'язання прикладних задач» [240, с. 5-6].

«Перевага динамічних моделей полягає в тому, що студент може вибирати різні режими роботи програми, змінювати параметри досліджуваних об'єктів чи процесів, спостерігати та аналізувати результати, робити висновки на основі своїх спостережень. Вони забезпечують умови для осмислення задач, дослідження закономірностей на основі формування гіпотез з їх наступною експериментальною перевіркою. Таким чином, у студента з'являються великі можливості для здійснення дослідницької та творчої діяльності, що сприяє розвитку пізнавального інтересу тощо.

Тренажери – програми, основне призначення яких полягає у поданні всіх етапів розв'язування математичної задачі. У процесі вивчення дисциплін математичного циклу помітну роль відіграє застосування теоретичних положень до розв'язання навчальних задач прикладного характеру. При цьому в міру одержання навичок рішення типових задач здійснюється перехід до задач підвищеної складності для творчого оволодіння предметом. Однак через обмежений час, що відводиться на вивчення дисципліни, складність теоретичного матеріалу, недостатню підготовку студентів і інше доводиться витратити значний час на

розв'язання саме типових задач. Тому доцільно винести цю складову навчального процесу на самостійну роботу студентів з комп'ютерною програмою-тренажером, що виступає як засіб формування та удосконалення практичних навичок, перевірки досягнутих результатів та розраховані на повторення та закріплення навчального матеріалу» [240, с. 6-7].

Методичні рекомендації:

– доцільно і методично грамотно використовувати SageMath Cloud, що в подальшому активізує діяльність студентів і тим самим покращує результати навчання;

– SageMathCloud можна в першу чергу використовувати для самостійної роботи студентів, поглиблення знань, перевірки гіпотез, дослідження та виявлення нових властивостей математичних об'єктів;

– вміло поєднувати традиційні та інноваційні методи навчання із застосуванням хмарних технологій, здійснюючи новий сучасний підхід до навчання студентів.

Можна виокремити такі умови організації навчального процесу з використанням SageMathCloud:

1. Подання навчального матеріалу має бути лаконічним, доступним і науковим.

2. Використовувати комп'ютер лише за умови, коли вивчення нового поняття потребує більшої наочності, або ж прискорить темп заняття.

3. Використання SageMathCloud має бути дозованим.

4. Забезпечити усі необхідні умови роботи студентів на занятті. (Не допустимо, щоб один комп'ютер використовували одночасно два студенти).

Для роботи з SageMathCloud необхідно, щоб у викладача робоче місце було обладнане комп'ютером (ноутбуком, нетбуком, планшетом) чи хоча б він мав власний пристрій. Для роботи на практичному занятті достатньо буде використання смартфона, але для підготовки до лекційного заняття, для попередньої роботи з моделями, їх вдалим застосуванням під час проведення заняття потрібно забезпечити викладача комп'ютером (ноутбуком, нетбуком, планшетом) з доступом

до мережі Інтернет (не має значення чи то буде мережа Wi-Fi, чи то буде кабельне підключення). Не менш важливим постає питання вільного підключення до наявної мережі Інтернет. Якщо це буде підключення за допомогою Wi-Fi, то параметри пропускної швидкості Інтернету та технічних характеристик роутера також відіграють важливу роль, бо одночасне підключення цілої групи студентів до мережі Інтернет сповільнить його роботу. Експериментальний майданчик має бути забезпечений достатньою кількістю комп'ютерних аудиторій, щоб мати можливість частину практичних занять проводити в них.

2.4 Модель використання хмарного сервісу SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей вчителя математики

«Модель – це деяке подання (аналог, образ) системи, що моделюється в якому відображається, враховується, характеризується і можуть відтворюватися такі особливості й властивості цієї системи, які забезпечують досягнення цілей побудови та використання моделі» [38].

В. Ю. Биков вважає, що: «При вивченні складних систем, до класу яких відносяться системи освіти і навчання, тільки завдяки коректному моделюванню їх статистики і динаміки можна визначити сукупність властивостей модельованої системи, які повинна мати модель, тобто від мети моделювання залежить вибір і врахування в моделі тих чи інших особливостей і суттєвих параметрів досліджуваної системи-оригіналу, а тому і ступень деталізації її моделі.

Враховуючи цілі дослідження, при моделюванні досліджуваних систем (ДС) та їх елементів дослідник має дати чіткі відповіді на такі питання: які аспекти функціонування ДС підлягають вивченню, до якої глибини має бути декомпозована ДС, які суттєві взаємозв'язки між виділеними об'єктами ДС повинні бути відображені в її моделі? Відповіді на ці питання багато в чому залежать від того, як дослідник розуміє зміст основних категорій, на яких базується модельне подання ДС, зокрема категорій методу, способу, механізму і технології функціонування систем» [22, с. 79-80].

На основі спроектованої системи професійних компетентностей майбутніх учителів математики була розроблена модель використання хмарного сервісу SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей вчителя математики (рис. 2.4).

Модель складається з цільового компоненту, стимулюючо-мотиваційного, змістового, операційно-діяльнісного та оціночно-регулятивного компонентів. Модель охоплює три етапи формування професійних компетентностей: I етап: пропедевтичний, II етап: формувальний, III етап: розвивальний.

На формувальному етапі відбувається використання хмарного сервісу SageMathCloud в процесі вивчення математичних дисциплін. Зміст навчання математичних дисциплін розписано по семестрах та включає чотири курси підготовки майбутнього вчителя математики.

Таким чином, формування професійних компетентностей вчителя математики передбачає набуття ним компетентностей у галузі математики та суміжних з нею дисциплін, методики навчання та дидактики, психологічних і педагогічних основ здійснення навчально-виховного процесу, дослідницької діяльності та педагогічного спілкування, що визначає якість його професійної діяльності.

При створенні моделі формування професійних компетентностей вчителя математики будемо дотримуватися таких принципів: науковості, професійної спрямованості, самореалізації міждисциплінарної інтеграції, варіативності.

Використання комп'ютера розширює можливості індивідуального навчання, охоплюючи більшу частину студентів. Також, використовуючи комп'ютер, можна здійснити рефлексивне управління, ширше охопити пізнавальні процеси кожного студента, в результаті чого – надати індивідуальну допомогу на основі виявлених здібностей.

Реалізація моделі безпосередньо залежить від достатньої обладнаності комп'ютерних аудиторій у ВНЗ, наявності у студентів та викладачів власних комп'ютерних пристроїв та доступу до мережі Інтернет.

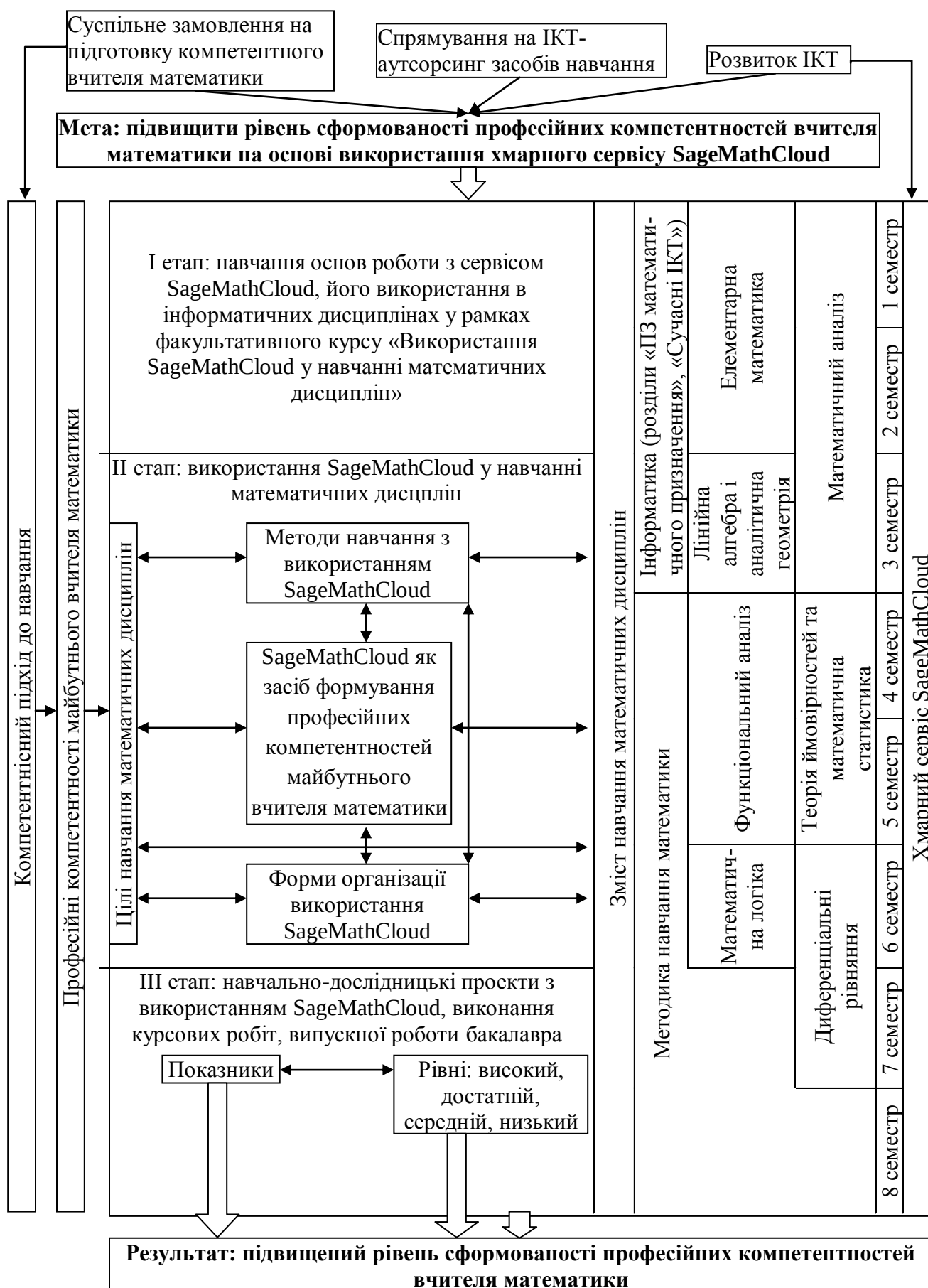


Рис. 2.4. Модель використання хмарного сервісу SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей вчителя математики

Оснoву моделі складає мета, яку сформульовано наступним чином: формування професійних компетентностей вчителя математики здатного до ефективного використання хмарних ІКТ у професійній діяльності. На мету в першу чергу впливають: суспільне замовлення на підготовку компетентного вчителя математики, спрямування на ІКТ-аутсорсинг засобів навчання та розвиток ІКТ.

Треба підкреслити, що суспільне замовлення на підготовку компетентного вчителя математики впливає не лише на мету запропонованої моделі, але й на компетентнісний підхід до навчання. Розвиток ІКТ впливає на появу хмарних сервісів навчання, які в свою чергу входять до змісту навчання математичних дисциплін.

Зміст поєднує в собі, окрім хмарних сервісів навчання, ще й перелік основних математичних дисциплін, які розміщені згідно порядку їх вивчення на кожному курсі, на протязі кожного семестру. Оскільки було раніше виявлено, що професійні компетентності вчителя математики формуються практично в процесі вивчення математичних дисциплін, тому кожен з етапів реалізації моделі тісно пов'язано з основними математичними дисциплінами, які вивчають студенти на I – IV курсів.

Модель побудована таким чином, що перший етап її реалізації охоплює перші два семестри (I курс). До складу цього етапу включено такі курси як інформатика, елементарна математика та математичний аналіз. На даному етапі передбачається вивчення студентами основ використання хмарного сервісу, безпосереднє застосування інструментарію, що входять до SageMathCloud та організації власної роботи засобами, які представлені в хмарному сервісі. Перше знайомство з хмарним сервісом відбувається в процесі вивчення інформатики, зокрема розділи «ПЗ мат призначення», «Сучасні ІКТ». Альтернативою може виступати включення до навчального процесу факультативного курсу «Використання SageMathCloud у навчанні математичних дисциплін» в процесі якого студенти опанують основні види роботи в хмарному сервісі. Практичне застосування та відпрацювання навичок студенти одержують в рамках вивчення математичних дисциплін: елементарна математика та математичний аналіз.

Окрім того, треба зазначити, що на реалізацію кожного з етапів моделі опосередковано впливають компетентнісний підхід до навчання та безпосередньо – професійні компетентності вчителя математики, охоплюючи усі три етапи.

З іншого боку, кожен з етапів в більшій чи меншій мірі вносять зміни до змісту навчання математичних дисциплін. До змісту навчання включено хмарні сервіси навчання, які охоплюють весь період підготовки вчителя математики (з I по IV курси).

II етап методики охоплює 3-6 семестри (II та III курси). До другого етапу реалізації методики використання хмарного сервісу SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей вчителя математики включено наступні математичні дисципліни: лінійна алгебра та аналітична геометрія, математичний аналіз, функціональний аналіз, теорія ймовірностей та математична статистика, математична логіка, диференціальні рівняння та методика навчання математики.

II етап методики містить наступні складники: цілі навчання математичних дисциплін, методи навчання з використанням SageMathCloud, в якості основного засобу навчання виступає SageMathCloud (як провідний засіб формування професійних компетентностей майбутнього вчителя математики) та форми організації використання SageMathCloud. Кожен складник взаємопов'язаний один з одним, впливають безпосередньо на зміст навчання математичних дисциплін. При цьому, цілі навчання математичних дисциплін залежать безпосередньо від професійних компетентностей вчителя математики. В центрі розміщено хмарний сервіс SageMathCloud, в якості засобу навчання математичних дисциплін. Під його впливом дещо зміняться традиційні методи навчання математичних дисциплін.

Якщо ж розглянути потенціал використання комп'ютера в проблемному навчанні, то бачимо, що студент виступає в ролі дослідника, який відкриває для себе щось нове. Звичайно, факти, які розглядає студент, вже відомі науці. Комп'ютерні засоби, що задіяні в проблемному навчанні, надають можливість користувачу описувати проблему (задачу), як природною мовою, так і мовою з даної предметної галузі. За таких умов з'являється можливість не лише обговорення правильної відповіді, але й раціональність кожного окремого розв'язку задачі. Роль викладача

поступово змінюється. Постає питання стосовно перегляду форм навчальної роботи: збільшення самостійної роботи, зменшення ролі пояснювально-ілюстративного методу навчання, збільшення кількості практичних і лабораторних робіт дослідницького характеру [251].

Щодо III етапу реалізації методики, то він включає в себе диференціальні рівняння та методику навчання математики. На даному етапі студенти завершують навчання та готують навчально-дослідницькі проекти з використанням SageMathCloud, виконують курсові роботи, випускні роботи бакалавра. Із залученням інструментарію SageMathCloud студенти мають змогу виконати всю роботу з використанням одного хмарного сервісу. Окрім того, на даному етапі визначені критерії та інструментарій вимірювання рівнів сформованості професійних компетентностей вчителя математики, визначається відповідність результату: сформованість професійних компетентностей вчителя математики. Треба зазначити, що перевірка згідно критеріїв та рівнів кожного складника системи професійних компетентностей вчителя математики відбувається неперервно, та охоплює усі етапи запропонованої моделі. Однак, в якості результуючої перевірки відповідності результату може виступати державний екзамен, який виступає в якості комплексної оцінки рівня сформованості професійних компетентностей вчителя математики. Як видно з моделі, результат повністю узгоджено з поставленою метою.

Висновки до розділу 2

У другому розділі «Моделювання процесу використання хмарного сервісу SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей вчителя математики» визначена загальна методика дослідження, розглянуто процес проектування системи професійних компетентностей учителя математики, висвітлено особливості використання сервісу SageMathCloud у навчанні математичних дисциплін, представлено сучасний стан і характеристики SageMathCloud та розроблено модель використання хмарного сервісу

SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей вчителя математики.

Основні ідеї дослідження відображає *гіпотеза*: методично обґрунтоване використання хмарного сервісу SageMathCloud у навчанні математичних дисциплін сприятиме підвищенню рівня сформованості професійних компетентностей майбутніх учителів математики.

Дослідно-експериментальна робота щодо створення та впровадження науково обґрунтованої методики використання хмарного сервісу SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей майбутніх учителів математики була запланована як паралельний, природний педагогічний експеримент у чотири етапи: підготовчий (2013-2014 рр.), констатувальний (друга половина 2014 р.), формувальний (2015 р.) та підсумковий (2016 р.).

Узагальнюючи систему професійних компетентностей учителя математики (побудовану на основі запропонованої системи і М. І. Жалдака, Ю. С. Рамського, М. В. Рафальської, а також системи О. М. Спіріна) та результати дослідження, було виокремлено такі складники системи професійних компетентностей майбутніх учителів математики:

1) загально професійні компетентності;

2) спеціально професійні:

– предметні компетентності (наукові, предметно-педагогічні), технологічні компетентності (інформологічно-методологічні, інформаційно-технологічні),

– професійно-практичні компетентності (математичні, методичні).

Кожен складник запропонованої системи професійних компетентностей охарактеризовано згідно чотирьох рівнів їх сформованості: високого, достатнього, середнього, низького.

На основі спроектованої системи професійних компетентностей майбутніх учителів математики була розроблена модель використання хмарного сервісу SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей учителя математики. При створенні моделі формування професійних компетентностей учителя математики було враховано такі принципи: принцип науковості,

професійної спрямованості, самореалізації міждисциплінарної інтеграції, варіативності.

Модель складається з цільового, стимулювально-мотиваційного, змістового, операційно-діяльнісного та оціночно-регулятивного компонентів. Модель охоплює три етапи формування професійних компетентностей: пропедевтичний, формувальний, розвивальний.

Основу моделі складає мета, яка формується під впливом суспільного замовлення на підготовку компетентного вчителя математики, що обумовлено компетентнісним підходом до навчання та спрямуванням на ІКТ-аутсорсинг засобів навчання та розвиток ІКТ. Розвиток ІКТ сприяє появі хмарних сервісів навчального призначення, питання вивчення яких, у свою чергу, входять до змісту навчання математичних дисциплін. Зміст їх навчання розписано по семестрам та охоплює чотири курси підготовки майбутнього вчителя математики. У змісті передбачено перелік основних математичних дисциплін та предметне навчання використання хмарного сервісу SageMathCloud. Кожен з етапів реалізації моделі тісно пов'язаний з основними математичними дисциплінами, які вивчають студенти освітнього рівня «бакалавр».

На основі компетентнісного підходу забезпечується поєднання різних етапів формування професійних компетентностей вчителя математики у єдине ціле у межах запропонованої моделі. Це призводить до зміни змісту навчання математичних дисциплін.

Підготовка вчителя математики передбачає набуття ним компетентностей у галузі математики та суміжних з нею дисциплін, методики навчання та дидактики, психологічних і педагогічних основ здійснення навчально-виховного процесу, дослідницької діяльності та педагогічного спілкування, що визначає якість його професійної діяльності.

На формувальному етапі відбувається використання хмарного сервісу SageMathCloud у процесі вивчення математичних дисциплін.

Основні результати дослідження другого розділу опубліковані в роботах [351; 191; 292].

РОЗДІЛ 3

МЕТОДИКА ВИКОРИСТАННЯ SAGEMATHCLOUD ЯК ЗАСОБУ ФОРМУВАННЯ ПРОФЕСІЙНИХ КОМПЕТЕНТНОСТЕЙ ВЧИТЕЛЯ МАТЕМАТИКИ

3.1 Структура методики використання SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей вчителя математики

Методика використання SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей вчителя математики – це система взаємозв'язаних форм організації, методів і засобів навчання, що викладач використовує для використання хмарного сервісу на всіх етапах формування професійних компетентностей вчителів математики, що приводить до заздалегідь визначеного очікуваного результату.

Використання сервісу SageMathCloud в процесі викладання математичних дисциплін, потрібно перш за все зорієнтувати на:

- набуття навичок самостійного використання програмного математичного забезпечення для символьних і чисельних обчислень;
- підтримування викладання математичних понять (зокрема з курсів аналітичної геометрії, лінійної алгебри та математичного аналізу).

Перший етап даної методики передбачає два шляхи:

1. Навчання за програмою факультативу «Використання SageMathCloud у навчанні математичних дисциплін», як елементу змісту навчання інформатичних дисциплін [290].

2. Через систему тренінгів, семінарів, вебінарів, індивідуальних консультацій.

Рекомендується використовувати в рамках проведення факультативного курсу незначну кількість індивідуальних робочих аркушів хмарного сервісу (приблизно 15-20). В процесі виконання завдань студенти набувають навичок роботи з редактором програмного коду та окремими його частинами – комірками. На початку потрібно ознайомити аудиторію з основами роботи в SageMathCloud, типовими завданнями що включають: рівняння та нерівності, вектори, точки, лінії і площини,

диференціювання, інтегрування, аналіз властивостей функцій, побудова графіків функцій на площині та у просторі, матриці, лінійні системи, лінійні оператори, власні значення та власні вектори. Індивідуальні завдання мають складатись з графічного та чисельного розв'язків.

На I етапі формування професійних компетентностей згідно запропонованої методики до варіативної частини освітньо-професійної програми підготовки бакалавра математики доцільно включити факультативний курс «Використання SageMathCloud у процесі вивчення математичних дисциплін». Факультатив спрямований на врахування міждисциплінарних зв'язків (математичних та інформатичних дисциплін професійно науково-предметної підготовки).

Факультатив спрямований на врахування міждисциплінарних зв'язків (математичних та інформатичних дисциплін професійно науково-предметної підготовки).

На II етапі формування професійних компетентностей відбувається у межах вивчення нормативних математичних навчальних дисциплін. III етап охоплює виконання навчально-дослідницьких проектів з використанням SageMathCloud, курсових робіт, випускної роботи бакалавра.

Головною метою методики використання хмарного сервісу SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей вчителя математики є: підвищення рівня сформованості його професійних компетентностей.

Цільова група: майбутні вчителі математики (студенти).

Очікуваний результат методики використання хмарного сервісу SageMathCloud:

- розширити сучасні погляди на інформаційні процеси, їх роль у вивченні математичних дисциплін;

- навчитися успішно застосовувати інструментарій SageMathCloud для вирішення практичних завдань з математичних дисциплін;

- набути досвід роботи в колективі (за рахунок використання інструментарію SageMathCloud);

- розв’язувати практичні завдання доступними способами та подавати одержані результати;

- набути уміння оцінювати та систематизувати здобуті знання з математичних дисциплін.

Змістовий компонент методики використання хмарного сервісу SageMathCloud включає предметне навчання цього сервісу, педагогічно обґрунтовані, логічно впорядковані та текстуально зафіксовані в навчальних програмах наукові відомості про матеріал, що доцільно вивчати із застосуванням SageMathCloud.

Форми організації навчання із використанням хмарного сервісу SageMathCloud: діалогічні форми, індивідуальні та групові консультації, самостійна робота, практична робота, індивідуальна робота, парна робота, фронтально-колективна робота, диференціально-групова робота, колективні та індивідуальні проекти.

Провідні методи навчання математичних дисциплін з використанням хмарного сервісу SageMathCloud:

- а) методи організації й здійснення навчальної діяльності (словесні, наочні, практичні репродуктивні й проблемні, самостійної роботи);

- б) методи стимулювання й мотивації навчання (методи формування обов’язковості й відповідальності в навчанні: пред’явлення педагогічних вимог);

- в) методи контролю й самоконтролю (письмовий контроль, лабораторні й практичні роботи, фронтальний і диференційований контроль, поточний і підсумковий).

Засоби формування професійних компетентностей учителя математики, що передбачені із використанням хмарного сервісу:

- робочі аркуші, на яких студенти виконують дії з побудови та дослідження математичних моделей;

- чат-кімнати, що використовуються для обговорення процесу та результатів моделювання;

- засоби підтримки навчальної діяльності (ресурси типу course, tasks);

- засоби для створення математичних текстів (tex) та гіпертекстів (html);
- мобільний доступ до інших засобів підтримки математичної діяльності.

Додатковими засобами є навчальний посібник «Організація навчання математичних дисциплін у SageMathCloud», web-сайт з методичними рекомендаціями для майбутніх вчителів математики з використання хмарного сервісу SageMathCloud у процесі навчання математичних дисциплін та проекти з використанням SageMathCloud для підтримки навчання.

Основними положеннями [330], якими мають слідувати викладачі під час використання хмарного сервісу SageMathCloud, мають бути наступними.

1. На початку вивчення курсу.

Викладач має бути впевненим, що студенти на самому початку вивчення дисципліни складають програмний код самостійно, вивчаючи синтаксис основних команд. Звичайно в подальшому студенти можуть копіювати окремі частини програмного коду, але на перших практичних заняттях викладач має слідкувати за ручним набором усіх команд без виключення. Це нормально, якщо студенти роблять лише певні висновки з даних обчислень. Але погано, коли вони не зможуть самостійно виконати навіть елементарні дії без посібника чи довідника. На практиці студенти рідко читають докладно пояснення, написані викладачем, намагаючись якнайшвидше виконати те, що від них вимагають, особливо не запам'ятовуючи синтаксис головних функцій. Тобто в подальшому студенти не зможуть самостійно виконати складні обчислення не лише з використанням хмарного сервісу, але й письмово. Якщо ж привчити студентів прописувати усі нові команди по декілька разів вручну (не застосовуючи автоматичного доповнення назви функції), це значно підвищує рівень розуміння та запам'ятовування вивченого матеріалу. Тому на перших практичних заняттях рекомендується використання порожніх робочих аркушів, в той час як усі основні моменти викладені в лекційному матеріалі та опорних конспектах.

2. Потрібно допомогти студентам визначити поняття самостійно.

Це основний принцип навчання з використанням хмарних сервісів. Студенти більш вмотивовані отримати глибше розуміння теми та засвоїти вивчений матеріал,

коли вони самостійно виявляють властивості математичних понять та їх закономірності, складають алгоритми виконання певних обчислень. Цей процес може займати досить значний проміжок часу, але з використанням хмарного сервісу він значно спрощується. Наприклад, вивчаючи чисельні методи, традиційний спосіб викладення матеріалу, це – проілюструвати алгоритм (формулу) задля виконання обчислень, похибку даного методу та навести приклад, який до того ж може бути не досить вдалим. Можна студентам запропонувати виконати завдання, застосовуючи нестабільні, неточні методи обчислення. При цьому студенти можуть обговорити одержані результати, коментувати хід виконання роботи. Доречним буде з'ясувати можливість удосконалення даного методу. Процес навчання за цим принципом буде кардинально відрізнитись, оскільки основні труднощі будуть у виявленні основних теоретичних положень експериментальних досліджень. Але знання, одержані дослідним шляхом будуть набагато ширшими та краще засвоєними.

3. Обговорення труднощів з іншими студентами.

Якщо студент довгий час не може знайти рішення поставленої проблеми, з часом він починає вважати її занадто важкою та втрачає до неї інтерес. Тому треба постійно обговорювати на семінарських заняттях проблеми, які виникають у процесі розв'язання завдань. Для студентів на початку обговорення можуть мати певні утруднення, враховуючи різний рівень підготовки та індивідуальні особливості. Для студентів, що в змозі опанувати більш високий рівень викладач може надати декілька індивідуальних завдань. Виконання завдань більш високого рівня покращить рівень знань студентів, поглибить теоретичне підґрунтя, теми вивчається.

4. Поступово підвищувати рівень складності.

Можливо, що студенти одразу зможуть сприймати матеріал більш високого рівня. Але вивчати теоретичний матеріал на досить високому рівні і одразу використовувати основні теоретичні положення в хмарному сервісі буде занадто складно. Тут можливо або нехтуванням строгості викладеного теоретичного матеріалу, або ж недостатнім розумінням застосування його інструментами SageMathCloud.

5. Анімації треба приділяти більше уваги.

Рішення нестандартних задач краще представити у вигляді анімації. Друковані посібники, методичні рекомендації, звичайно супроводжуються ілюстраціями та графічними побудовами, але якщо викладач планує використовувати хмарний сервіс на підтримку вивчення певної дисципліни, краще проілюструвати розв'язок задачі за допомогою анімації. Мотивація студентів зростає, коли вони мають змогу візуалізувати результати своєї роботи.

Постає питання створення анімації, яка буде залежати від параметрів, що можна задавати стандартними елементами управління. В SageMathCloud реалізовано цей механізм. Змінюючи вхідні параметри програмного коду з використанням певного елемента управління, можна створити нову анімацію на основі декількох графічних побудов.

3.2 Методика навчання факультативу «Організація навчання математичних дисциплін у SageMathCloud»

Серед варіативної частини освітньо-професійної програми підготовки бакалавра математики може бути доцільним факультативний курс «Використання SageMathCloud у навчанні математичних дисциплін». Із запровадженням запропонованого курсу [287] студенти під час виконання індивідуальних завдань глибше розумітимуть матеріал, що відводиться на самопідготовку; зможуть отримати відповіді на питання, які виникли під час вивчення програмного матеріалу; удосконалити навички розв'язування практичних завдань.

Мета вивчення факультативного курсу: формування професійних компетентностей майбутніх учителів математики із використання SageMathCloud.

Завдання вивчення факультативного курсу [287]:

1. Поглиблення та систематизація знань з математичних дисциплін.
2. Вирішення проблем та питань, які виникають під час самостійного опрацювання програмного матеріалу математичних дисциплін.

3. Набуття навичок практичного застосування математичних понять та методів в процесі розв'язання задач.

4. Побудова і аналіз інтерпретацій розв'язків завдань за допомогою хмарних сервісів.

5. Розвиток ІКТ компетентності майбутніх учителів математики.

Очікуваний освітній результат від курсу:

- одержати загальне уявлення про хмарні математичні сервіси;
- навчитися застосовувати інструментарій SageMathCloud для вирішення практичних завдань з математичних дисциплін;
- набути досвід роботи в колективі (за рахунок використання інструментарію SageMathCloud);
- розв'язувати практичні завдання доступними способами та подавати одержані результати;
- уміння оцінювати та систематизувати одержані знання з математичних дисциплін.

Для роботи у SageMathCloud необхідно володіти наступними вміннями та навичками, які набувають студенти на I етапі:

- вміти реєструватись та авторизуватись у системі, виконувати налаштування облікового запису (Додаток В);
- вміти створювати навчальні ресурси;
- вміти працювати з sagews-аркушами (включаючи найпоширеніші режими, знати основи мов: LaTeX, Python, HTML);
- вбудовувати відео, аудіо, анкети, графічні файли в ресурс «sagews»;
- спілкуватись у чатах навчальних ресурсів та в ресурсі типу «sage-chat»;
- вміти працювати з навчальним ресурсом типу «tex»;
- вміти завантажувати нові ресурси з електронних носіїв.

Загальні вимоги до знань та вмінь, які повинен мати студент перед початком вивчення факультативу.

Студент має знати:

- основи математичної логіки;

- основи алгоритмізації та програмування;
- основи мови HTML.

Студент повинен вміти:

- працювати з комп'ютером в якості користувача;
- працювати з глобальною мережею Інтернет;
- оцінювати місце, роль і значення отриманого результату в загальній системі

математичних знань.

Орієнтований тематичний план занять факультативу (табл. 3.1, табл. 3.2) має включати:

1. Кількість годин, відведених на лекційні заняття. З лекційного матеріалу студенти мають орієнтуватись в першу чергу в формулюванні теорем, основних формул, розуміти їх практичне застосування.

2. Кількість практичних занять. Орієнтуватись потрібно більшою мірою на практичні заняття, методи та прийоми які використовуються під час розв'язання того чи іншого завдання.

3. Матеріал відведений на самостійне опрацювання.

За основу побудови кожного заняття факультативу можна взяти:

- індивідуальну роботу, яку виконують студенти протягом вивчення певної математичної дисципліни;
- домашні завдання, якщо виконання індивідуальної роботи не передбачено в рамках вивчення математичної дисципліни (чи вона складається суто з опрацювання теоретичного матеріалу).

У залежності від того, які саме практичні завдання будуть реалізовані засобами SageMathCloud, потрібно обрати набір функцій задля подальшого детального вивчення студентами.

Перед початком проведення факультативу слід:

1. Отримати список студентів та їх електронних адрес.
2. Створити проект за назвою математичної дисципліни, в рамках якої буде проводитись факультатив.
3. У проекті необхідно:

а) створити загальну структуру каталогів. Вирішити чи усі матеріали будуть розташовані в окремому каталозі, чи вони будуть завантажені безпосередньо в проект. Організувати структуру для студентів (чи кожен студент матиме свою власну папку, де зберігатимуться його завдання, файли, чи буде існувати окрема папка для завдань, а окремо для їх виконання);

Таблиця 3.1

Орієнтований тематичний план факультативних занять

№	Тема	Кількість годин
1.	Реєстрація. Початок роботи з SageMathCloud	2
2.	Основи програмування: оголошення змінних, списки, умовний оператор, цикли	2
3.	Функції виведення	2
4.	Основи використання LaTeX	2
5.	Робота з довідковими джерелами	4
6.	Побудова графічних примітивів, графіків, областей, поверхонь. Створення анімацій	4
7.	Розробка графічного інтерфейсу	4
Всього за планом		20

Таблиця 3.2

Змістове наповнення кожної теми

№	Тема	Зміст
1.	Реєстрація. Початок роботи з SageMathCloud	Ознайомлення студентів з SageMathCloud, опис інструментарію. Реєстрація. Надання доступу до проекту. Ознайомлення з інтерфейсом. Робота з проектами. Створення папки, файлів. Збереження файлів. Вивчення панелі інструментів у робочих аркушах. Робота в груповому чаті.

№	Тема	Зміст
2.	Основи програмування: оголошення змінних, списки, умовний оператор, цикли	Вивчення сполучень клавіш. Коментарі. Способи оголошення змінних. Оголошення функцій однієї та багатьох змінних. Виконання найпростіших обчислень. Умовний оператор: загальний вигляд та скорочений. Способи задання циклів. Особливості використання.
3.	Функції виведення	Функції <code>print()</code> , <code>show()</code> та <code>html()</code> . Їх порівняння: особливості та недоліки. Параметри функції <code>show()</code> : текстові (виведення результатів обчислення) та графічні (графічні побудови). Використання функції <code>html()</code> , основні теги форматування тексту. Виведення результатів обчислень за допомогою функції <code>html()</code> .
4.	Основи використання LaTeX	Спеціальні символи мови LaTeX (стрілки, грецький та латинський алфавіт). Використання однорядкової математичної символіки. Використання багаторядкової математичної символіки. Спільне використання LaTeX та функції <code>html()</code> для візуалізації результатів обчислень.
5.	Робота з довідковими джерелами	Вивчення функцій, які стосуються саме обраної математичної дисципліни (Додаток Ж). Вивчення усіх параметрів спеціальних функцій. Дослідження значень параметрів в залежності від індивідуального завдання (домашнього завдання тощо).
6.	Побудова графічних примітивів, графіків, областей, поверхонь. Створення анімацій	Використання функції <code>show()</code> задля побудови графічних зображень. Функція <code>animate()</code> . Основні параметри функції <code>animate()</code> . Фіксація осей, збільшення частоти анімації.

№	Тема	Зміст
7.	Розробка графічного інтерфейсу	Основи створення інтерактивних моделей згідно з графічним інтерфейсом. Основні елементи управління та їх властивості. Використання CSS, HTML та LaTeX у процесі розробки графічного інтерфейсу. Групування елементів управління за допомогою списків.

б) створити загальний чат для запитань, які виникатимуть у студентів під час роботи над кожним із завдань та обговорення виконаних завдань. Викладач може одразу надіслати повідомлення з основними посиланнями на додаткові дані в чат. Пояснити, що саме тут студенти можуть спілкуватись за темою робіт, запитувати, консультуватись як з викладачем, так і один з одним;

в) завантажити файл зі списком завдань, що охоплюватимуть весь зміст факультативу (або загальний, або індивідуально для кожного студента окремо). Якщо для кожного студента буде власний список завдань, тоді в якості назви файлу краще використати прізвище студента;

г) завантажити файли з короткими теоретичними відомостями по кожному заняттю факультативу;

д) завантажити файли-приклади, які будуть висвітлювати форму подання результатів виконання завдань. З коментарями та декількома прикладами. В подальшому треба звернути увагу студентів, що дані приклади не є універсальними. І тому кожен матиме свій результат, який одержить в процесі дослідження;

е) завантажити за необхідності, додаткову літературу;

ж) створити курс (за потреби).

Також потрібно враховувати матеріально-технічне забезпечення ВНЗ та групи студентів, у яких будуть проходити факультативні заняття. Заздалегідь потрібно з'ясувати:

1. В якій мірі оснащені комп'ютерні аудиторії.

2. Чи забезпечено вільний доступ до мережі Інтернет.

3. Наявність мережі Wi-Fi та загального доступу до неї.

4. Чи зможуть студенти позааудиторно виконувати завдання (наявність власного ПК, ноутбука, планшета, смартфона тощо, та можливості підключення до мережі Інтернет).

Попередити студентів, що для виконання завдань факультативу ними мають буди засвоєні в достатній мірі теоретичні відомості, тому до занять з факультативу треба готуватись заздалегідь, повторювати лекційний матеріал (основні формули, теореми, означення).

В процесі проведення курсу студенти активно використовували власні ноутбуки та Wi-Fi підключення до мережі Інтернет.

Організація спільної роботи з навчальними ресурсами проекту

Організувати спільну роботу з ресурсами SageMathCloud-проекту можна або на рівні окремо взятого ресурсу, зокрема робочого аркуша (sagews), або на рівні проекту в цілому.

Відкриття спільного доступу на рівні окремо взятого ресурсу є нічим іншим, як web-оприлюдненням (рис. 3.1) вмісту ресурсу у режимі «лише для читання» для всіх користувачів мережі Інтернет, які мають посилання на даний ресурс.

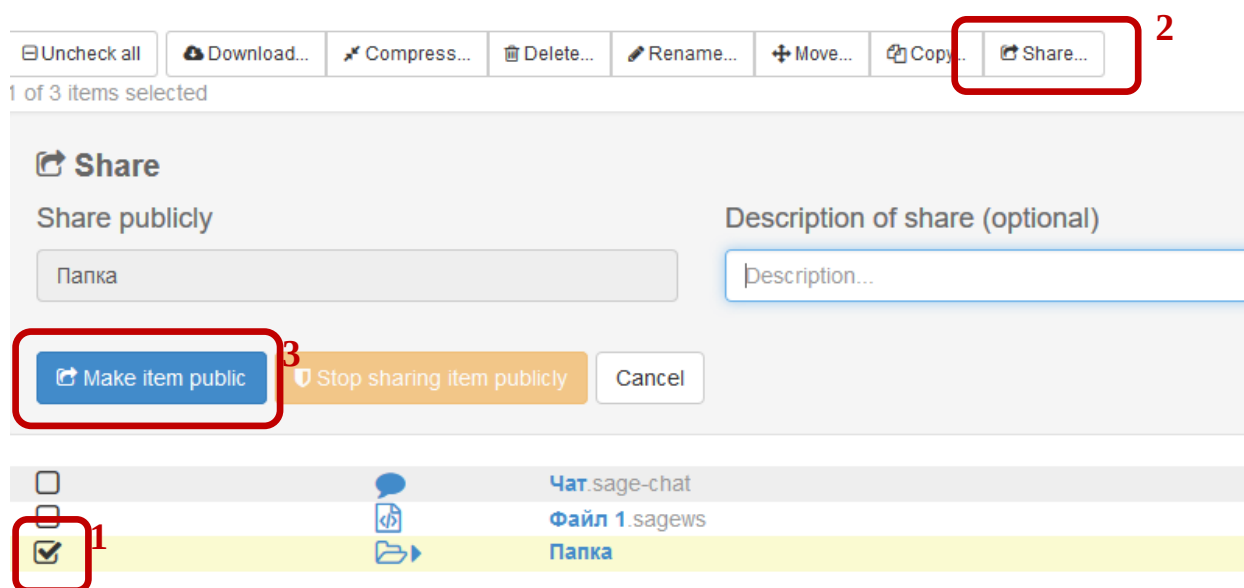


Рис. 3.1. Налаштування спільного доступу до sagews-ресурсу проекту

Недоліками такої публікації є те, що користувач-«читач» не має можливості управляти обчисленнями на sagesws-аркуші, навіть якщо автор використав стандартні елементи управління у ньому. Проте, у разі необхідності, даний sagesws-ресурс може бути скопійований або завантажений (рис. 3.2).

Організація спільної роботи на рівні проекту в цілому можлива як без використання ресурсу типу course, так і з ним.

Перший спосіб передбачає підключення до проекту учасників, які матимуть можливість спільно працювати з вже існуючими навчальними ресурсами проекту або додавати нові, запрошувати інших учасників, спілкуватись за допомогою текстового та/або відео чатів у рамках спільного проекту.

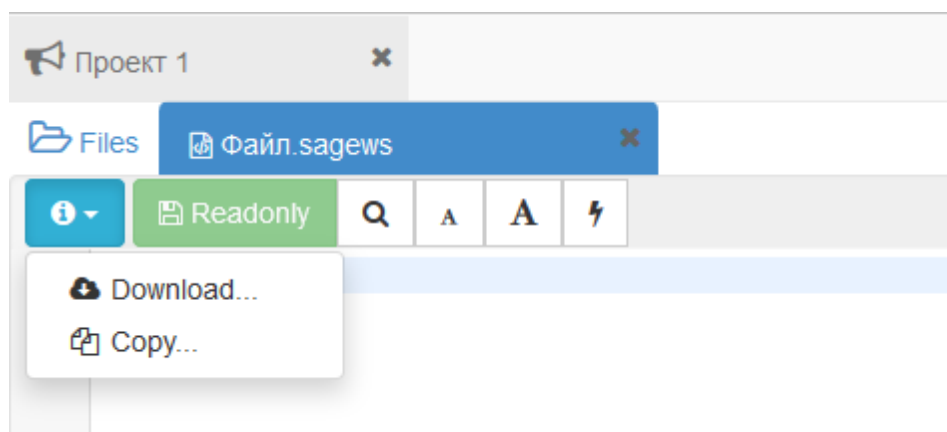


Рис. 3.2. Сторінка оприлюдненого sagesws-ресурсу

Внесок кожного учасника спільного проекту у вирішення його завдань може бути переглянутий на сторінках історії роботи з проектом «Log» (рис. 3.3) або на сторінках резервних копій проекту «Backups» (рис. 3.4).

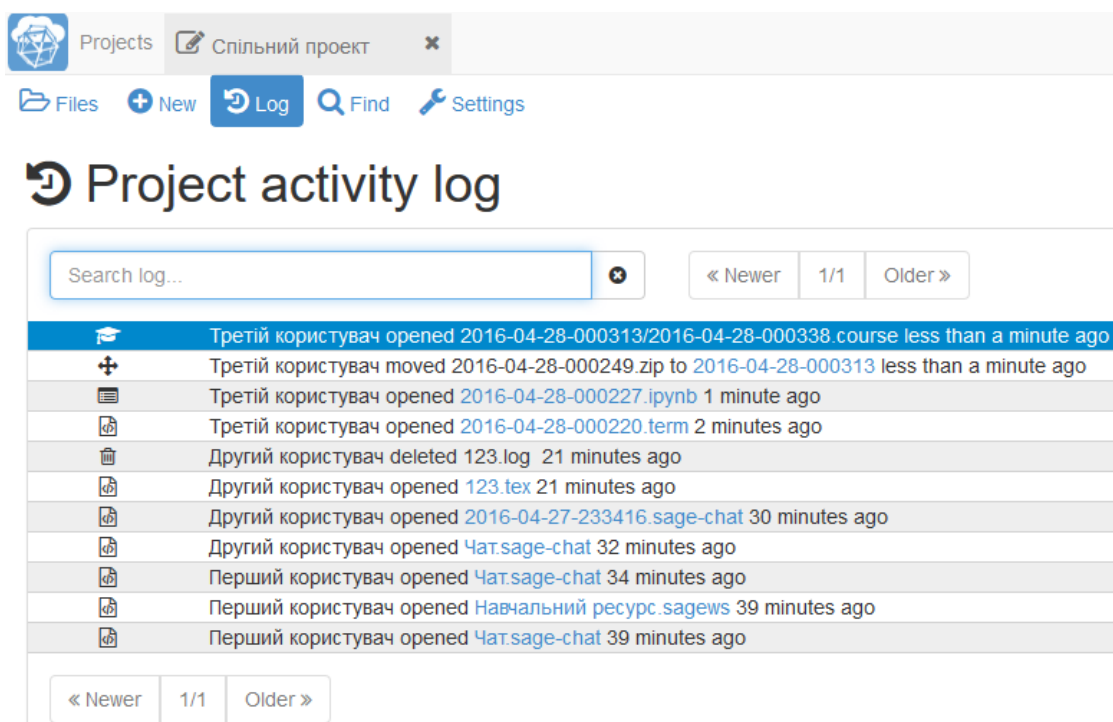


Рис. 3.3. Сторінка історії роботи з проектом

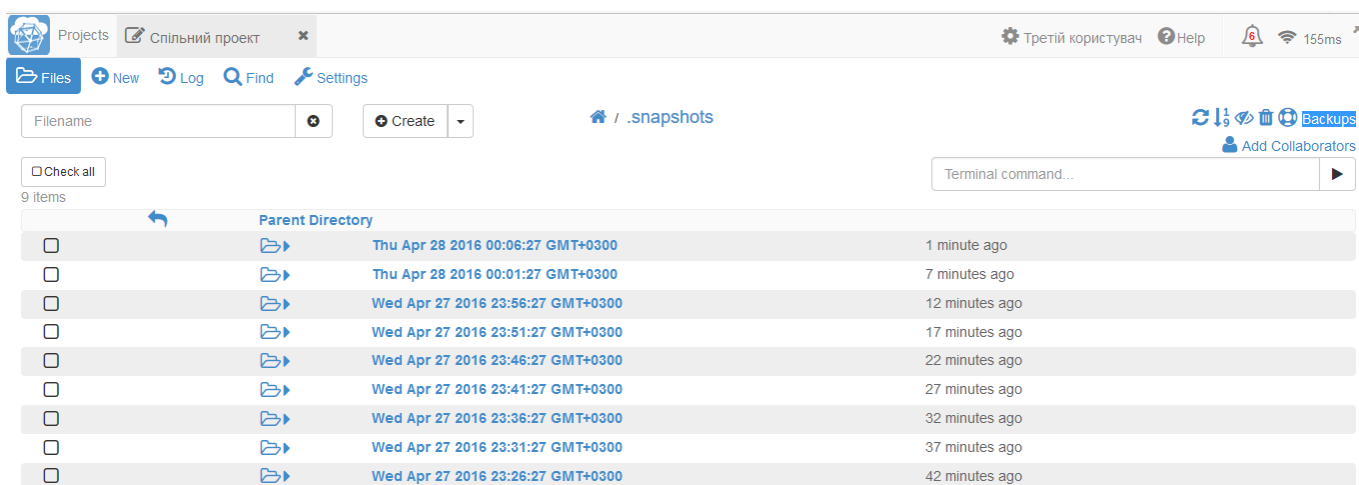


Рис. 3.4. Сторінка резервних копій проекту

Резервні копії проекту зберігаються кожні 5 хвилин і не можуть бути остаточно видалені користувачем.

Одним із основних засобів зворотнього зв'язку у спільному проекті є файл-ресурс типу sage-chat (рис. 3.5, кнопка «Create a Chatroom»).

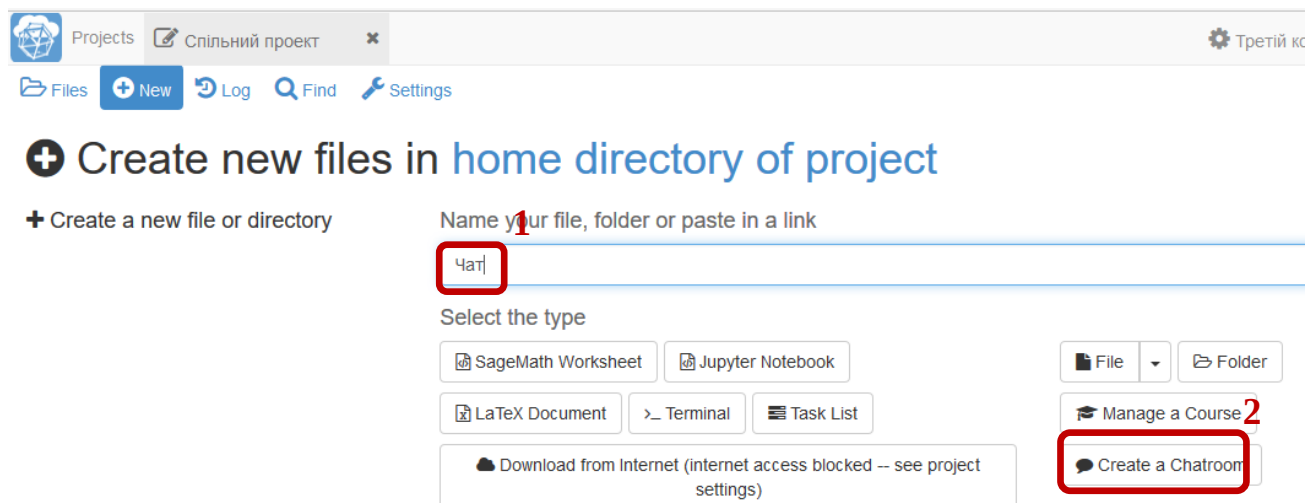


Рис. 3.5. Створення ресурсу типу sage-chat

Даний ресурс представляє собою текстовий чат, сторінку якого показано на рис. 3.6. Текст повідомлення можна форматовувати за допомогою HTML-тегів та спеціальних команд розмітки (табл. 3.3).

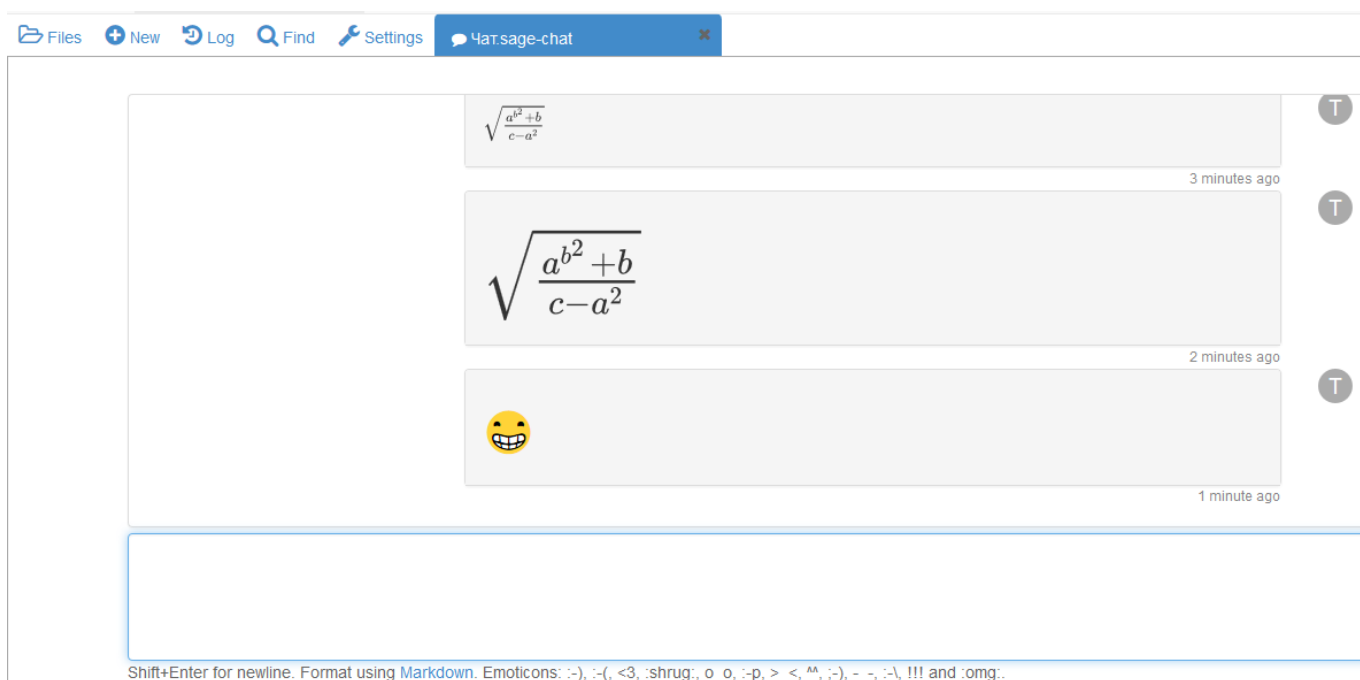


Рис. 3.6. Сторінка текстового чату

Повідомлення математичного змісту може бути подане у звичній математичній нотації за допомогою команд LaTeX.

Спеціальні команди розмітки

Команда	Призначення
#Текст	форматувати текст як заголовок
>Текст	форматувати текст як цитату
Текст	форматувати текст курсивним накресленням
Текст	форматувати текст напівжирним накресленням
- Текст	форматувати текст як маркований список
'Текст'	форматувати текст шрифтом однакової ширини
Shift + Enter	перейти на наступний рядок

Сповіщення про нове повідомлення в чаті (навіть у разі відсутності користувача у чат-«кімнаті» через роботу з ресурсам даного або навіть іншого проекту) надходить миттєво та відображається червоним кольором на піктограмі дзвоника (рис. 3.7). Переглянути сповіщення можна натиснувши на піктограму.

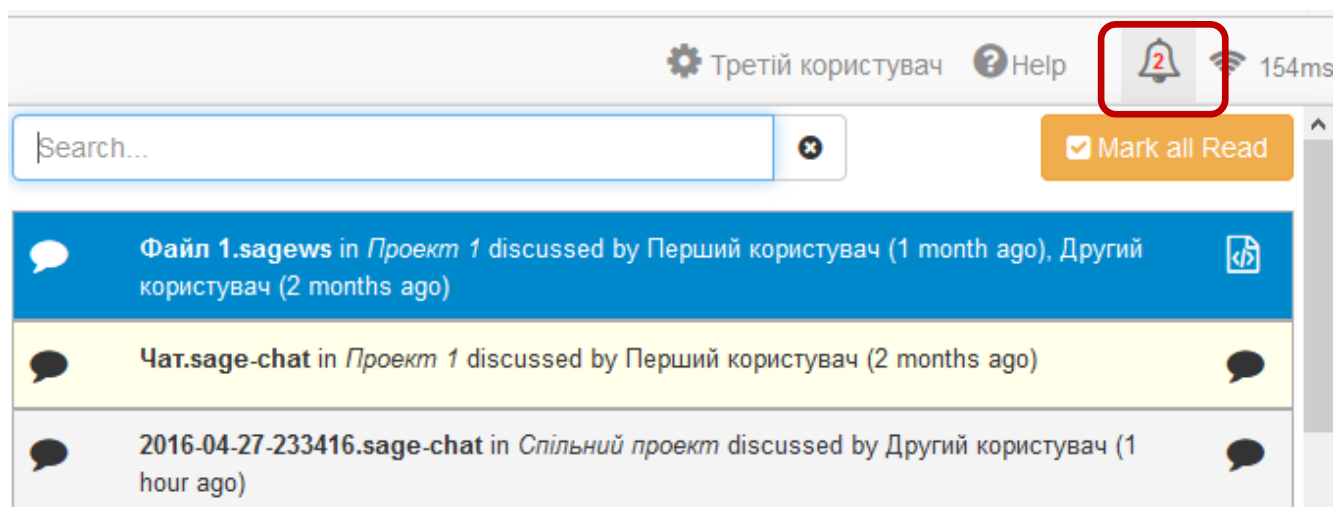


Рис. 3.7. Сповіщення про нові повідомлення в чаті

У чаті не відображається повне ім'я користувача, а лише його граватар. При наведенні курсору миші на граватар, з'явиться спливаюча підказка стосовно повного імені користувача.

Робочий аркуш SageMath є основним файлом проекту, в ньому відбувається введення команд користувача (Додаток 3) та відображаються результати обчислень.

Спілкування у «кімнатах» текстового чату (рис. 3.8) або відеочату ресурсу типу *sagews* можливе лише для учасників проекту.

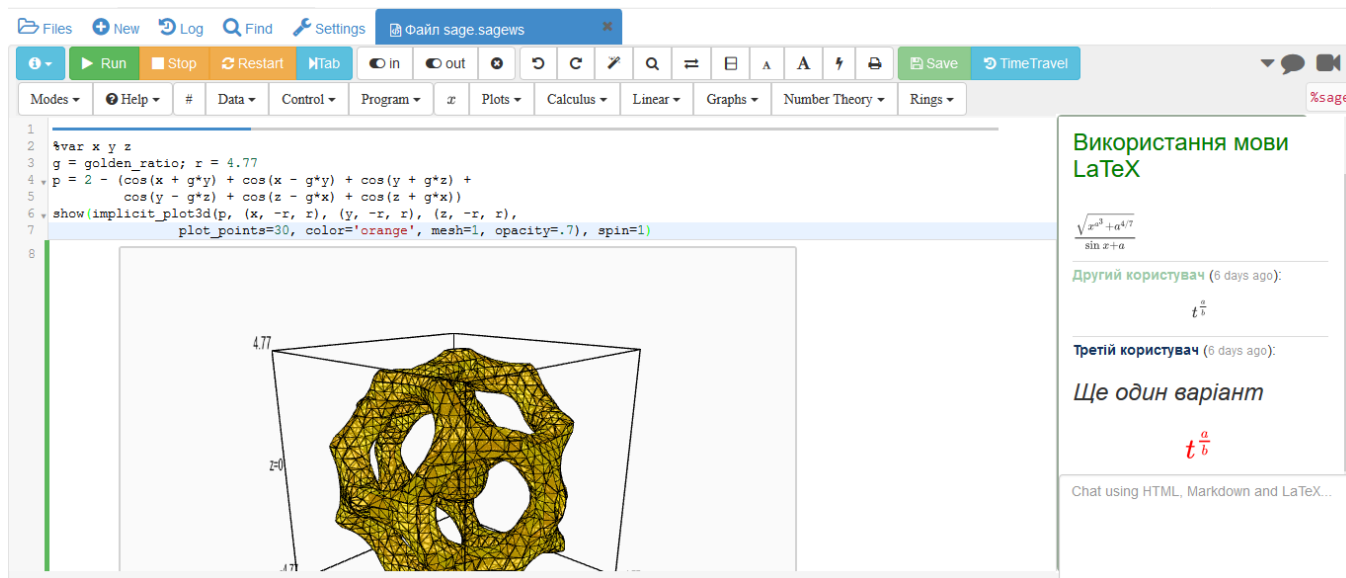


Рис. 3.8. Ілюстрація змісту текстового чату

Принцип роботи «кімнати» чату ресурсу типу *sagews* аналогічний до вище описаного.

Переглянути всю історію змін вмісту *sagews*-ресурсу можна на сторінці, що відкриється після натискання однойменної кнопки «Time Travel» (рис. 3.9). В історії зберігаються записи про всі зміни, що здійснені або самим автором проекту, або будь-ким із учасників. Пересуваючи повзунок, можна проглянути всі зміни у файлі. Початкова позиція повзунка відповідає моменту створення файлу. Якщо файл не змінювали і не редагували, в ній буде зазначено «Revision 0». Біля кожної зміни вказано дату та час. Остання позиція повзунка – останні зміни, що були здійснені під час редагування файлу.

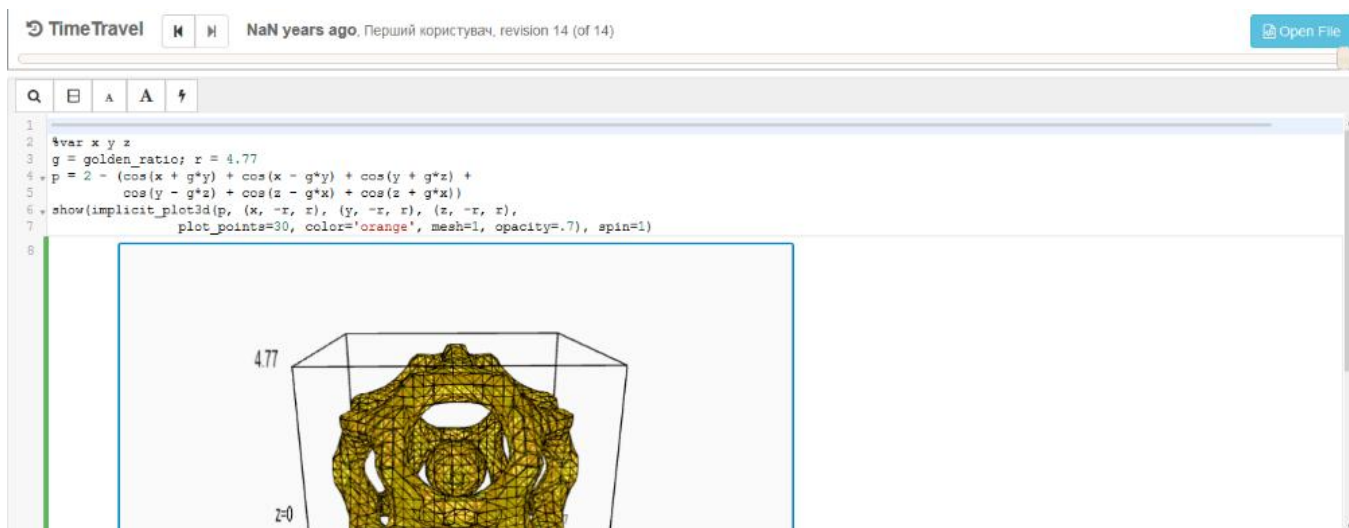


Рис. 3.9. Сторінка історії роботи з файлом

Працюючи над одним навчальним ресурсом користувачі мають змогу бачити розташування курсорів один одного та піктограми тих учасників проекту, котрі в даний момент звернулись до файлу (рис. 3.10).

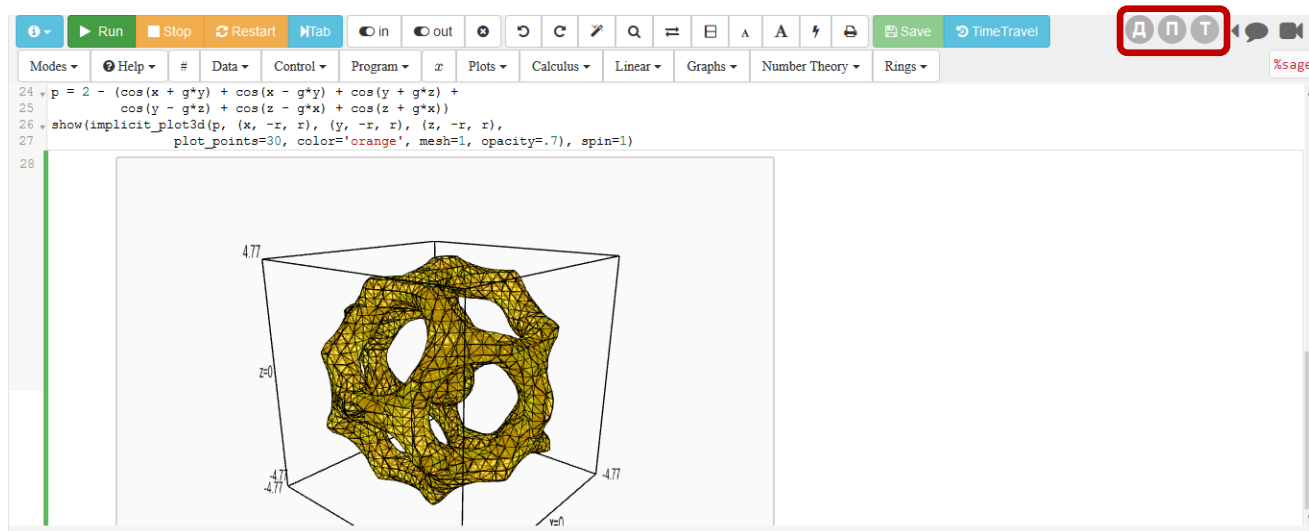


Рис. 3.10. Колективна робота над ресурсом типу sages

Для того, щоб організувати індивідуальну роботу з кожним студентом окремо, треба створити для кожного студента групи проект, наповнити його навчальними ресурсами та відкрити доступ лише для окремого користувача (студента). В результаті викладачу треба створити таку кількість проектів, скільки студентів в кожній академічній групі, при цьому повторюючи одні й ті самі дії десятки разів.

Для автоматизації даного процесу у SageMathCloud передбачено спеціальні ресурси (рис. 3.11) – навчальні курси (ресурси типу course).

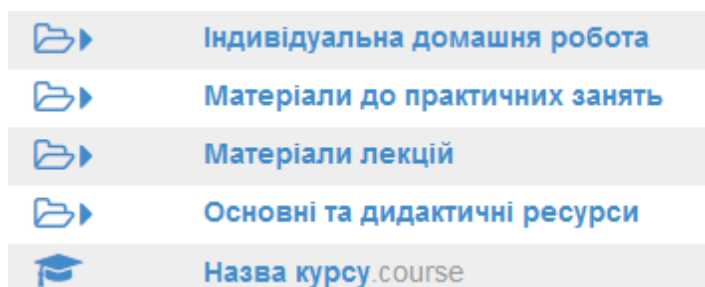


Рис. 3.11. Проект, що містить course-ресурс

Даний спосіб організації навчання у SageMathCloud дозволить викладачам контролювати процес виконання завдань студентами та здійснювати їх оцінювання.

Організація роботи з навчальними курсами

Для організації навчання у SageMathCloud в рамках навчального курсу рекомендується створити окремий проект, наповнити його навчальними матеріалами з дисципліни та додати навчальний курс як ресурс «Manage a Course» (рис. 3.12, 3.13).

+ Create new files in home directory of project

+ Create a new file or directory

Name your file, folder or paste in a link

Назва курсу

Select the type

SageMath Worksheet

Jupyter Notebook

LaTeX Document

>_ Terminal

Task List

Download from Internet (internet access blocked -- see project settings)

File

Folder

Manage a Course

Create a Chatroom

Рис. 3.12. Сторінка створення навчального курсу

Після створення навчального курсу настає черга одного з двох етапів – або додавання слухачів курсу, або визначення наявних у даному проекті навчальних матеріалів ресурсами курсу (порядок дій не є принциповим). Це можна виконати на відповідних сторінках після відкриття навчального курсу.

Сторінка навчального курсу має вигляд, що представлено на рис. 3.13:

- ярлик сторінки «Students» (відкривається за замовчуванням, для управління слухачами курсу);
- ярлик сторінки «Assignments» (для управління навчальними ресурсами курсу);
- ярлик сторінки «Settings» (для налаштування параметрів навчального курсу);
- ярлик сторінки «Shared Project» (для створення проекту, спільного для всіх студентів).

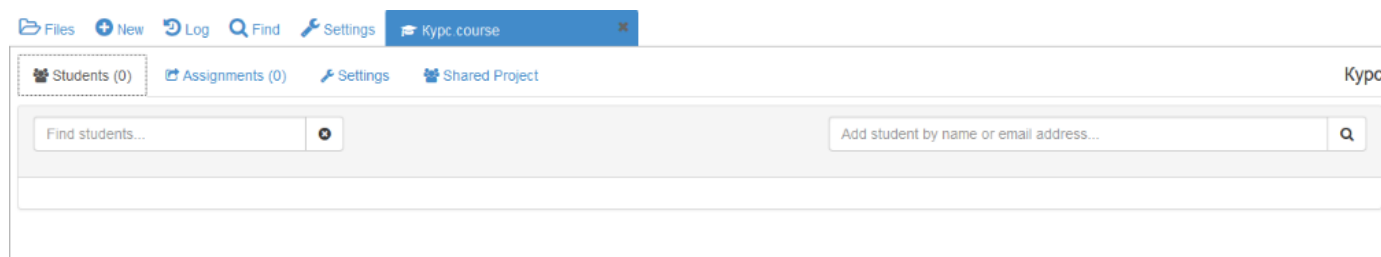


Рис. 3.13. Сторінка навчального курсу

Для додавання користувача до навчального курсу достатньо організувати його пошук за ім'ям (рис. 3.14) або адресою електронної поштової скриньки. У разі успішного пошуку (шукана особа має обліковий запис у SageMathCloud) із запропонованого списку потрібно обрати відповідний обліковий запис та додати його власника до переліку користувачів навчального курсу (рис. 3.15), натиснувши кнопку «Add selected student». Користувачів, які не мають облікового запису в SageMathCloud, також можна додати до навчального курсу за адресою їх електронної поштової скриньки. На вказану адресу автоматично надійде повідомлення стосовно їх включення до навчального курсу. Текст повідомлення можна змінити на сторінці «Settings».

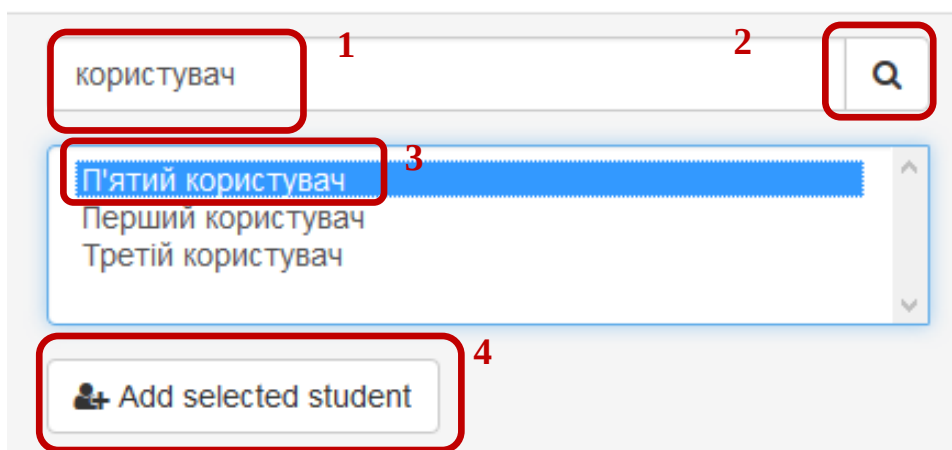


Рис. 3.14. Долучення користувача до курсу

Список користувачів курсу (сторінка «Students») містить такі відомості – прізвище та ім'я, електронна адреса, час останнього звернення та тип хостингу (рис. 3.15).

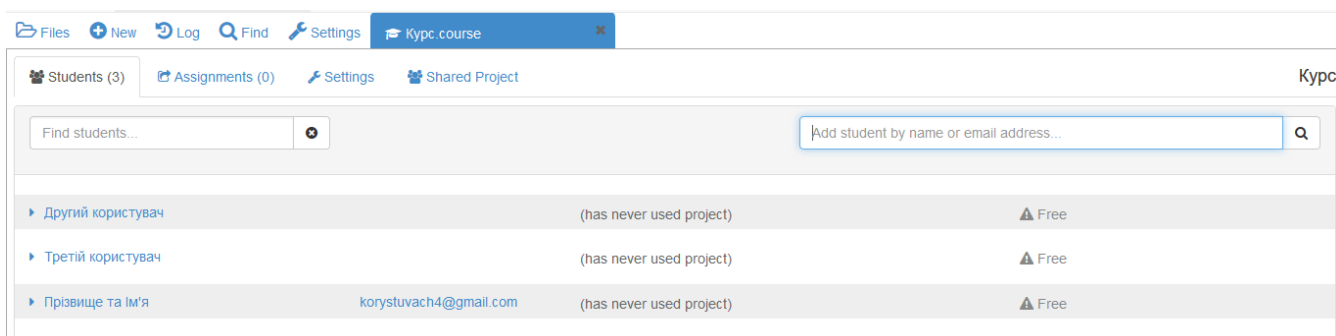


Рис. 3.15. Головна сторінка курсу: список студентів

Поле «Прізвище та ім'я» є гіперпосиланням, за допомогою якого можна відкрити вікно управління індивідуальним проектом студента (коли користувача включено до курсу в якості студента, автоматично створюється особистий проект, доступ до якого відкрито для викладача та студента) та його окремими навчальними матеріалами. Назва особистого проекту студента складається з імені користувача (студента) та назви проекту в якому розміщено навчальний курс (наприклад, Другий користувач - Назва курсу). Поле «Електронна адреса» буде заповнене лише у випадку, коли пошук користувача під час додавання до курсу, відбувався за адресою електронної скриньки. В полі «Час останнього звернення» за замовчуванням зазначено – «has never used project» (ніколи не працював з проектом). У останньому

полі списку за замовчуванням вказано значення «Free», що означає використання безкоштовного тарифного плану, в інших випадках – відповідні відомості про передплачений план користувача курсу.

Наповнення навчального курсу матеріалами (в подальшому – управління ними) здійснюється на сторінці «Assignments» (рис. 3.16). Процедура додавання навчальних матеріалів до курсу аналогічна до додавання слухачів курсу.

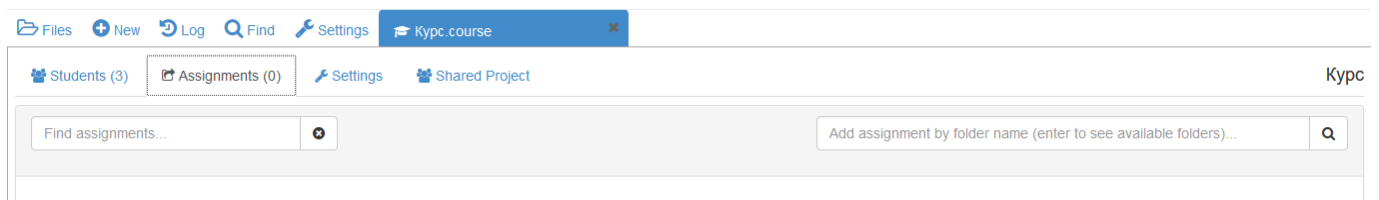


Рис. 3.16. Зовнішній вигляд сторінки «Assignments»

У результаті буде сформовано список навчальних матеріалів. Натиснувши на назву навчального матеріалу відкриється вікно його основних відомостей та дій із ним (рис. 3.17):

- кнопка «Open» – переглянути вміст навчального матеріалу;
- поле «Due» – зазначити дату та час виконання завдань (студент може переглянути кінцевий термін виконання завдання у файлі DUE_DATE.txt, що автоматично створюється та розміщується у папці із відповідним завданням);
- прапорець «Peer Grading» – управління можливістю студентів оцінювати один одного;
- кнопка «Delete» – видалити папку навчального матеріалу з курсу;
- кнопка «Assign» – виконати копіювання папки усім студентам курсу;
- список користувачів курсу, для персоналізованого управління навчальним ресурсом (папкою);
- поле для введення «Private Assignment Notes» – за замовчуванням порожнє, але його вміст доступний лише викладачам.

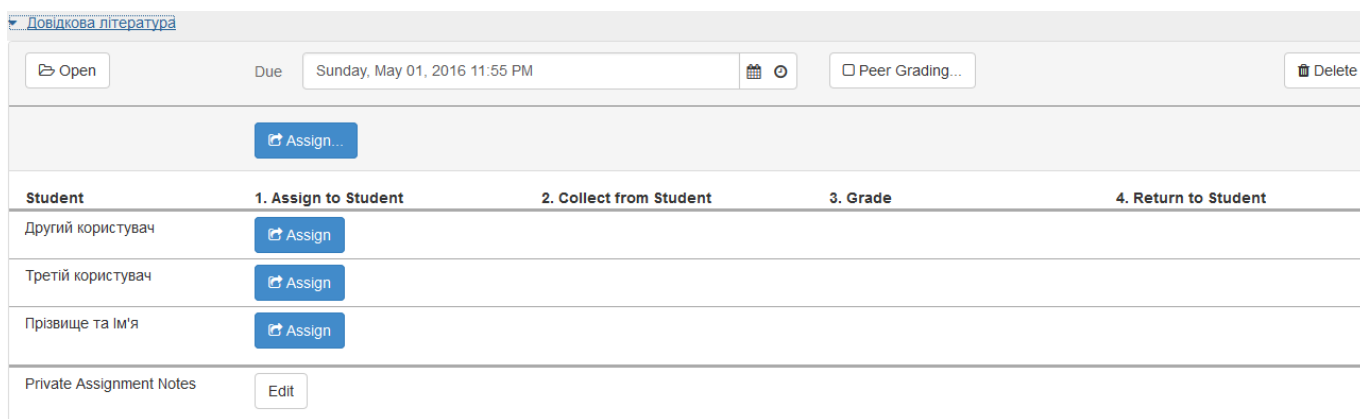


Рис. 3.17. Вікно основних відомостей папки курсу

Скопіювати навчальні матеріали усім студентам у власні проекти одночасно можна натиснувши кнопку «Assign», або окремо, навпроти певного студента. У разі призначення навчального матеріалу одночасно усім студентам курсу у вікні з'явиться діалог стосовно підтвердження дій (рис. 3.18).

Після копіювання завдання хоча б одному студенту курсу, над списком студентів у вікні загальних налаштувань папки з'являться кнопки, використання яких дозволить одночасно призначати завдання усім студентам курсу, збирати виконані завдання та повідомляти про оцінку (рис. 3.19).

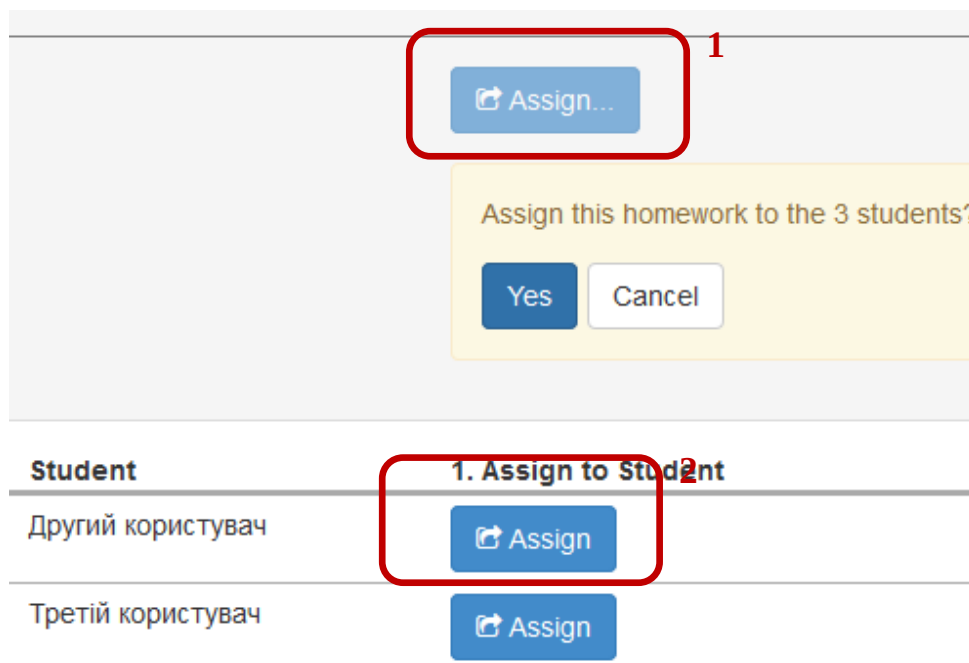


Рис. 3.18. Копіювання папки з навчальними ресурсами
(1 – всім студентам курсу, 2 – окремому студенту)

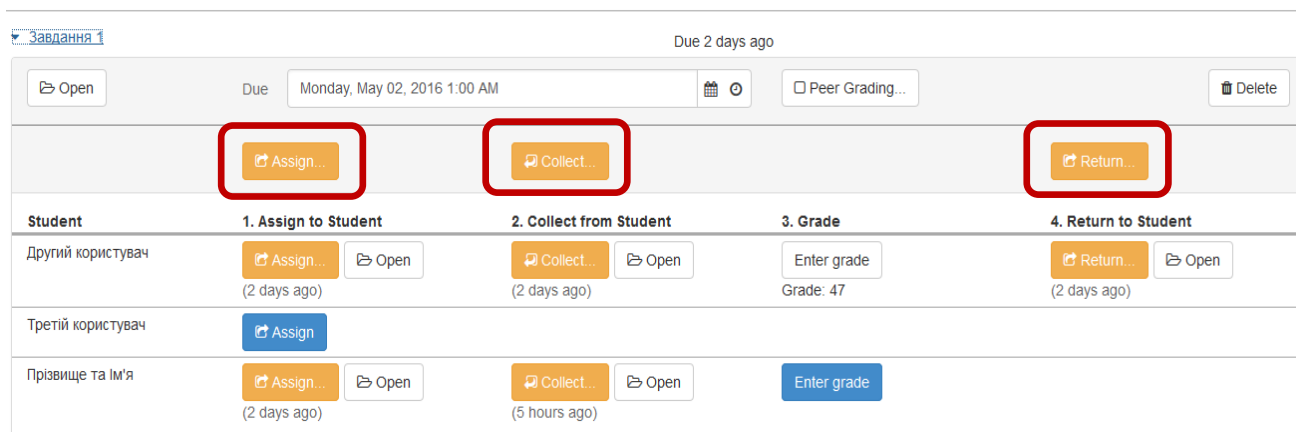


Рис. 3.19. Кнопки виконання дії одночасно для всіх студентів курсу

Assign – скопіювати/оновити папку навчальних матеріалів у індивідуальний проект кожного студента

Collect – зібрати/скопіювати папку навчальних матеріалів з виконаними завданнями кожного студента

Return – повідомити кожного студента стосовно поставленої оцінки

Значення полів даного списку повторюються у вікні управлінням індивідуальним проектом студента та його окремими навчальними матеріалами, сторінки «Students» (рис. 3.20), що містить кнопки «Open student project» та «Delete», список навчальних матеріалів та примітки.

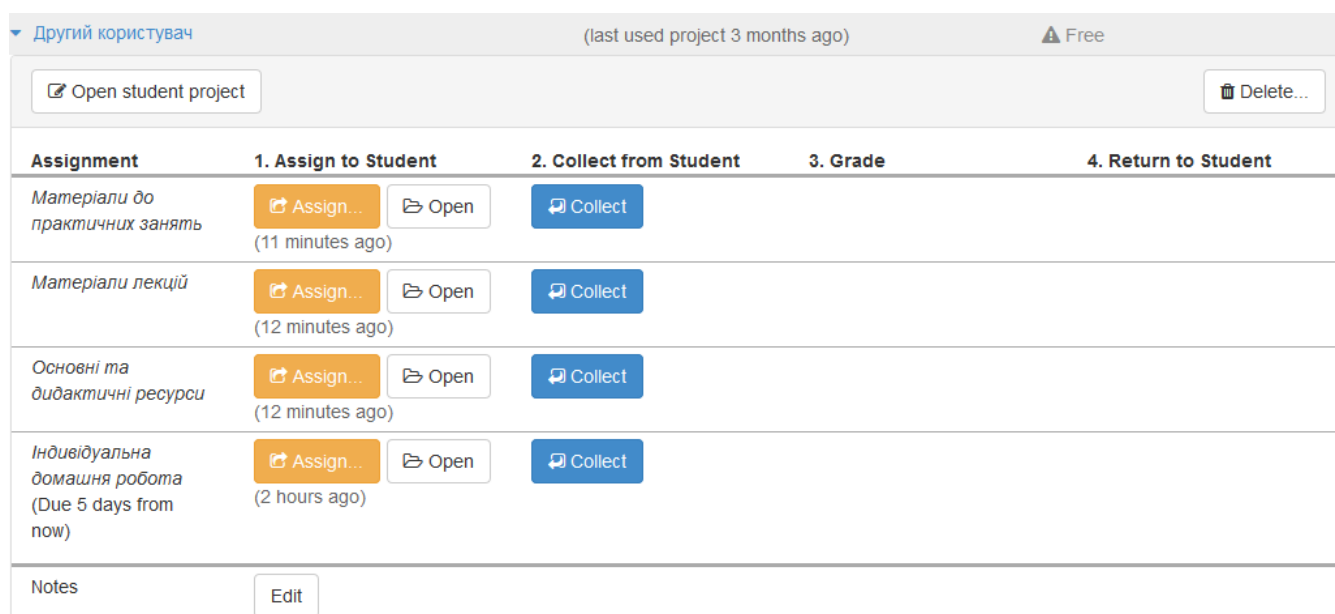


Рис. 3.20. Головна сторінка курсу: основні відомості студентів

Натиснувши кнопку «Open student project», можна одержати доступ до індивідуального проекту студента.

Список навчальних матеріалів складається з наступних полів (поля, що мають нумерацію в подальшому матимуть кнопки, за допомогою яких можна виконувати відповідні дії, що стосуються папки певного навчального матеріалу):

«Assignment» – список назв папок навчальних матеріалів (їх можна переглянути на сторінці «Assignments»):

«1. Assign to Student» – скопіювати/оновити папку навчальних матеріалів студенту до його власного проекту;

«2. Collect from Student» – зібрати/скопіювати папку навчальних матеріалів із власного проекту студента;

«3. Grade» – виставити оцінку;

«4. Return to Student» – повідомити студента про оцінку.

Поле для введення «Notes» за замовчуванням порожнє, його вміст доступний лише викладачу/викладачам.

У списку студентів на сторінці «Assignments» в кожному полі з'являться аналогічні кнопки (рис. 3.21), що слугують для виконання тих же самих дій, але для певного студента/студентів (рис. 3.22), за виключенням кнопки «Enter grade».

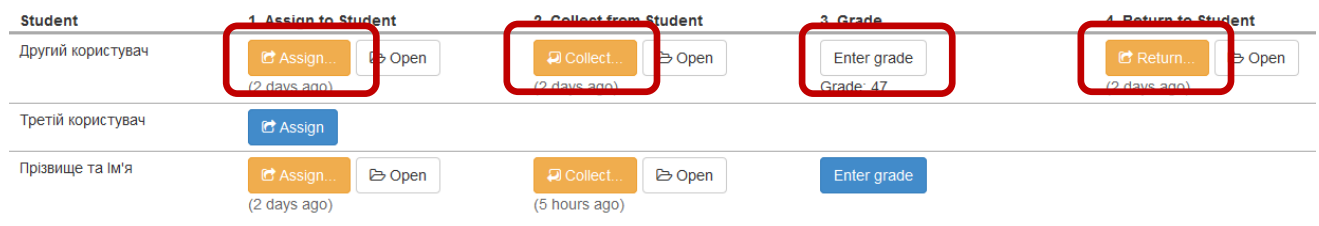


Рис. 3.21. Кнопки виконання дій для одного студенту курсу

Assign – призначити/скопіювати папку у власний проект студента

Collect – зібрати/скопіювати папку з виконаними завданнями студента

Enter grade – поставити оцінку студенту

Return – повідомити студента стосовно поставленої оцінки

Усі кнопки можна застосовувати повторно (вміст кожної папки матеріалів навчального курсу за потреби можна змінювати, студент може доопрацювати завдання тощо). Кнопки з'являються послідовно згідно покрокового виконання дій

(не можна призначити завдання студенту та одразу оцінити його, пропустивши етап перевірки виконаного завдання). Крім того, в списку студентів в кожному полі (за виключенням «3. Grade») існує кнопка «Open», що відкриває зміст папки на кожному етапі дій (рис. 3.60).

Student	1. Assign to Student	2. Collect from Student	3. Grade	4. Return to Student
Другий користувач	Assign (2 days ago) Open	Collect (2 days ago) Open	Enter grade Grade: 47	Return (2 days ago) Open
Третій користувач	Assign			
Прізвище та ім'я	Assign (2 days ago) Open	Collect (5 hours ago) Open	Enter grade	

Рис. 3.22. Кнопки «Open»

Навчальні матеріали, що були вже скопійовані, можна за потребою оновити. Процедура оновлення аналогічна до процедури копіювання. Якщо зміст папки змінено (в тому числі було внесено зміни до вже існуючих ресурсів), то старі версії навчальних ресурсів будуть збережені з наступною назвою: `назва.розширення~`.

Після натискання кнопки «Collect» в структурі проекту автоматично з'явиться папка з назвою, що відповідає назві ресурсу типу course та містить наприкінці «-collect». Її структура складатиметься з системи папок з виконаними завданнями та файлом, за яким можна встановити належність файлів власнику, що відповідатимуть певному студенту навчального курсу.

Коли ж викладач повідомляє студенту оцінку (поставити оцінку можна, натиснувши кнопку «Enter grade») за виконану роботу (кнопка «Return»), в проекті студента автоматично генерується папка з назвою папки завдань та в кінці додається «-graded». Зміст папки складатимуть ресурси, що переглянув викладач та автоматично створений файл з оцінкою.

На сторінці «Settings» загальних налаштувань ресурсу викладачеві можуть стати у нагоді наступні блоки:

– «Export grades» (рис. 3.23) – натиснувши на відповідну кнопку «CSV file...» або «Python file...», в структурі проекту буде створено файл із зазначенням усіх оцінок студентів обраного типу;

– «Customize email invitation» (рис. 3.24) – наведено текст повідомлення про включення користувача до курсу, що надійде на електронну поштову скриньку користувачу, якого включено до курсу, але який не зареєстрований в системі (за потреби текст повідомлення можна змінити натиснувши на кнопку «Edit»).

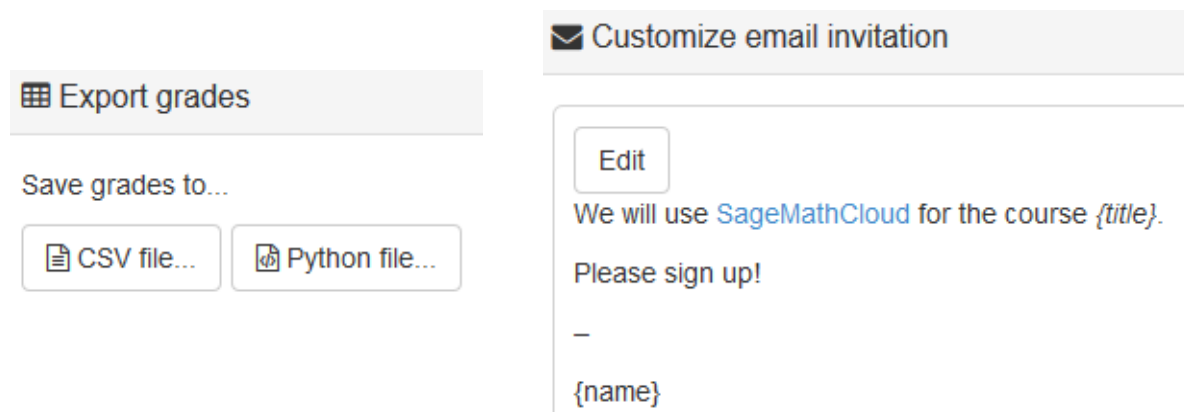


Рис. 3.23. Сторінка загальних налаштувань курсу:
блоки «Export grades» та «Customize email invitation»

На сторінці «Shared Project» можна створити спільний проект для усіх студентів навчального курсу, в якому кожен студент автоматично буде учасником (рис. 3.24).

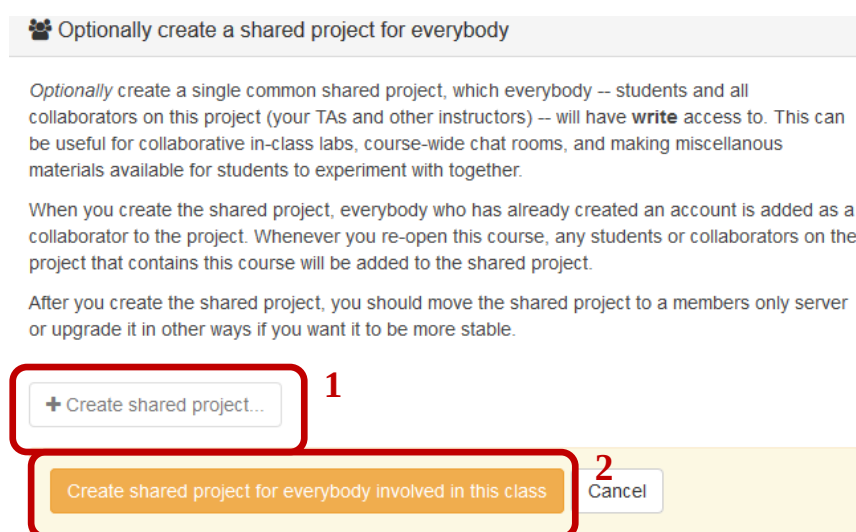


Рис. 3.24. Створення спільного проекту студентів ресурсу course

3.3 Форми організації навчання з використання SageMathCloud у формуванні професійних компетентностей майбутніх вчителів математики

До форм організації начального процесу можна віднести: лабораторні та практичні роботи, семінари [87]. Ми пропонуємо використовувати під час вивчення основ комплексного аналізу із застосуванням SageMathCloud наступні форми організації навчального процесу: практичні та лабораторні заняття. Практичне заняття покликано поглибити знання з даної дисципліни. Практичні заняття розвивають наукове мислення й мову, надають можливість перевірити знання студентів і постають як засіб оперативного зворотного зв'язку [87].

Можна запропонувати чотири способи використання хмарних сервісів в навчальному процесі:

- під час проведення лекцій (обговорень);
- семінарських занять;
- виконання домашнього (індивідуального) завдання;
- складання іспитів.

Використання хмарних сервісів як альтернатива традиційним презентаціям, може бути досить ефективною підтримкою під час проведення лекції. Якщо розробити лекційну демонстрацію засобами хмарного сервісу, то її можна застосовувати і під час обговорення на семінарському занятті. В процесі проведення лекції можна використати робочі аркуші, що містять:

- статичні демонстрації (найчастіше побудови на площині, без зміни вхідних параметрів);
- динамічні демонстрації (з змінними вхідними параметрами);
- заготовки програмного коду, без використання елементів управління (обчислення в реальному часі).

Презентацію можна також створити з використанням інструментарію хмарного сервісу. Єдина відмінність такої презентації буде в тому, що до слайдів є можливість включити програмний код та виконати певні обчислення [338]. Крім того, робочі аркуші можна експортувати до формату PDF та роздрукувати

заздалегідь підготовлені матеріали. Особливо це буде зручно для студентів, оскільки виконані індивідуальні роботи можна буде в подальшому включити до власної презентації не витрачаючи час та зусилля.

Пропонуємо практичне заняття поділити на декілька частин: 50-60 хвилин – виконання обчислень (практичної та дослідної частини) із використанням хмарного сервісу, 20-30 хвилин (із урахуванням того, що заняття розраховано на 80 хвилин) – пояснення ходу розв’язання, обговорення методів, пропонуючи нові ідеї та рішення. Завершити заняття можна опитуванням (анкетуванням) тривалістю 5 хвилин. Протягом проведення практичного заняття викладач має приділяти час індивідуально кожному студенту: оцінити виконану роботу або ж допомогти.

Ураховуючи застосування SageMathCloud під час проведення практичного заняття ми пропонуємо дещо змінити його структуру (табл. 3.4).

Таблиця 3.4

Структура проведення практичного заняття

Класична	З використанням SageMathCloud
а) вступ викладача; б) відповіді на запитання студентів щодо незрозумілого матеріалу; в) практична частина як планова; г) заключне слово викладача.	а) повторення основних теоретичних положень; б) колективна співпраця студентів (відповіді на запитання один одного засобами чату щодо незрозумілого матеріалу); в) робота групи студентів з одним навчальним ресурсом; г) практична/дослідна частина як планова (включає самостійну роботу); д) виправлення помилок, оцінювання виконаної роботи.

Найбільш розповсюджені форми організації навчальної діяльності: розв’язання задач, тренувальні вправи, спостереження, експерименти.

Самостійна робота поєднує відтворювальні й творчі процеси в діяльності студента. Тому, враховуючи застосування хмарного сервісу, три рівні самостійної діяльності студентів дещо видозміняться, набудуть іншого характеру (рис. 3.25).

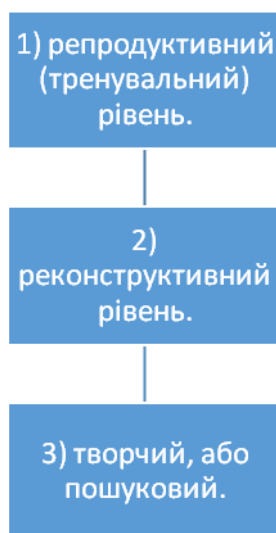


Рис. 3.25. Етапи виконання індивідуального завдання/самостійної роботи

1) репродуктивний (тренувальний) рівень (перший етап самостійної роботи). Тренувальні самостійні роботи виконуються за зразком розв’язання завдань (як правило, перші дві-три роботи). Зразки краще подавати у вигляді готових файлів з виконанням аналогічних завдань, з численними коментарями. При цьому треба чергувати теоретичні блоки завдання з практичними. Пізнавальна діяльність студента проявляється в пізнанні, осмисленні, запам’ятовуванні. Ціль таких робіт – закріплення знань, формування умінь і навичок;

2) реконструктивний рівень (другий етап самостійної роботи). Студенти використовують попередні знання та вивчають нові функції, методи використовують довідку, додаткову літературу. Новий матеріал подається в стислій формі;

3) творчий, або пошуковий (останній етап самостійної роботи). Творча самостійна робота вимагає аналізу індивідуального завдання, отримання нових

даних. Студент повинен самостійно обрати засоби та методи, функції використовуючи довідку та додаткові джерела.

Слід відмітити, що в процесі вивчення дисципліни усі студенти проходять кожен з вищеописаних етапів. При чому цей процес являється висхідним: від першого до третього (найвищого, останнього).

Що ж стосується контролю та оцінювання успішності студентів в навчальному процесі, то в системі SageMathCloud реалізовано значні потужності задля виконання поставлених завдань.

До основних завдань діагностування навчальних досягнень студента належать:

- визначення рівня сформованості професійних компетентностей студентів;
- виявлення, перевірка та оцінювання рівня здобутих знань, умінь та навичок студентів і якості засвоєння ними навчального матеріалу з конкретної дисципліни;
- порівняння фактичних результатів навчально-пізнавальної діяльності із запланованими;
- оцінювання відповідності змісту, форм, методів і засобів навчання меті і завданням підготовки фахівців відносно галузевій компоненті державних стандартів освіти з певної спеціальності;
- стимулювання систематичної самостійної роботи та пізнавальної активності студентів;
- виявлення і розвиток творчих здібностей, підвищення зацікавленості у вивченні навчального матеріалу;
- оцінювання ефективності самостійної роботи студентів;
- виявлення кращого досвіду та розроблення заходів для підвищення якості навчання шляхом впровадження у навчальний процес інноваційних технологій.

Досягти поставлених завдань дозволить контроль як з боку викладача за діями окремого студента, так і взаємоконтроль студентів, перегляд дій у спільному/груповому проекті, перегляд дій з навчальним ресурсом окремого студента, коментування виконаних завдань, обговорення способів їх виконання і, самі одержані результати.

Використання робочих аркушів під час проведення іспитів вимагає подальших досліджень. Студент, проходячи, як і будь-який обчислювальний іспит онлайн, може мати проблеми під час розв'язання часткових випадків одного з завдань. Проте, можливість скласти іспит не виходячи з дому, вирішує проблему обмеження студентів у часі. Але в цьому випадку стане під сумнів самостійність виконаних завдань. Тому на даній стадії розвитку хмарних сервісів, краще обмежитись виконанням індивідуальних та домашніх робіт [338].

3.4 Хмарний сервіс SageMathCloud як засіб навчання математичних дисциплін

Одним зі шляхів інтенсифікації навчального процесу, в зв'язку зі збільшенням частки навчального матеріалу, що відводиться на самоопрацювання є застосування комп'ютерних засобів. «Використання ІКТ у самостійній роботі студентів збільшує кількість способів та методів подання навчальних завдань, призначених для самостійного опрацювання. Зокрема з'явилася можливість використання студентами у самостійній роботі спеціальних завдань на планування та контроль самостійної навчальної діяльності, в яких прямим продуктом є формування вміння визначати стратегію розв'язання, планувати процес виконання діяльності, контролювати його, знаходити й виправляти помилки» [298, с. 177]. Комп'ютерні засоби навчання дають змогу студентам раціонально розподіляти час на самопідготовку та самостійне опрацювання тем. «Як відомо, самоосвіта передбачає не тільки неперервне засвоєння знань особистістю, а й неперервний педагогічний вплив на неї з боку інших суб'єктів, де особливе значення має зв'язок навчальної діяльності з суспільно-практичною діяльністю» [176, с. 94].

Основна функція у навчальному процесі ВНЗ залишається за традиційними методами навчання. Комп'ютерні засоби навчання виконують лише «допоміжну роль». Навіть якщо окреслити потенційні можливості використання комп'ютерних засобів (сприяють розвитку мислення, надають можливість використати ігрові моменти під час виконання творчих завдань, стимулюють інтерес до пошуку даних,

мотивують до вивчення дисципліни тощо) у практиці ВНЗ, вони, на жаль, повною мірою не використовуються» [176].

Найголовнішою перевагою використання SageMathCloud, в порівнянні з традиційними засобами навчання є те, що студенти можуть вільно спілкуватись як з викладачем, так і з іншими своїми колегами, користувачами в процесі виконання завдань, не обмежуючи це спілкування лише тими годинами, що відводяться на проведення практичних чи лекційних занять. Група студентів може обговорювати між собою в чат-кімнаті хмарного сервісу основні проблеми в ході вивчення нової теми як у навчальному закладі, так і в себе вдома. Чат-кімнати можна використати під час організації викладачем групових форм роботи (наприклад робота групи студентів відбувається в межах одного робочого аркуша, в той час як інші студенти в чаті коментують кожну дію своїх колег). Іншим варіантом організації колективної роботи студентів є обмін робочими аркушами між групами, на які поділено потік студентів (академічну групу) та обговорення засобами комунікації успішності виконання обчислень, вдалого застосування того чи іншого прийому, методу.

Поєднання комбінованого тексту, програмного коду та розв'язку завдання в межах одного робочого аркуша кардинально відрізняється від нинішніх парадигм і варто дослідити більш детально, як новий засіб навчання, в першу чергу математичних дисциплін.

Використання SageMathCloud сприяє розвитку нових способів управління навчальними матеріалами, оскільки студентам не треба додатково встановлювати та налагоджувати програмне забезпечення спеціального призначення, достатньо авторизуватись та розпочати роботу. Викладач зможе організувати проведення дослідження одночасно декількох груп студентів. При цьому одночасна реєстрація студентів групи відбувається легко, не вимагає додаткових витрат технічних та програмних ресурсів.

Наприклад, якщо розглядати чисельні методи, то вони є практично найпоширенішими, проте найчастіше використовують лише аналітичні методи. Це пояснюється тим, що аналітичні методи мають простіший числовий розв'язок. Використання SageMathCloud задля розв'язання нелінійних алгебраїчних рівнянь,

чисельного інтегрування на початковому етапі вивчення математичної дисципліни надасть змогу глибше опанувати теми, розглянути більшу кількість прикладів. Завдяки використанню хмарного сервісу, студенти отримують більш реалістичне уявлення про діапазон аналітичних методів. Не зважаючи на те, що в редакторі програмного коду є можливість використання мови Python, спеціально вивчати мову програмування немає необхідності. В цілому в процесі роботи використовується близько сімдесяти команд Sage. Крім того, можна використовувати автодоповнення назви команди, якщо користувач пам'ятає лише перші літери функції. Стосовно окремої команди можна викликати довідку (з декількома прикладами використання) та переглянути синтаксис, поставивши наприкінці знак питання.

Робоча область ресурсу типу `sagews` складається з прямокутних комірок програмного коду, які незалежні одна від одної (сприймаються як окремі частини) та блоків відображення результатів виконання програмного коду відповідних комірок (рис. 3.26).

The screenshot displays the SageMath web interface. It shows a code cell with the following Python code:

```

1
2 for i in range(5):
3     print i
4
5
6 numerical_integral(1 + x + x^2, 0, 3)[0]
7     16.500000000000004
8
9 integrate(1 + x + x^2, x)
10     1/3*x^3 + 1/2*x^2 + x
11

```

The output of the code is displayed in a separate block below the code cell. The output consists of the numbers 0, 1, 2, 3, and 4, followed by the numerical result 16.500000000000004, and finally the symbolic expression $\frac{1}{3}x^3 + \frac{1}{2}x^2 + x$.

Рис. 3.26. Робоча область ресурсу типу `sagews`

Поточною будемо вважати таку комірку, в якій розташовано курсор миші. Над прямокутними комірками розміщені горизонтальні смуги (рис. 3.27: мітка а-в), а ліворуч від блоку виведення результатів виконання програмного коду, – зелені вертикальні (рис. 3.27: мітка г).

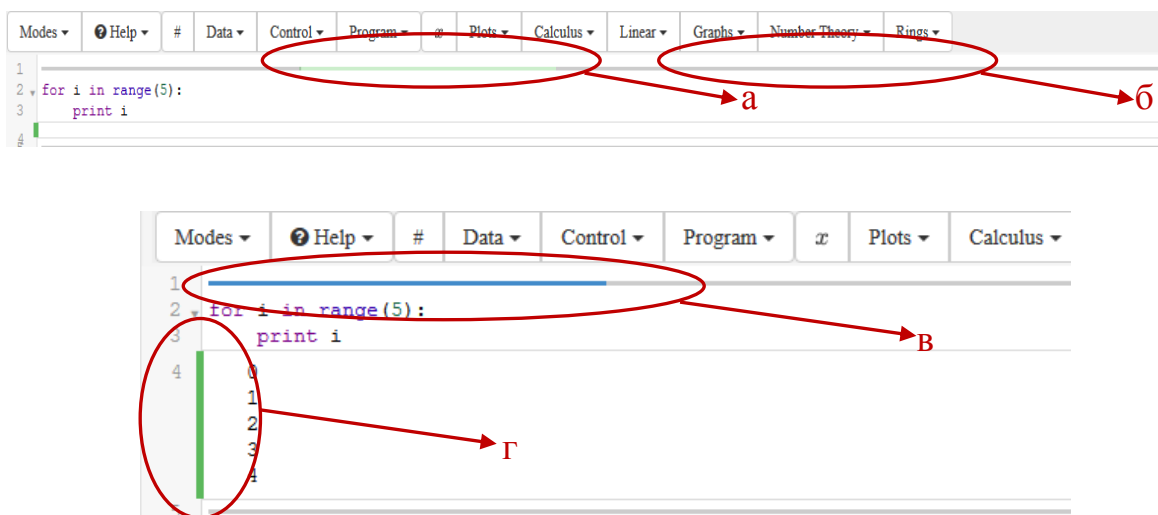


Рис. 3.27. Кольорові смуги

а – зелена горизонтальна смуга інформує, що відбувається виконання програмного коду в поточній комірці

б – сіра смуга надає можливість розділити поточну комірку на дві

в – синя смуга інформує, що виконання програмного коду в поточній комірці завершено

г – зелена вертикальна смуга обмежує блок відображення результатів виконання програмного коду в поточній комірці

Автоматичне доповнення назви функції в SageMathCloud (Додаток Г, табл. Г.1) значно спрощує процес введення команд: достатньо вказати перші літери назви команди та натиснути сполучення клавіш Ctrl + пропуск, користувач отримає список команд, що починаються з послідовності вказаних символів (рис. 3.28).

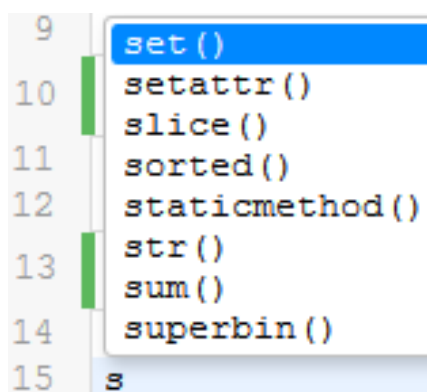


Рис. 3.28. Автоматичне доповнення назви функції: список команд

Автоматичне доповнення команд SageMath (Додаток Г, табл. Г.1) можливе за рахунок зазначення перших символів назви команди SageMath та натискання

клавіші Tab (рис. 3.29). Користувачу буде запропоновано список, який складатиметься із послідовності введених символів.

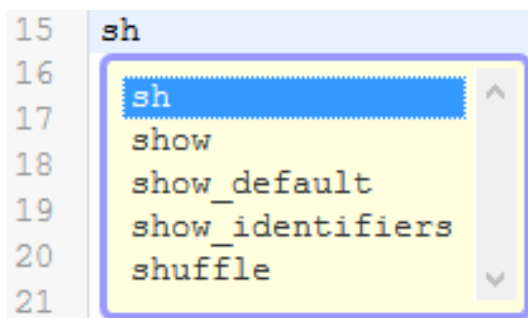


Рис. 3.29. Автоматичне доповнення команд Sage

Виконати програмний код в комірці можна двома способами:

1. Натиснувши комбінацію гарячих клавіш Shift + Enter (Додаток Г, табл. Г.1).
2. Натиснувши кнопку «Run», яка була розглянута раніше.

Керувати виконанням програмного коду можна використовуючи відповідні кнопки стандартної панелі інструментів (рис. 3.30: мітки 2-5).

Для того, щоб переглянути довідку стосовно синтаксису певної функції, треба внести її повну назву в комірку для введення та знак питання: назва_команди?. Після цього запустити виконання програмного коду одним із способів, щоб отримати довідку в блоці відображень результатів виконання програмного коду, або натиснути клавішу Tab, задля виведення довідки в окремому вікні (рис. 3.31).

Ввівши після назви функції два знаки питання ?? та запустивши програмний код (або натиснувши клавішу Tab), можна переглянути її програмний код (рис. 3.33).

Після виведеного результату на робочому листі автоматично з'являється нова комірка для введення команди. Додати нову комірку до робочої області аркуша можна натиснувши на сіру лінію, яка постійно знаходиться над будь-якою коміркою (рис. 3.27: мітка б). Вилучення зайвої порожньої комірки виконується клавішею Backspace (видалити попередню комірку по відношенню до курсора) або Delete (видалити наступну комірку по відношенню до курсора).

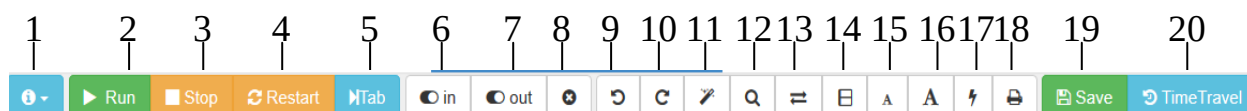


Рис. 3.30. Стандартна панель інструментів

- 1 – кнопка-список дій над файлом
- 2 – *Run* – кнопка виконати обчислення в поточній комірці
- 3 – *Stop* – кнопка зупинити обчислення в поточній комірці
- 4 – *Restart* – кнопка перезавантажити обчислення в комірці
- 5 – *Tab* – кнопка виставити табуляцію
- 6 – *in* – кнопка відобразити (приховати) програмний код поточної комірки
- 7 – *out* – кнопка відобразити (приховати) результати виконання програмного коду поточної комірки
- 8 – кнопка видалити результати виконання програмного коду поточної комірки
- 9 – кнопка відмінити останню дію
- 10 – кнопка повернути останню дію
- 11 – кнопка автоматичну табуляцію виділеного фрагменту
- 12 – кнопка виконати пошук за ключовим словом
- 13 – кнопка виконати пошук та замінити виділений фрагмент
- 14 – кнопка дублювати вікно редактора (вертикально, горизонтально) / відмінити режим дублювання вікна
- 15 – кнопка збільшити шрифт
- 16 – кнопка зменшити шрифт
- 17 – кнопка перейти до рядка за вказаним номером
- 18 – кнопка конвертувати файл в формат .pdf (лише за умови одноосібного використання проекту) з можливістю подальшого друку
- 19 – *Save* – кнопка зберегти
- 20 – *Time Travel* – кнопка показати історію роботи з файлом

```
plot?
```

```
File: /projects/sage/sage-6.10/local/lib/python2.7/site-packages/sage
Signature : plot(funcs, exclude=None, fillalpha=0.5, fillcolor='auto')
Docstring :
Use plot by writing

"plot(X, ...)"

where X is a Sage object (or list of Sage objects) that either is
callable and returns numbers that can be coerced to floats, or has
a plot method that returns a "GraphicPrimitive" object.

There are many other specialized 2D plot commands available in
Sage, such as "plot_slope_field", as well as various graphics
primitives like "Arrow"; type "sage.plot.plot?" for a current list.
```

Рис. 3.31. Довідка з функції у полі відображення результатів

plot?

x

```
File: /projects/sage/sage-6.10/local/lib/python2.7/site-packages/sage/misc/decorators.py
Signature : plot(funcs, exclude=None, fillalpha=0.5, fillcolor='automatic', detect_poles=False, plot_points=200, thickness=1, adaptive_tolerance=
Docstring :
Use plot by writing

"plot(X, ...)"

where X is a Sage object (or list of Sage objects) that either is
callable and returns numbers that can be coerced to floats, or has
a plot method that returns a "GraphicPrimitive" object.
```

Рис. 3.32. Довідка з функції у окремому вікні

```
G_kwds = Graphics._extract_kwds_for_show(kwds, ignore=['xmin', 'xmax'])

original_opts = kwds.pop('__original_opts', {})
do_show = kwds.pop('show', False)

from sage.structure.element import is_Vector
if kwds.get('parametric', False) and is_Vector(funcs):
    funcs = tuple(funcs)

if hasattr(funcs, 'plot'):
    G = funcs.plot(*args, **original_opts)
# if we are using the generic plotting method
else:
    n = len(args)
    # if there are no extra args, try to get xmin,xmax from
    # keyword arguments or pick some silly default
    if n == 0:
        xmin = kwds.pop('xmin', -1)
        xmax = kwds.pop('xmax', 1)
        G = _plot(funcs, (xmin, xmax), **kwds)
```

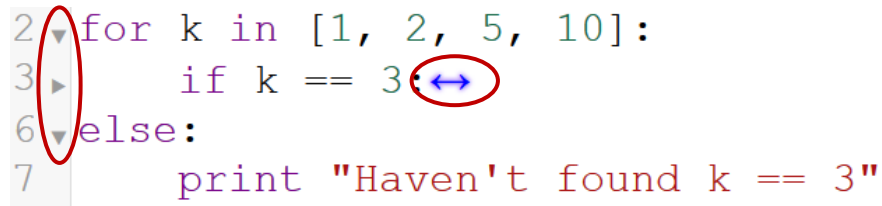
Рис. 3.33. Сторінка фрагменту програмного коду функції plot()

За замовчування робочий лист налаштований на роботу з командами SageMath. Вибрати інший режим можна у списку додаткової панелі інструментів для команд SageMath (кнопка-список «Modes») або командою виду %назва_режиму (перелік усіх можливих режимів роботи можна переглянути, звернувшись до елемента списку списку «Help» Magic mode commands).

Для того, щоб приховати/показати програмний код комірки, результатів виконання програмного коду, видалити програмний код на стандартній панелі інструментів передбачена група кнопок (рис. 3.30: мітки 6-8).

За замовчуванням усі дії, виконані в робочому аркуші, зберігаються автоматично. На випадок технічних проблем передбачена кнопка «Save».

Використовуючи логічні конструкції, цикл чи функцію користувача, можна за допомогою сполучення гарячих клавіш Ctrl + Q, або використовуючи відповідні кнопки (рис. 3.34) згорнути/розгорнути блоки програмного коду.



```

2 ▼ for k in [1, 2, 5, 10]:
3   ► if k == 3: ◄
6 ▼ else:
7     print "Haven't found k == 3"

```

Рис. 3.34. Кнопки згортання/розгортання блоків програмного коду

Також передбачена можливість роботи з відображенням декількох курсорів окремо – гарячі клавіші Ctrl + ЛКМ (ЛКМ – ліва кнопка миші). Інші сполучення гарячих клавіш для роботи в редакторі будь-якого файлу, в тому числі і в робочому аркуші розглянуто в Додатку Г.

Форматування текстів

Використання HTML-команд

Оформлення робочого аркуша передбачає використання мови HTML. Існує два способи додати форматований текст мовою HTML до робочого аркуша:

- 1) обрати відповідний режим роботи з випадаючого списку «Modes» (рис. 3.35) або командою виду %html;
- 2.) за допомогою функції `html()`.

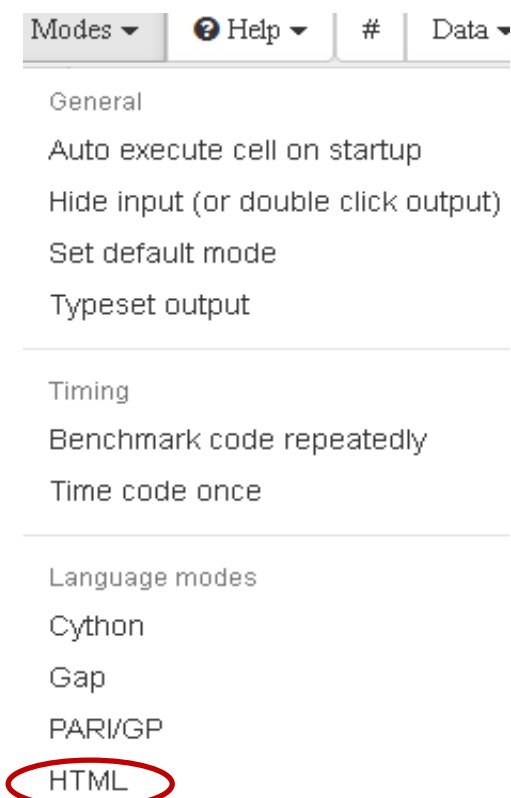


Рис. 3.35. Режим мови HTML

Обравши перший спосіб, в комірці після команди `%html` можна вводити текстову частину з використанням тегів мови HTML або ж застосовуючи кнопки на панелі інструментів (рис. 3.36).



Рис. 3.36. Панель інструментів – Форматування: мова HTML

Приклад змістової частини робочого аркуша (рис. 3.37):

```
%html
<div align='justify'><font face='Times New Roman'
size=5><em>Завдання 12.</em>
Ребро правильного тетраедера <em>a</em>.
```

```
Побудувати рівносторонній конус, коло основи якого вписано в грань
тетраедера.</font></div>
```

6 **Завдання 12.** Ребро правильного тетраедера a . Побудувати рівносторонній конус, коло основи якого вписано в грань тетраедера.

Рис. 3.37. Текстовий блок робочого аркуша

Під час роботи в режимі мови HTML до форматowanego тексту не має можливості додати значення змінної чи виразу.

Другий спосіб полягає в тому, що теги мови HTML (рис. 3.38) застосовуються всередині функції `html()`, синтаксис якої: `html("Символьний рядок")`. Якщо ж додамо форматування за рахунок тегів HTML: `html("<Тег>Символьний рядок</Тег>")`.

```
html("<div align='justify'><font face='Times New Roman'
size=5><em>Завдання 12.</em> Ребро правильного тетраедера <em>a</em>.
Побудувати рівносторонній конус, коло основи якого вписано в грань
тетраедера.</font></div>")
```

3 | *Завдання 12. Ребро правильного тетраедера a . Побудувати рівносторонній конус, коло основи якого вписано в грань тетраедера.*

Рис. 3.38. Використання функції `html()`

При цьому комірку з програмним кодом буде приховано. Для її відображення достатньо двічі натиснути лівою кнопкою миші на результатах обчислень комірки.

Для того, щоб додати до символьного рядка значення змінної (рис. 3.39) треба вказати відповідний специфікатор (табл. 3.5) та змінну:

```
%var x1
x1=7
html("<div align='justify'><font face='Times New Roman'
size=5><em>Завдання 4.</em> Обчислити значення виразу в точці <em>x =
%s</em>.</font></div>"%x1)
```

5 | *Завдання 4. Обчислити значення виразу в точці $x = 7$.*

Рис. 3.39. Включення до символьного рядка значення змінної

Якщо формат змінної важко визначити, за замовчуванням використовують `%s`. Даний специфікатор виводить будь-який тип змінної та символьний вираз (без математичного форматування).

Основні специфікатори мови Python

Специфікатор	Формат представлення значення змінної
%d, %i, %u	десятькове число
%o	число у вісімковій системі числення
%x	число у шістнадцятковій системі числення (літери у нижньому регістрі)
%X	число у шістнадцятковій системі числення (літери у верхньому регістрі)
%e	число з плаваючою точкою в експоненціальному форматі (експонента у нижньому регістрі)
%E	число з плаваючою точкою в експоненціальному форматі (експонента у верхньому регістрі)
%f, %F	число з плаваючою точкою
%g	число з плаваючою крапкою в експоненціальному форматі (експонента у нижньому регістрі), якщо порядок менше за -4 або більше за 4
%G	число з плаваючою крапкою в експоненціальному форматі (експонента у верхньому регістрі), якщо порядок менше за -4 або більше за 4
%c	символ
%r	рядок (літерал Python)
%s	рядок

Для того, щоб додати до символьного рядка декілька змінних, потрібно вказати таку кількість специфікаторів, скільки треба виводити змінних та вказати їх через кому в круглих дужках після рядка виведення (рис. 3.40):

```
%var x1,x2
x1=7
x2=-3

html("<div align='justify'><font face='Times New Roman'
size=5><em>Завдання 4.</em> Обчислити значення виразу в точці <em>x =
%s</em> та <em>x = %s</em>.</font></div>"%(x1,x2))
```

6

Завдання 4. Обчислити значення виразу в точці $x = 7$ та $x = -3$.

Рис. 3.40. Включення до символьного рядка значень декількох змінних

Використання LaTeX-команд

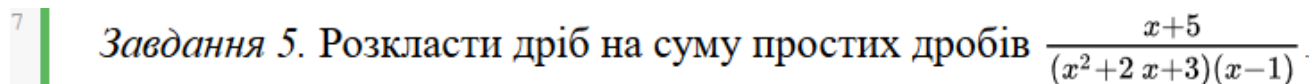
Додати математичний текст до ресурсу типу `sagews` може знадобитись в двох випадках.

- 1) до змістової частини робочого аркуша;
- 2) в якості підпису до графічної побудови.

Математичний текст формується за рахунок використання мови LaTeX. Команда мови LaTeX розміщується між символами `$...$` (формула в середині рядку) або `$$...$$` (формула окремо від тексту, з нового рядка, вирівнювання – по центру).

Для того щоб вивести вираз, з використанням математичного форматування треба застосувати мову LaTeX, вказати специфікатор `%s` (оскільки вираз – це рядок) та скористатись функцією `latex()`, аргументом якої виступає ім'я символічного виразу (рис. 3.41):

```
f=(x+5)/((x^2+2*x+3)*(x-1))
html("<font face='Times New Roman' size=5><i>Завдання 5.</i>
Розкласти дріб на суму простих дробів
<strong>$$s$</font></strong>."<%latex(f)>
```



Завдання 5. Розкласти дріб на суму простих дробів $\frac{x+5}{(x^2+2x+3)(x-1)}$.

Рис. 3.41. Додавання математичного виразу до змістової частини

Додати математичний текст до ресурсу типу `sagews` можливо також в якості підпису до графічної побудови. В середині текстового рядка додаємо мову LaTeX між символами `$...$` або `$$...$$` (рис. 3.42):

```
vector([2,2/3]).plot(aspect_ratio=1)+text(r"$z_1=2+\frac{2}{3}i$"
, (1,0.6), fontsize=20)
```

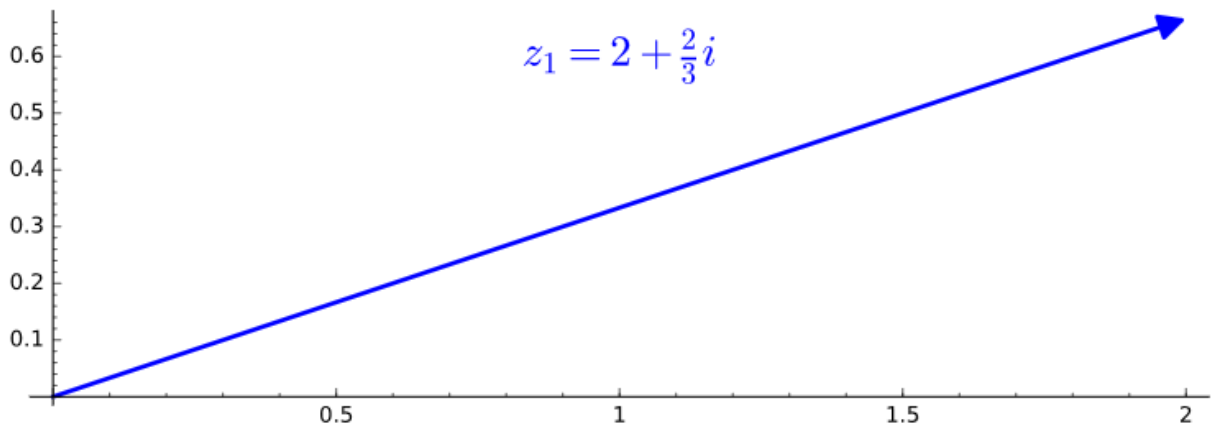


Рис. 3.42. Додавання математичного тексту до графічної побудови

Або без використання літери `r` перед рядком:

```
vector([2,2/3]).plot(aspect_ratio=1)+text("$z_1=2+\frac{2}{3}i$",
, (1,0.6), fontsize=20).
```

Для того, щоб використати в підписі символічний вираз потрібно так само, як було описано вище додати його скориставшись функцією `latex()` (рис. 3.43):

```
z=2+2/3*i
vector([2,2/3]).plot(aspect_ratio=1)+text("$z_1=%s$"%latex(z), (1,
0.6), fontsize=20)
```

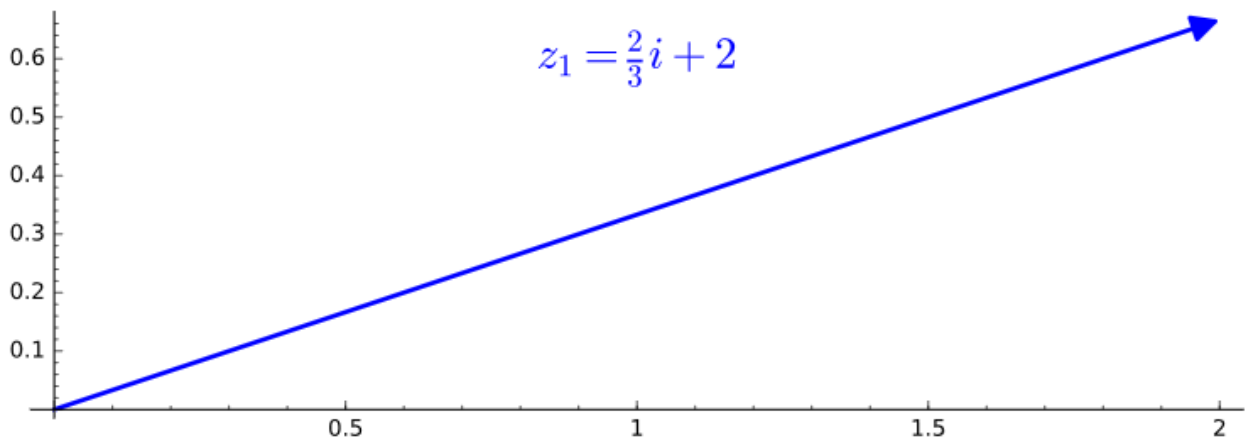


Рис. 3.43. Додавання символічного виразу до графічної побудови

Можна додати мову LaTeX до легенди графічної побудови.

Приклад додавання виразів до легенди графіків функцій (рис. 3.44):

```
y1=2*log_b(x+3,b=3); y2=x/2+1
```

```
show(plot(y1,0,6.5,linestyle=':',thickness=3,legend_label="$y_1=%s$"%latex(y1))+plot(y2,0,6.5,legend_label="$y_2=%s$"%latex(y2),thickness=2),ymin=1,ymax=5,aspect_ratio=1)
```

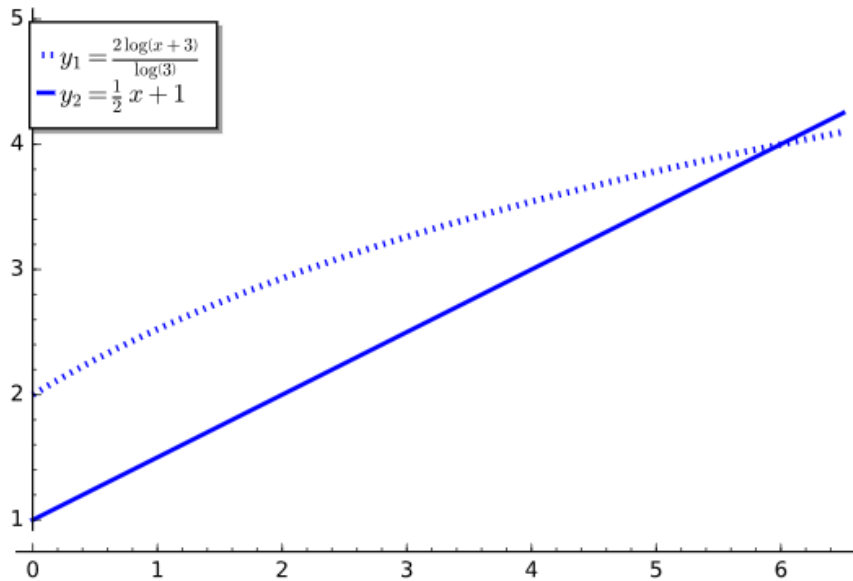


Рис. 3.44. Додавання виразів до легенди графіків функцій

Організація обчислень за допомогою стандартних елементів управління

Для того, щоб скористатись стандартними елементами управління треба перед функцією користувача помістити наступний рядок та вказати бажані значення параметрів (табл. 3.6):

```
@interact(self, f=None, layout=None, width=None, style=None,
update_args=None, auto_update=True, flicker=False, output=True)
```

Після налаштування зовнішнього вигляду блоку стандартних елементів управління, слідує опис функції користувача в якості параметрів якої виступають змінні-елементи управління (Додаток Л):

- button() – кнопка;
- checkbox() – прапорець;
- color_selector() – поле вибору кольору;
- input_box() – поле для введення;
- input_grid() – комірки для введення;
- range_slider() – повзунок 2;
- selector() – меню вибору;

`-slider()` – повзунок 1;

`-text_control()` – коментар.

Деякі значення за замовчуванням створюють елементи управління автоматично без явного зазначення типу елементу управління.

Наприклад, можна оголосити змінну x типу «повзунок 2», просто вказавши $x = (u, v)$ в списку аргументів.

Таблиця 3.6

Параметри `@interact` для SageMathCloud

f	функція
width	ширина форми в одиницях HTML: '80%', '300px', '20em'
css_style	рядок CSS, за допомогою якого можна змінити такі параметри, як форму блоку стандартних елементів управління, межі форми, колір фону форми та ін.
update_args	рядок з перерахуванням тих змінних, для елементів форм яких треба автоматично виконувати обчислення після внесення змін в дані елементи. Для інших елементів форми не буде виконуватись автоматичне обчислення, після внесених змін. Значення за замовчуванням: None
auto_update	(за замовчуванням: True); якщо False, то з'явиться кнопка з написом «Оновити» яку ви можете натиснути для повторного виконання обчислення.
layout	(за замовчуванням: один елемент управління для кожного рядка) список кортежів із можливим зазначенням ширини та мітки: $row0 = [(var_name, \text{ширина}, \text{етикетка}), \dots]$, де var_name – рядки, ширина не повинна перевищувати 12, а мітка є необов'язковою

Інші випадки:

`-u` – порожнє поле для введення;

`-u=elt` – за замовчуванням поле для введення, якщо в подальшому не вказано тип елементу;

`-u=(umin, umax)` – елемент управління типу «повзунок 1» з розмірністю 100 кроків;

`-u=(umin, umax, du)` – елемент управління типу «повзунок 1» з кроком `du`;

`-u=list` – меню вибору: якщо довжина списку не більше 5 елементів – у вигляді кнопок, більше – випадаючий список;

`-u=generator` – елемент управління типу «повзунок 1» з розмірністю 10000 кроків;

`-u=bool` – елемент управління типу «прапорець»;

`-u=Color('blue')` – елемент управління типу «поле вибору кольору»

`-u=matrix` – елемент управління типу «комірки для введення», за замовчуванням змінна типу матриця;

`-u=(default, v)` – `v` один з вище наведених варіантів зі значенням за замовчуванням;

`-u=(label, v)` – `v` один з вище наведених варіантів із підписом елемента управління.

Приклад розміщення стандартних елементів управління (рис. 3.45):

```
@interact(layout={'top': [['a', 'b']], 'left': [['c']], 'bottom':
[['d']], 'right': [['e']]})
def _(a=x^2, b=(0..20), c=100, d=x+1, e=sin(2)):
    print a+b+c+d+e
```

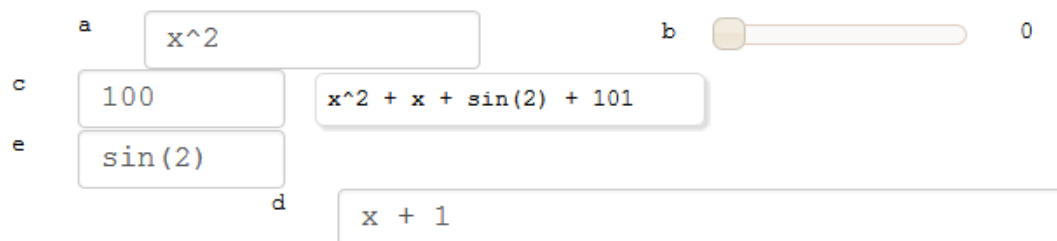


Рис. 3.45. Спосіб розміщення стандартних елементів управління

Приклад зміни зовнішнього вигляду форми (рис. 3.46):


```
@interact(width=25, style="background-color:lightgreen;
border:5px dashed red;")
def f(x=button('Merry ...',width=20)):
    pass
```



Рис. 3.46. Зміна зовнішнього вигляду форми

SageMathCloud може бути доповненням основних посібників навчальної дисципліни. Робочі аркуші можна структурувати таким чином, щоб проект містив у собі повний або частковий (окремі модулі, теми) навчальний план за певною дисципліною. Зазвичай можна використовувати комбіноване навчання з використанням наступних форм організації навчального процесу: частина – традиційні лекції, частина – лабораторні заняття з використанням хмарних сервісів, де значна частина часу витрачається на обговорення громіздких обчислень, методів, але усі рутинні обчислення організовані в хмарному сервісі [330].

3.5 Методи використання хмарного сервісу SageMathCloud у навчанні математичних дисциплін

Етапи, в процесі виконання яких було використано інструментарій SageMathCloud [317] у навчанні математичних дисциплін:

1. Підготовка документів з теми та виправлення зауважень.

На даному етапі, шляхом координації дій викладачів були розроблені найбільш доречні завдання на обчислення та тестові завдання, шкала оцінювання знань студентів. Разом з цим, усі завдання були реалізовані в програмному коді на відповідних робочих аркушах SageMathCloud. Аналіз правильних та неправильних відповідей дає підстави скорегувати програмний код в автоматичному режимі. На цьому етапі робота з файлами хмарного сервісу не завершилась. У процесі навчання робочі аркуші постійно оновлюються, доопрацьовуються та створюються нові.

Таким чином перелік завдань постійно адаптують до нових досліджень, які виникають в процесі викладення матеріалу.

2. Координація викладачів та впровадження хмарного сервісу.

Виконання тих чи інших типів завдань обговорювалась заздалегідь, під час очних зустрічей. У процесі створення програмного коду системи завдань використовувались стандартні елементи управління SageMathCloud. Використання інтерфейсу в розроблених моделях дозволило багаторазово демонструвати приклади розв'язування, розкрити особливості групи завдань. Крім того, викладач мав змогу прослідкувати розуміння студентами теми, маючи напівавтоматичний режим роботи з моделлю математичної задачі. Використання одного і того ж програмного коду значно спрощується.

Методи навчання (за В. Л. Ортинським [167]):

- за джерелом знань: словесні, наочні та практичні;
- за етапом навчання: підготовка до вивчення нового матеріалу, вивчення нового матеріалу, закріплення вправ, контроль і оцінка;
- за способом керівництва навчальною діяльністю: безпосередні та опосередковані;
- за логікою навчального процесу: індуктивний та дедуктивний, аналітичний та синтетичний методи;
- за дидактичними цілями: організація навчальної діяльності, стимулювання і релаксація, контроль і оцінка;
- за характером пізнавальної діяльності: пояснювально-ілюстративні, репродуктивні, проблемного викладу, частково-пошукові, дослідницькі.

Проілюструємо застосування певних методів під час вивчення елементів комплексного аналізу майбутніх вчителів математики з використанням SageMathCloud.

Виконуючи перше завдання, студенти слідкують за діями викладача в спільному навчальному ресурсі (рис. 3.47), при цьому повторюючи дії у власних файлах (пояснювально-ілюстративний метод).

Вивчення основ комплексного аналізу доречно розпочати з повторення матеріалу про комплексні числа, що був розглянутий студентами на I курсі в рамках вивчення дисципліни алгебра та теорія чисел (метод підготовки до вивчення нового матеріалу). Акцентувати увагу студентів на понятті комплексного числа, алгебраїчній та тригонометричній формі запису, геометричній інтерпретації. На першому занятті доречно навести основний огляд системи SageMathCloud, розкрити основні характеристики. Безпосередньо роботу із системою краще розпочати лише на практичному занятті.

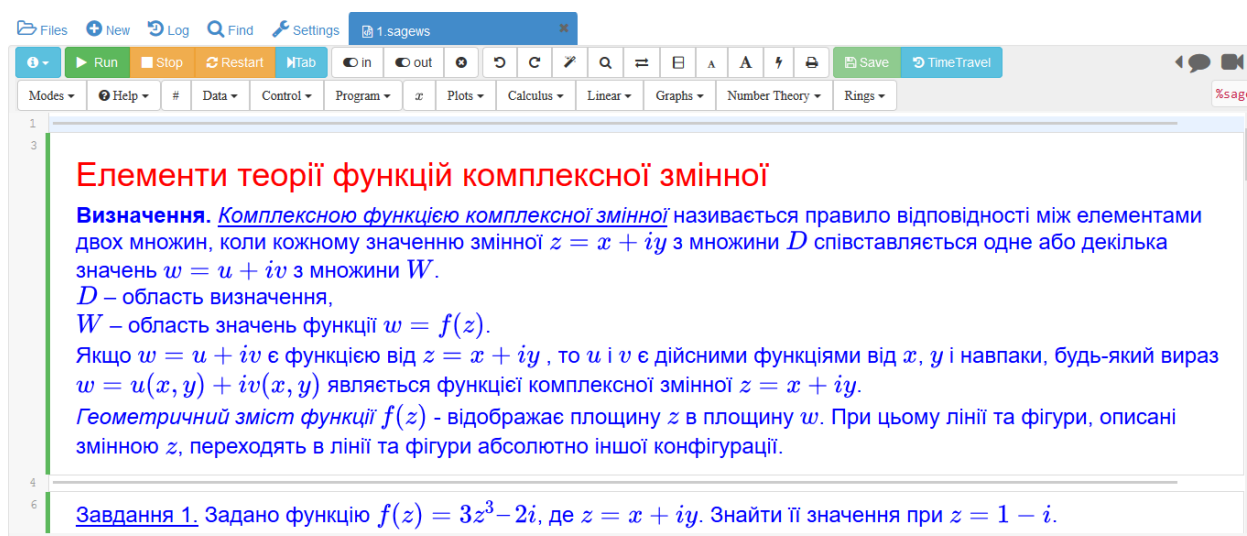


Рис. 3.47. Приклад текстового блоку в робочому аркуші

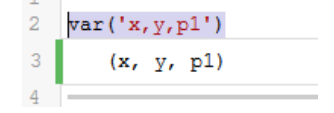
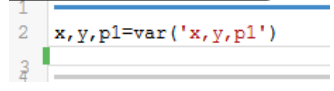
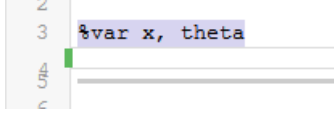
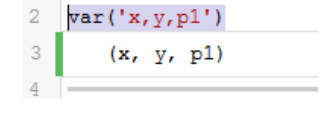
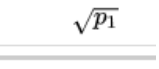
Під час оголошення змінних бажано використовувати як приклади так і контр-прикладі (табл. 3.7).

Починати треба з найпростішого: ознайомити студентів із стандартними функціями SageMathCloud, які можна одразу застосовувати без елементів програмування (Додаток К, табл. К.1), представити способи задання комплексного числа в системі. Функції краще подавати за допомогою дедуктивного методу, без використання додаткових параметрів.

Наприклад, стандартну функцію `complex_plot()` можна представити як:

```
z, x, y = var('z, x, y')
f(z) = (3*z^3) - (2*I)
show(complex_plot(f(z), (x, -3, 3), (y, -3, 3)))
```

Оголошення змінних в SageMathCloud

Програмний код	Результат обчислення
Приклади	
<code>var('x,y,p1')</code>	
<code>x,y,p1=var('x,y,p1')</code>	
<code>%var x, theta</code>	
Контр-приклади	
<code>var('x,y,p1')</code>	
<code>x,p1,y=var('x,y,p1')</code> <code>f(x)=sqrt(x)</code> <code>show(f(y))</code>	

При цьому пояснити, що вказані параметри є основними, а значить обов'язковими, але їх достатньо для застосування вказаної функції. Потрібно підкреслити, що дана функція є стандартною для використання її у вивченні елементів комплексного аналізу. Запустивши вказаний програмний код одержимо графічну побудову (рис. 3.48).

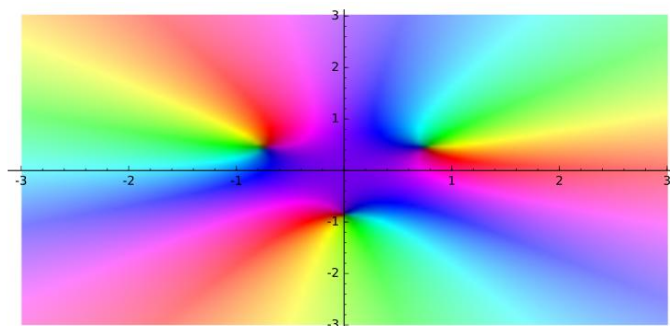


Рис. 3.48. Побудова з використанням функції `complex_plot()`

Функція `complex_plot()` інтерпретує модуль комплексної функції від комплексної змінної. При цьому: значенню 0 відповідає чорний колір, ..., ∞ – білий.

В рамках проведення лабораторних занять бажано застосовувати один із методів проблемного навчання – моделювання. Використовуючи можливості запропоновані системою, моделювання інтегруватиме теоретико-методологічні знання та практичні вміння й навички студентів у єдиному процесі діяльності навчально-дослідницького характеру [87].

SageMathCloud надає змогу повністю організувати самотійну роботу студентів, як групову так і індивідуальну. Але самотійна робота буде більш ефективною, якщо в ній беруть участь декілька осіб. Студенти мають можливість самотійно оцінювати один одного, слідкувати за процесом виконання завдань своїх колег (рис. 3.49, рис. 3.51), задавати питання та самим давати відповіді, консультувати один одного з приводу певних моментів тощо. Викладач може приймати як пасивну (спостерігати за результатами та кроками виконання студентами робіт), так і активну участь (допомагати, консультувати online, в позааудиторний час) – рис.3.50.

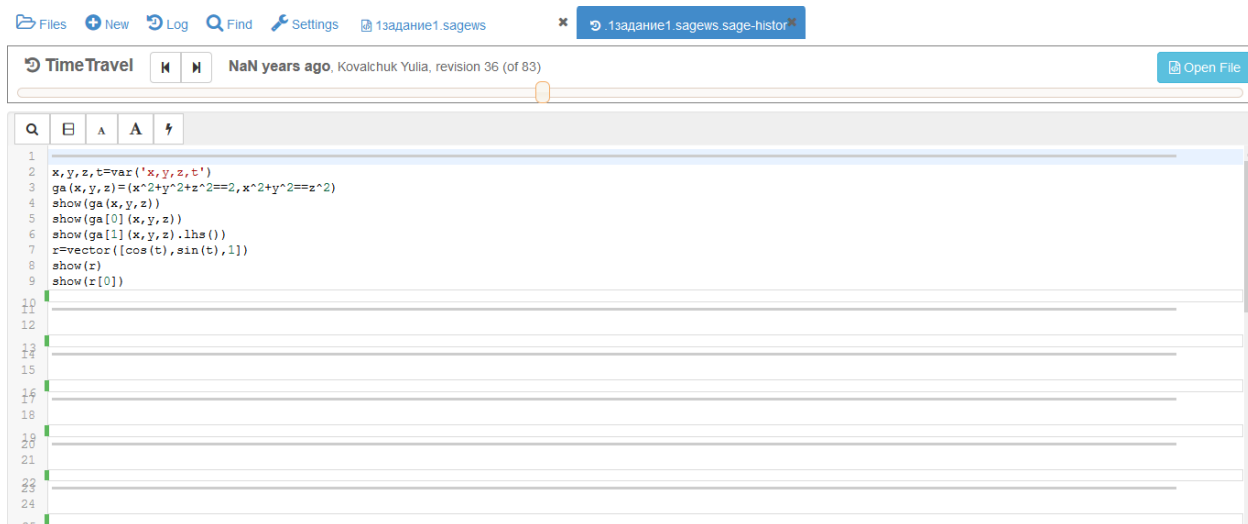


Рис. 3.49. Перегляд роботи з файлом: покрокове виконання

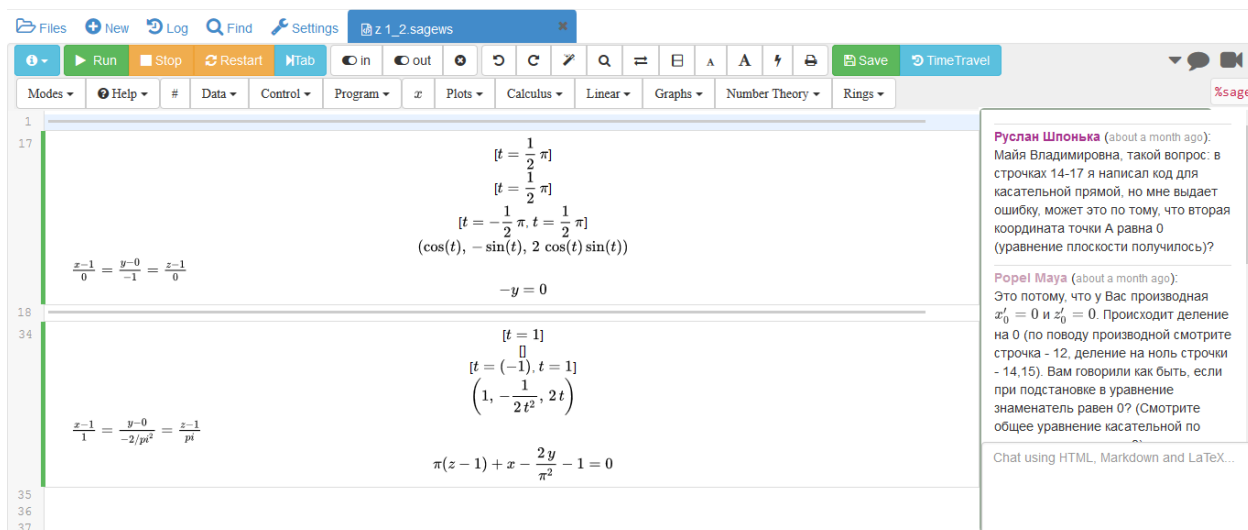


Рис. 3.50. Консультація з використанням чату

Допомагаючи студентам, викладач повинен розуміти, що основну частину роботи має виконати студент. Тому основна задача полягає саме в тому, щоб підштовхнути до правильного рішення. Не треба за студента самостійно виправляти помилки чи виконувати частину завдання. Студент має задавати якомога більше запитань, намагаючись самостійно розв'язати проблему. Викладач має навчити студентів самостійно діагностувати програмний код, з'ясовувати, де виникла помилка та як її можна виправити. Обговорюючи можливі варіанти розв'язання завдань, студенти вчаться оптимізувати програмний код, знаходять декілька шляхів вирішення питань.

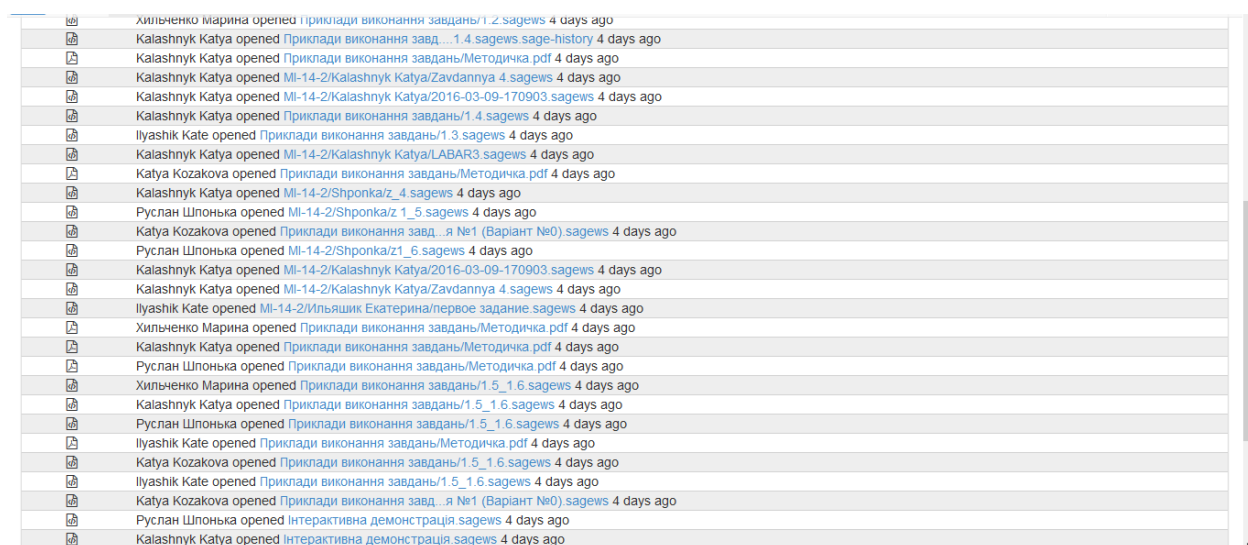


Рис. 3.51. Сторінка історії дій в проєкті

Навіть якщо студентам здається, що вони одразу все зрозуміли, викладач має їх заохотити до обговорення шляху розв'язку завдання, допомогти своїм колегам зрозуміти найскладніші моменти, навчити співпрацювати.

Наведемо приклад вивчення тем з розділу «Вирази та їх перетворення» з курсу елементарної математики (Додаток Д).

На початку проведення лабораторних занять, студенти відкривають робочий аркуш, який заздалегідь підготовлено викладачем. Студенти на лекції попередньо знайомі з теоретичними викладками, тому алгоритм та методи обчислення їм знайомі. На початку навчального курсу найрозповсюдженіші елементарні обчислення їм подаються на розгляд, а текст коду для виконання індивідуальних робіт є або аналогічним, або складається з частин вже відомих методів, попередньо розглянутих. У процесі викладення матеріалу курсу, студентам певні методи чи алгоритми обчислення доводиться складати самостійно, майже з нуля (спираючись на знання, які були одержані під час виконання практичних робіт з використанням хмарного сервісу). Крім того, змінюється специфіка інструкцій до кожної лабораторної роботи, оскільки більшість обчислень студенти можуть виконати самостійно за допомогою інструментарію SageMathCloud.

Якщо символьний вираз складається більше ніж з однієї змінної, або ж єдина змінна не являється x , тоді усі змінні треба оголосити одним з можливих способів.

1) `var('x, y, z');`

2) `x, y, z = var('x, y, z')` (суттєве значення має порядок слідування змінних як в лівій так і в правій частині);

3) `%var x, y, z.`

Над символьними виразами в системі SageMathCloud можна виконати операції спрощення, розкриття дужок, розкладання на множники та інші. Розглянемо основні з них.

Операцію спрощення (без розкриття дужок) виконує функція `simplify()`.

Спростити вираз: $x^2 - 2xy + y^2$ (рис. 3.52).

```

1
2 %var x, y
3 show(simplify(x^2-2*x*y+y^2+2*x*y))
4

```

$$x^2 + y^2$$

Рис. 3.52. Приклад спрощення символьного виразу із застосуванням функції `simplify()`

Хоча, в SageMathCloud під час виведення результатів обчислень символьний вираз спрощується автоматично. Для порівняння (рис. 3.53).

```

1
2 %var x, y
3 show(x^2-2*x*y+y^2+2*x*y)
4

```

$$x^2 + y^2$$

Рис. 3.53. Приклад автоматичного спрощення символьного виразу

Інколи, необхідно ініціалізувати функцію залежну від декількох змінних (не треба плутати з функцією користувача). До такої функції, значенням якої виступає символьний вираз, можна застосовувати інші функції (вказуючи ім'я виразу як параметр), або як до об'єкту застосувати метод (рис. 3.54).

<pre> 1 2 %var x, y 3 f(x,y)=x^2-2*x*y+y^2+2*x*y 4 show(simplify(f(x,y))) 5 </pre>	<pre> 7 %var x, y 8 f(x,y)=x^2-2*x*y+y^2+2*x*y 9 show(f(x,y).simplify()) 10 11 </pre>
--	---

$$x^2 + y^2$$

Рис. 3.54. Приклади ініціалізації функції від декількох змінних

Для розкриття дужок використовується функція `expand()`.

Розкрити дужки у виразі: $(x+y)(x-y)$ (рис. 3.55: мітка а).

Якщо виконується лише одне обчислення/спрощення функцію для виведення результатів `show()` можна не вказувати. Але тоді відображення результатів виконання програмного коду не буде відформатовано в звичному для користувача вигляді(рис. 3.55: мітка б).

2	%var x, y	7	%var x, y
3	f(x,y)=(x+y)*(x-y)	8	f(x,y)=(x+y)*(x-y)
4	show(expand(f(x,y)))	9	expand(f(x,y))
5	$x^2 - y^2$	10	$x^2 - y^2$
		11	

а) з використанням функції `show()` б) без використання функції `show()`

Рис. 3.55. Приклад використання функції `expand()`

Розкласти вираз на множники, можна скориставшись функцією `factor()` (рис. 3.56).

2	%var x, y
3	f(x,y)=x^2-2*x*y+y^2
4	show(f(x,y).factor())
5	$(x - y)^2$

Рис. 3.56. Приклад розкладу виразу на множники

Для того щоб обчислити значення виразу (рис. 3.57), в круглих дужках треба вказати значення змінної (або саму змінну, якій надано відповідне значення).

1		7	%var x, y, a, b
2	%var x, y	8	a=0
3	f(x,y)=x^2-2*x*y+y^2	9	b=4
4	show(f(3,y))	10	f(x,y)=x^2-2*x*y+y^2
5	$y^2 - 6y + 9$	11	show(f(a,b))
6		12	16

а) вказано значення однієї змінної б) вказано значення двох змінних

Рис. 3.57. Приклади обчислення значення виразу

Приклад вивчення теми «Функції і їх графіки». Ознайомлення з виконанням графічних примітивів (Додаток И, табл. И.1) рекомендується виконувати в рамках даної теми з курсу елементарної математики. Також наприкінці вивчення теми можна розглянути декілька прикладів створення анімації.

Графічні примітиви на площині

`arrow2d()` – стрілка від мінімальної до максимальної точки. Червона стрілка:
`arrow2d((-1, -1), (2, 3), color='red')`

Стрілка з потовщеною лінією та збільшеною стрілкою наприкінці (рис. 3.58).

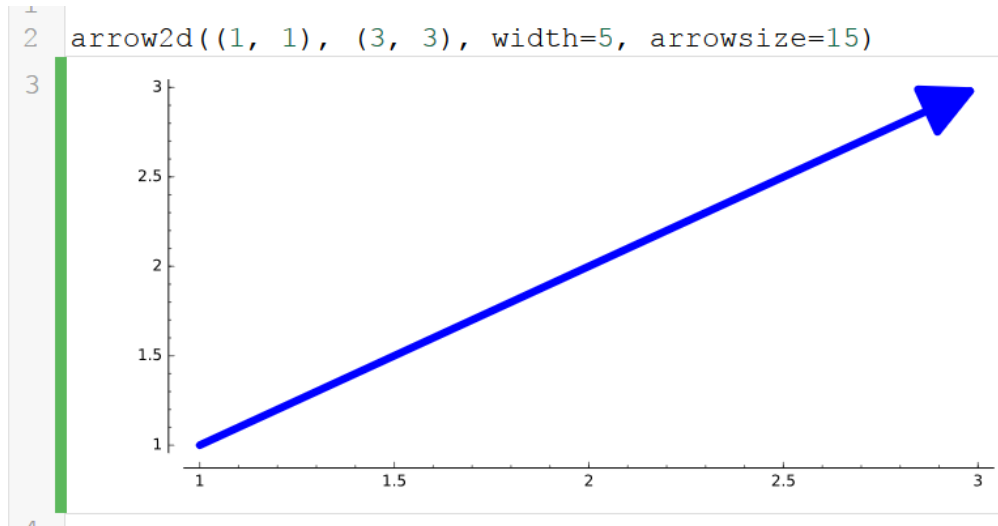


Рис. 3.58. Приклад побудови стрілки з потовщеною лінією

Круг жовтого кольору, радіусу 1, з центром в точці (4,5), з підписом легенди (параметр – `legend_label`), до якого застосовано метод `show()`, в якому зазначено, що вісі потрібно показати з початку координат (рис. 3.59).

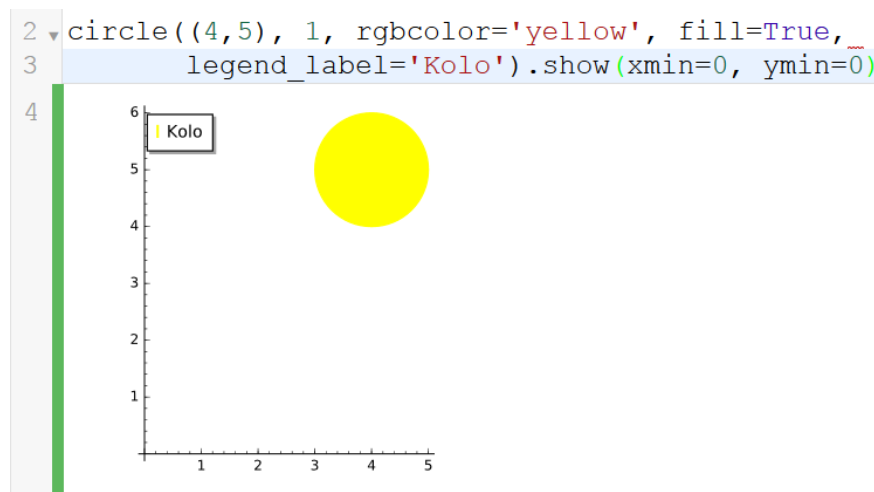


Рис. 3.59. Приклад побудови круга з легендою

Функція `show()` відображає результат виконання програмного коду, а не лише показує обчислення. Це стосується і графічних побудов.

Побудувати еліпс з центром в початку координат (рис. 3.60), радіусами 1 та 2, до якого зазначено легенду та колір легенди (параметр – `legend_color`).

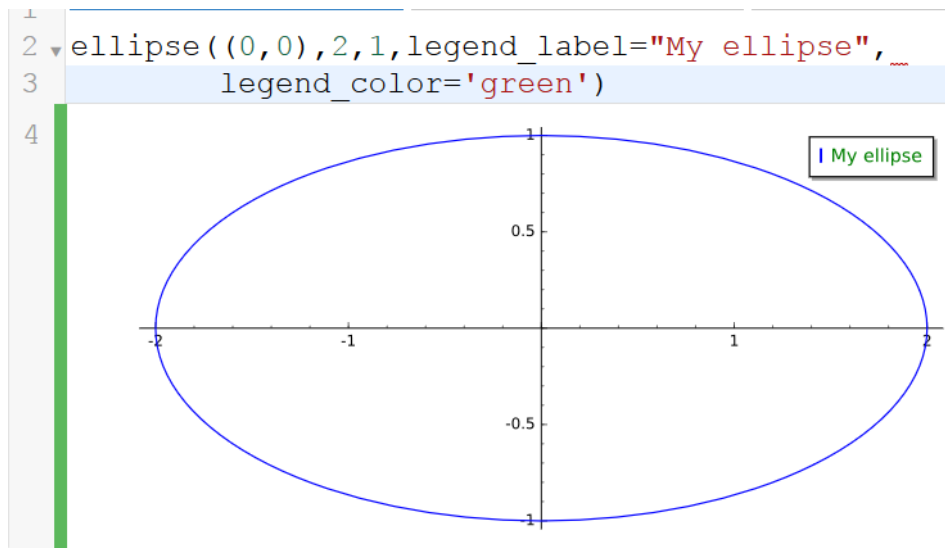


Рис. 3.60. Приклад побудови еліпса з текстовим підписом

Побудувати дугу, що являє собою частину еліпса, з центром в початку координат, з двома радіусами – 1 та 2, червоного кольору(рис. 3.61), тип лінії – штрих-пунктир.

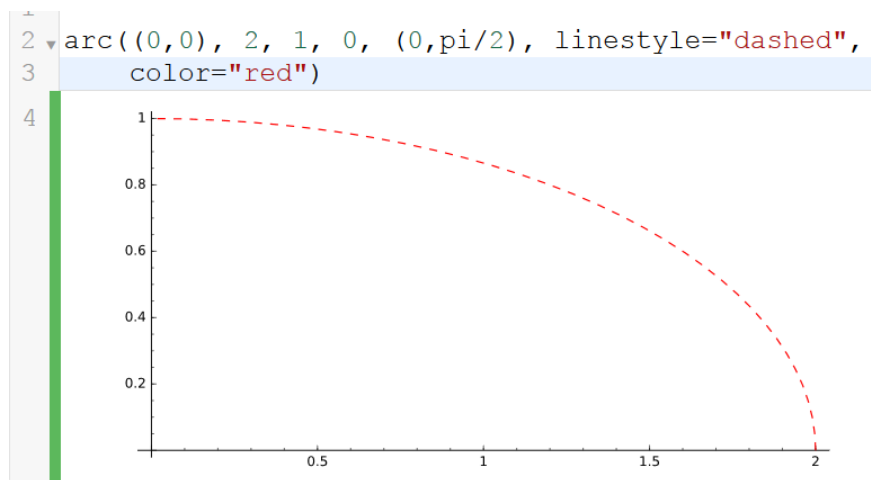


Рис. 3.61. Приклад побудови дуги червоного кольору

Побудувати сектор круга, центр якого розташовано в точці (0,0), радіуса 1, жовтого кольору (рис. 3.62).

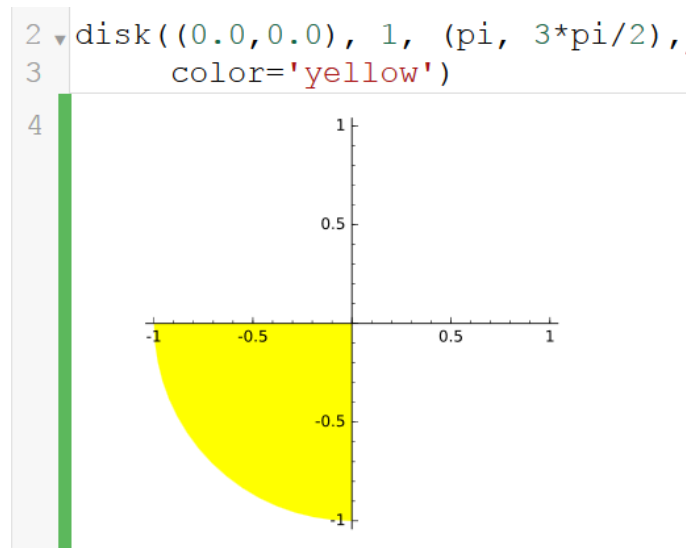


Рис. 3.62. Приклад побудови жовтого сектору круга

`Line2d()` – лінія визначається послідовністю точок (не обов’язково пряма). Побудувати ламану (рис. 3.63), задану переліком точок: (1,2),(2,4),(3,4),(4,8),(4.5,32), використовуючи логарифмічну шкалу з основою 2.

Точка, що розташована на початку системи координат, чорного кольору, трохи збільшена, з підписом:

```
point((0,0), rgbcolor='black', pointsize=40,
legend_label='origin')
```

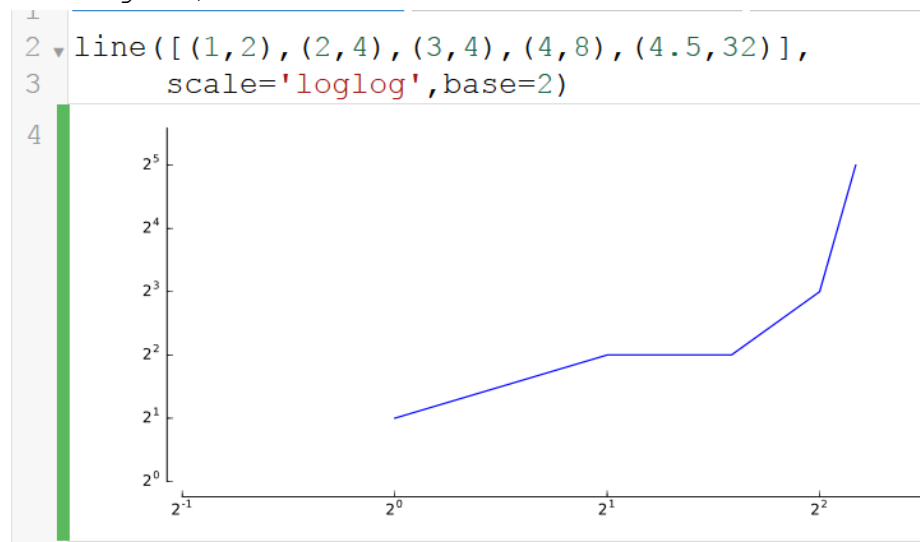


Рис. 3.63. Приклад побудови ламаної, заданої переліком точок

`text()` – додати текст до побудови текст. Додати текст на червоному тлі, прив’язати його до точки з координатами (-2,2).

```
text("So good", (-2,2), background_color='red')
```

Для того, щоб виконати дві побудови одночасно (рис. 3.64) потрібно їх додати (скористаємось двома останніми побудовами).

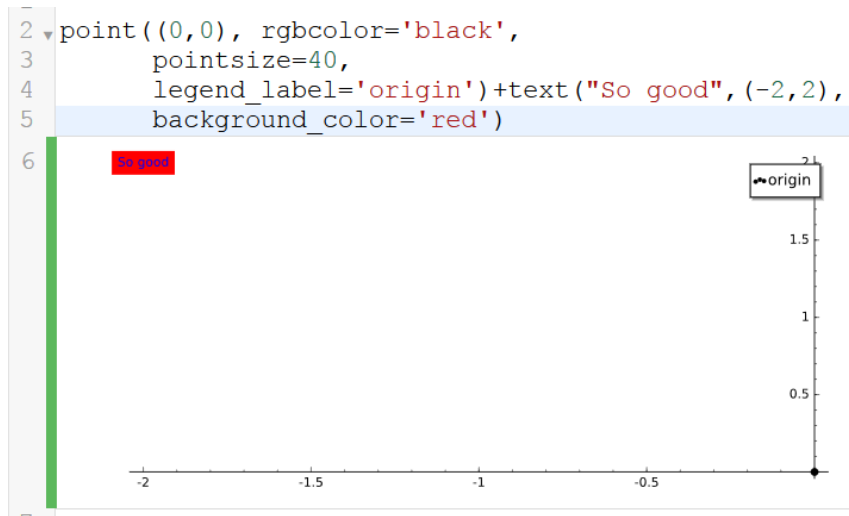


Рис. 3.64. Приклад побудови точки з текстовим підписом

Можна окремо надати змінним значення графічного примітиву та виконати побудову використавши функцію `show()`:

```

A=point((0,0), rgbcolor='black', pointsize=40,
legend_label='origin')
B=text("So good", (-2,2), background_color='red')
show(A+B)

```

Функція `show()` також має певні параметри. Корисно буде представити приклад вирівнювання значень на осях (рис. 3.65).

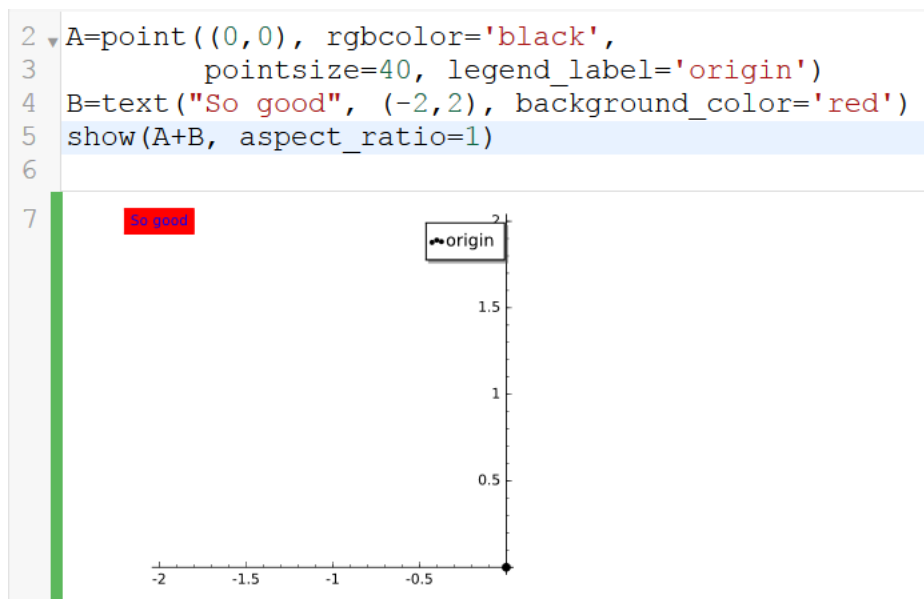


Рис. 3.65. Приклад вирівнювання значень на осях

Для побудови многокутника треба перерахувати його вершини. Наприклад, трикутник не зафарбований, потовщений контур побудови помаранчевого кольору (рис. 3.66).

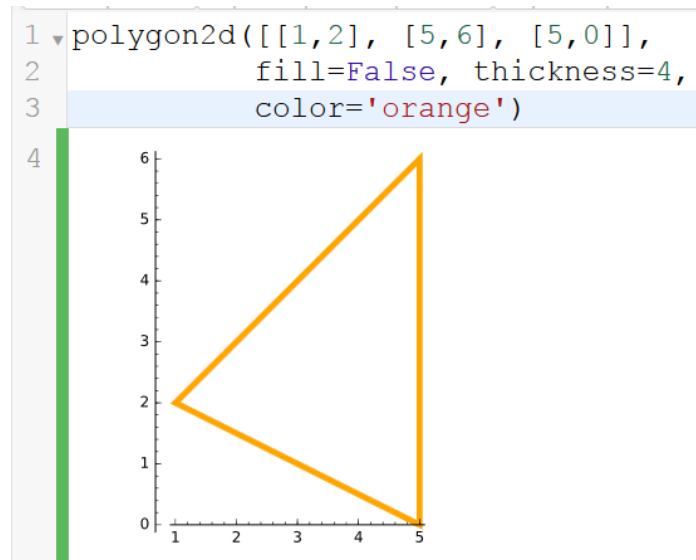


Рис. 3.66. Приклад побудови контура трикутника

Побудови графіків функцій на площині

Побудувати косинусоїду на певному проміжку [по точкам, не сполучаючи їх лінією можна наступним чином (рис. 3.67).

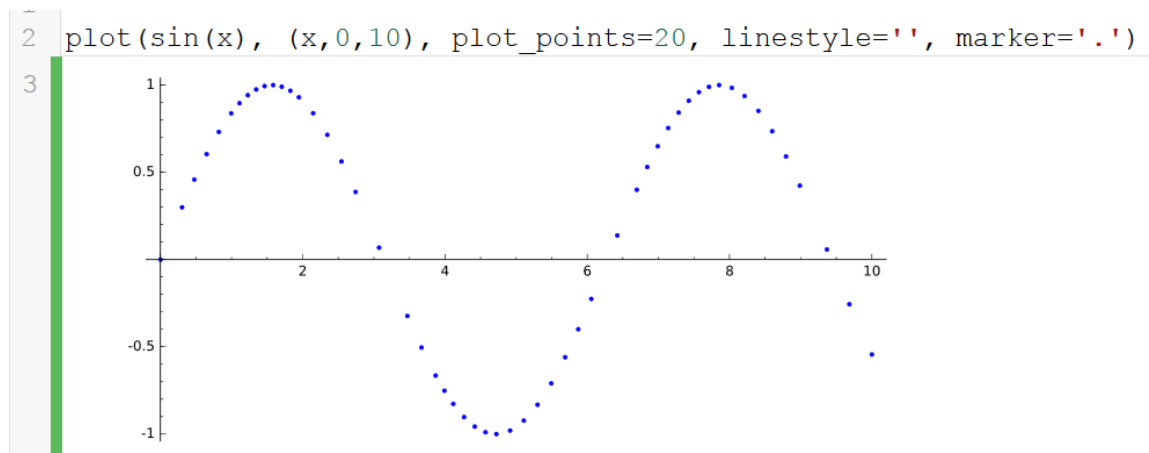


Рис. 3.67. Приклад побудови косинусоїди синього кольору

За допомогою функції `parametric_plot()` можна виконати побудову параметрично заданої функції (рис. 3.68).

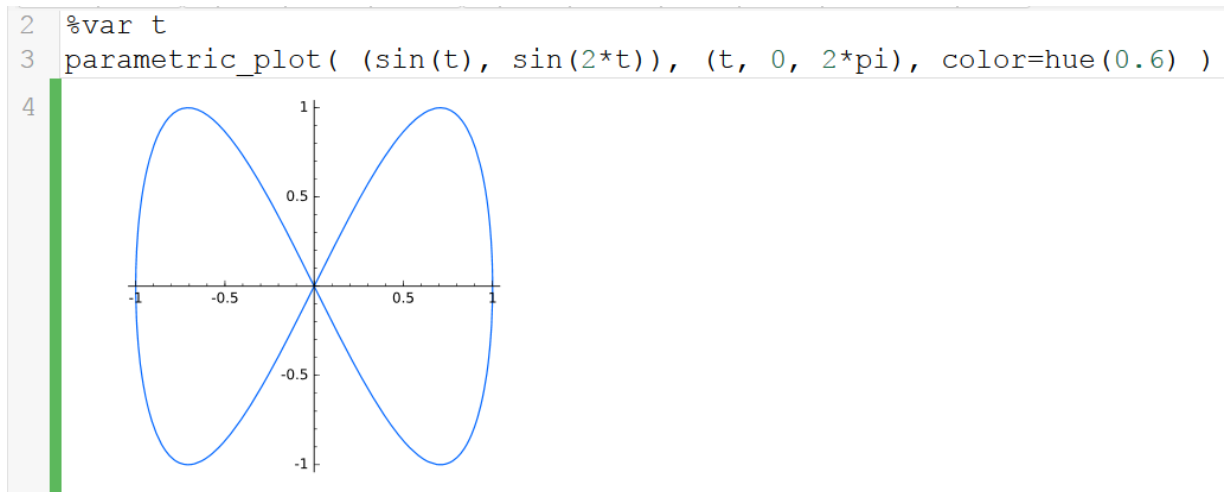


Рис. 3.68. Приклад побудови графіка параметрично заданої функції

`implicit_plot()` – використовується для побудови неявно заданої функції.

Побудуємо еліпс використавши його канонічне рівняння (рис. 3.69).

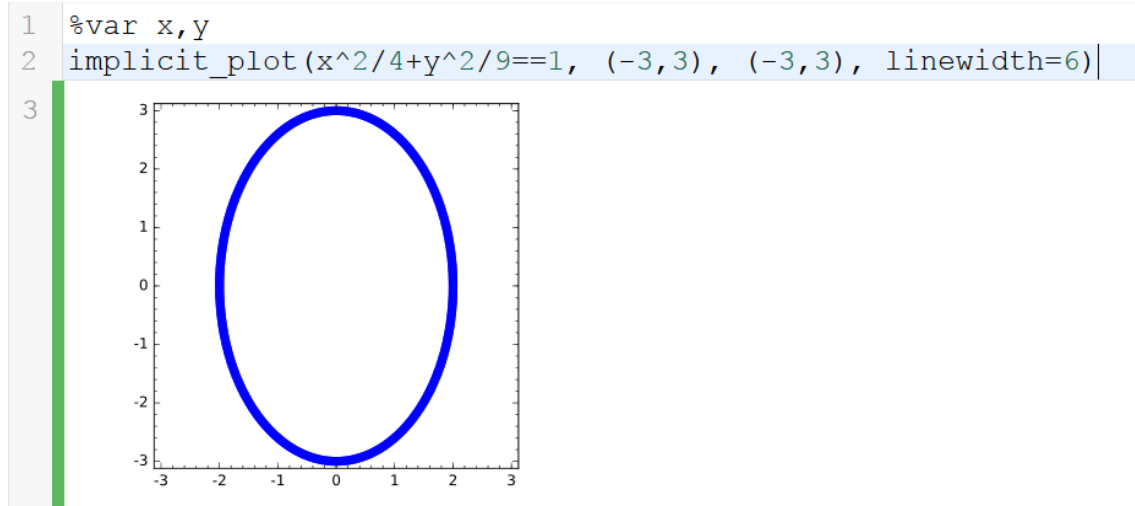


Рис. 3.69. Приклад побудови еліпса заданого канонічним рівнянням

Можна створити анімацію (рис. 3.70) використавши функцію `animate()`, без використання функції `plot()`.

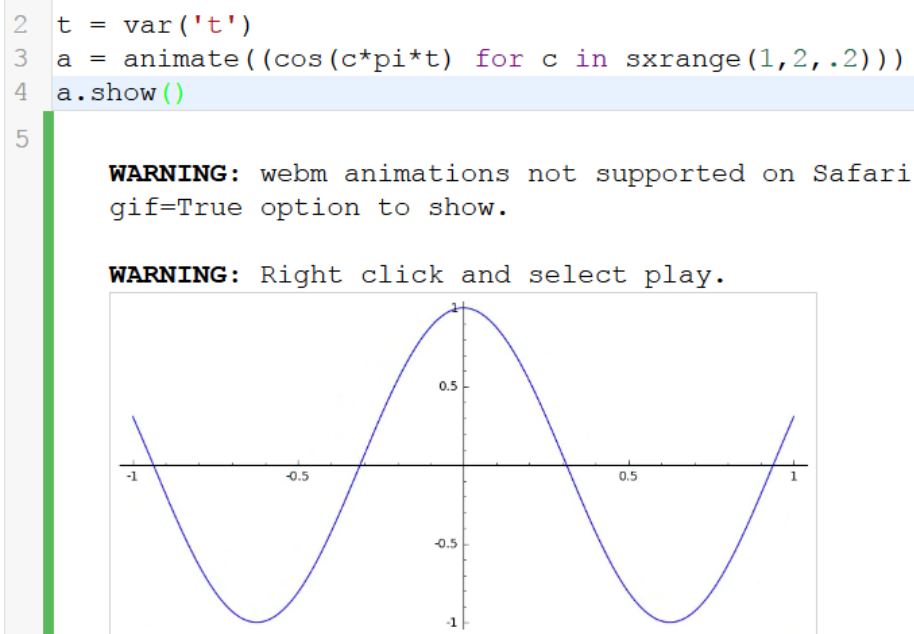


Рис. 3.70. Приклад представлення анімації як відео

Використавши `plot()`, попередньо за допомогою циклу створивши список окремих графіків функції.

```

sines = [plot(c*sin(x), (-2*pi,2*pi), color=Color(c,0,0), ymin=-
1, ymax=1) for c in xrange(0,1,.2)]
a = animate(sines)
a.show()

```

Під час вивчення диференціальної геометрії і топології студенти будуть виконувати окрім обчислень побудови гладких ліній та поверхонь у просторі. Тому заздалегідь доречно розглянути виконання графічних примітивів у просторі, а вже потім – виконати покрокову побудову гладких ліній, поверхонь.

Дуже важливо, щоб студенти на лабораторні заняття приходили вже заздалегідь підготовленими, з опрацьованим конспектом лекцій. Програмний код, що розміщено в робочому аркуші їм не відомий, але вони в змозі зрозуміти основні прийоми обчислення самотійно. В процесі проведення практичних занять присутні й елементи дослідження, коли студенти на практиці, застосовуючи вже відомі методи, формули, алгоритми, відкривають для себе щось нове, узагальнюючи пройдений лекційний матеріал. Буде доречним, організовувати на початку занять засобами SageMathCloud короткі опитування, задля повторення основних теоретичних викладок. Це надасть додаткової мотивації для подальшого вивчення

теми. Тестування, опитування можна проводити і для того, щоб переконатись що студенти знайомі з основними методами обчислення, що вони розуміють принцип не лише простих, але й громіздких обчислень, на які може знадобитись набагато більше часу. Подібними опитуваннями, можна завершити вивчення теми чи курсу, щоб систематизувати вивчений матеріал та перевірити якість засвоєння його студентами.

Побудови гладких ліній та поверхонь у просторі

Основною функцією побудови у просторі є `plot3d()`. З її використанням можна виконати побудову поверхні заданої в явному вигляді (рис. 3.71).

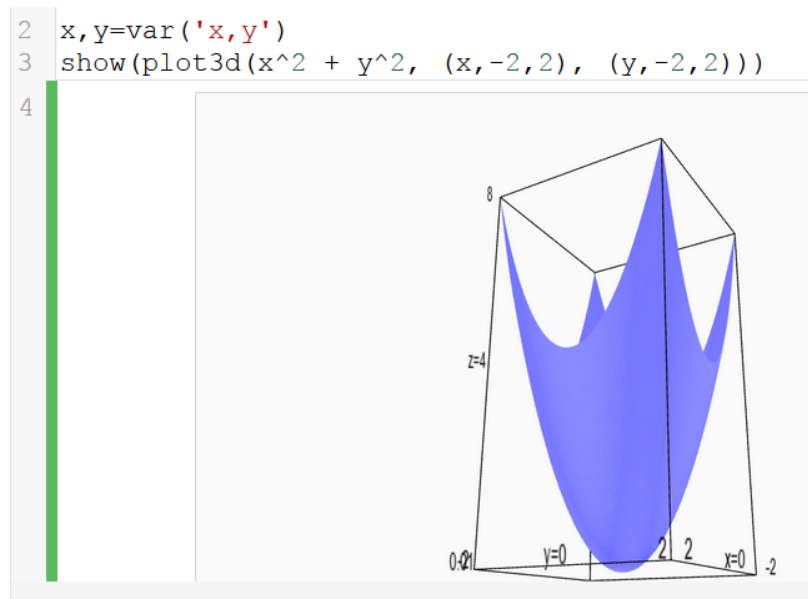


Рис. 3.71. Приклад побудови поверхні

Ще один варіант представлення:

```
x,y=var('x,y')
f(x,y)=x^2 + y^2
show(plot3d(f(x,y), (x,-2,2), (y,-2,2)))
```

Змінити колір можна за допомогою параметра `color='вказати бажаний колір англійською мовою'`

```
x,y=var('x,y')
f(x,y)=x^2 + y^2
show(plot3d(f(x,y), (x,-2,2), (y,-2,2), color='red'))
```

Зробити побудову прозорою можна за допомогою параметра `opacity='вказати десяткове число'`. 1 – не прозора фігура (значення 2, 3, і так

ділі сприймаються як 1 – не прозора фігура). 0.9 – трохи прозора, 0.8 – більш прозора і так далі. Чим менший десятковий дріб – тим більш прозора фігура.

```
x,y=var('x,y')
show(plot3d(x^2 + y^2, (x,-2,2), (y,-2,2), opacity=0.5))
```

Показати сітку – параметр `mesh=True`.

```
x,y=var('x,y')
show(plot3d(x^2 + y^2, (x,-2,2), (y,-2,2), mesh=True))
```

Побудова двох поверхонь (рис. 3.72) виконується за рахунок додавання двох графічних зображень поверхонь.

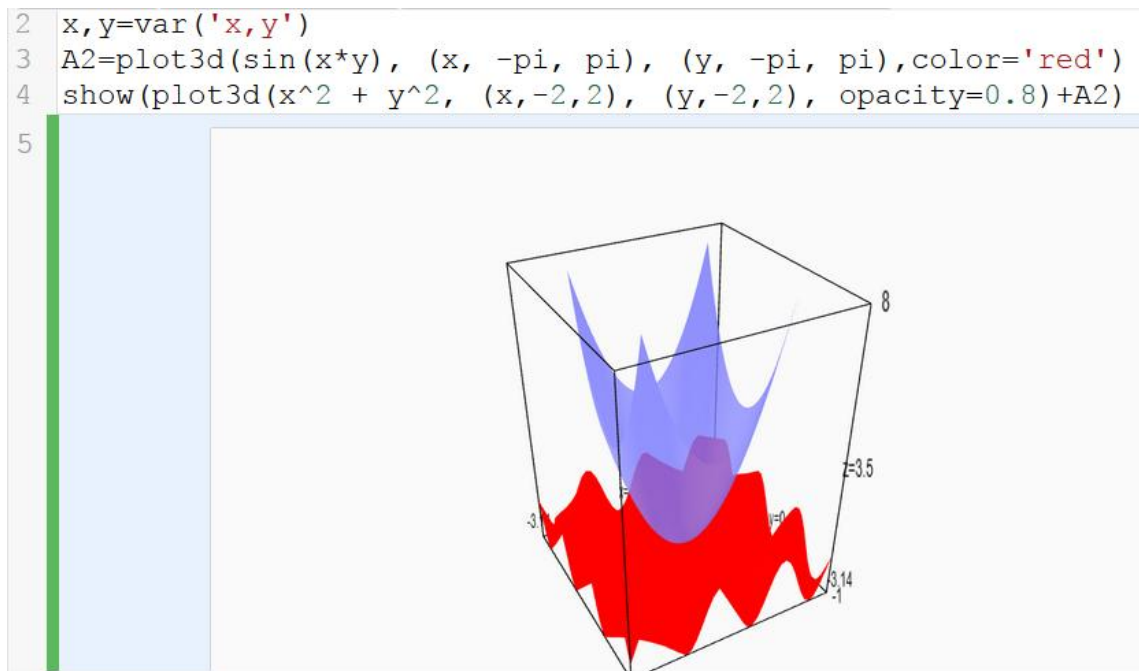


Рис. 3.72. Приклад побудови декількох поверхонь

Функцію побудови лінії представленої рівнянням у параметричній формі (рис. 3.73) можна побудувати скориставшись `parametric_plot3d()`.

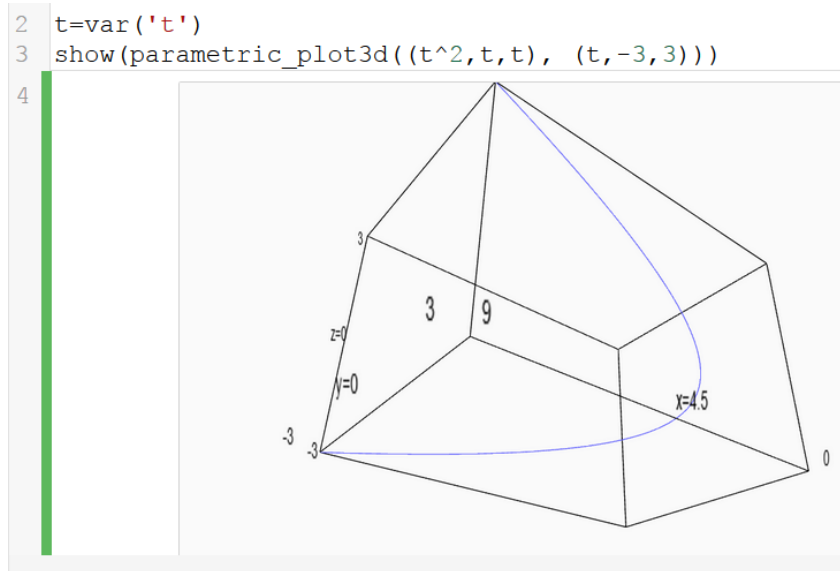


Рис. 3.73. Приклад побудови гладкої лінії

Поверхню, утворену кривою, що обертається (рис. 3.74) можна побудувати використавши функцію `revolution_plot3d()`. Параметр `show_curve=True` — показати задану криву.

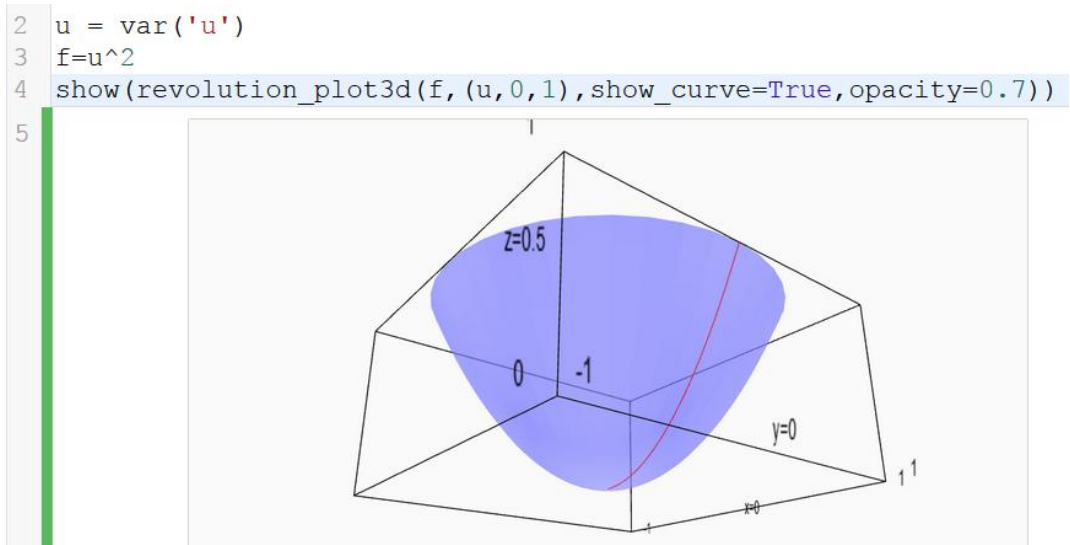


Рис. 3.74. Приклад побудови поверхні утвореної обертанням кривої навколо вісі

Для того щоб вирівняти масштаб, потрібно в функції `show()` вказати параметр `aspect_ratio=(1,1,1)`:

```

x,y=var('x,y')
show(plot3d(x^2 + y^2, (x,-2,2), (y,-2,2)), aspect_ratio=(1,1,1))

```

Побудова неявно заданої функції відбувається за рахунок застосування функції `implicit_plot3d()`. Наприклад, побудову сфери можна використати наступним чином (рис. 3.75).

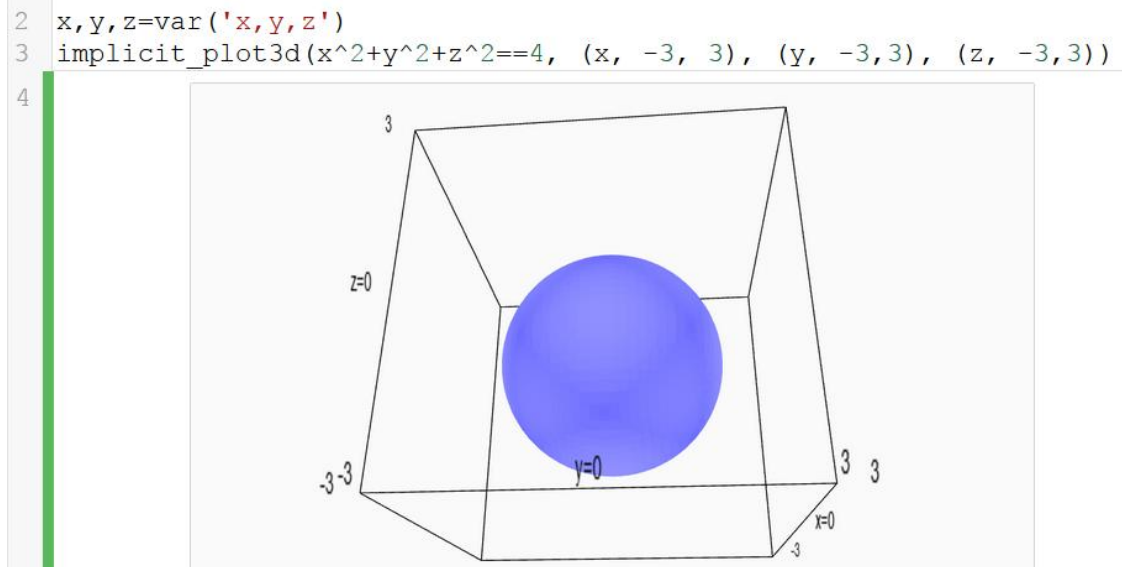


Рис. 3.75. Приклад побудови сфери

Виконаємо комбінацію декількох побудов (рис. 3.76).

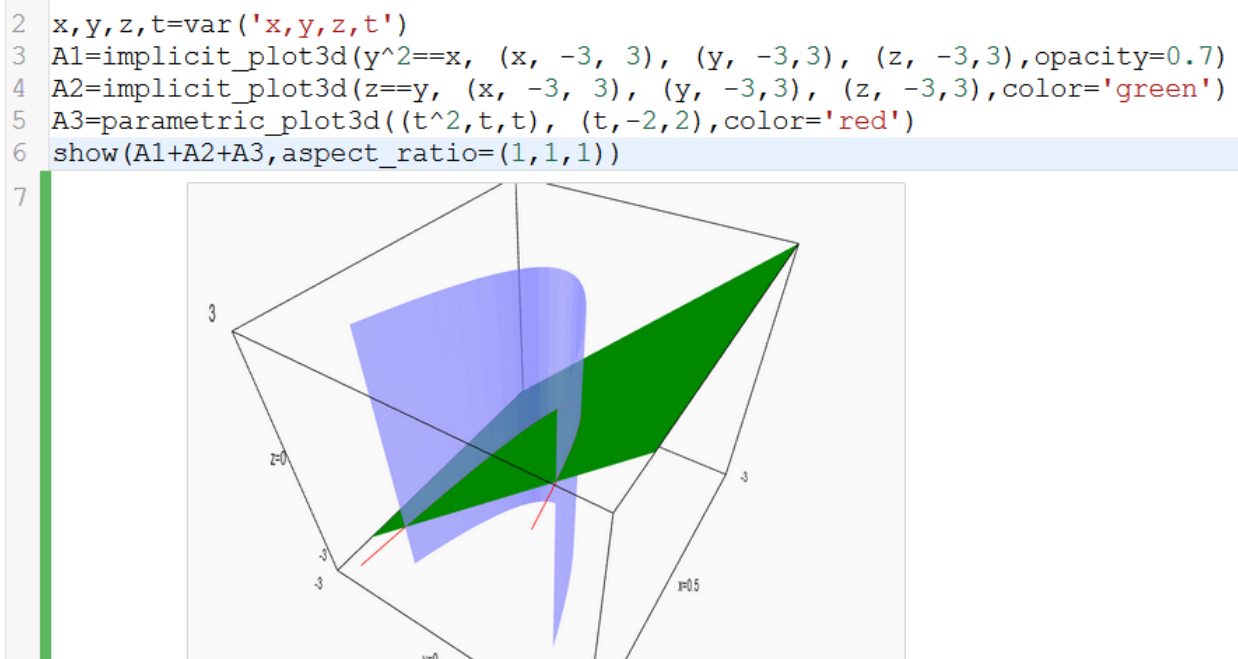


Рис. 3.76. Перетин поверхні площиною

3.6 Виконання навчально-дослідницьких проектів з використанням SageMathCloud

Виконання навчально-дослідницьких проектів, курсових робіт та випускної роботи бакалавра з використанням SageMathCloud передбачає два шляхи:

1. Використання окремих засобів, що представлені в SageMathCloud (Додаток Е).

2. Виконанням, написанням та оформленням результатів навчально-дослідницької роботи в SageMathCloud без залучення допоміжних програмних засобів.

Інтерпретатор IPython у процесі навчання майбутніх учителів математики може бути використаний для розробки динамічних моделей з напівавтоматичним / автоматичним режимами демонстрації [188].

Перший шлях передбачає створення моделі (моделей) досліджуваного явища на робочому аркуші з використанням стандартних елементів управління, тегів мови HTML, команд LaTeX та використання мови CSS (рис. 3.77).

Недоліками такого використання є те, що в процесі оформлення одержаних результатів доводиться залучати інші програмні засоби: текстовий редактор, програмне забезпечення для створення презентацій, відео редактор (за необхідністю). В результаті, лише певний пункт навчально-дослідної роботи виконано з використанням інструментарію SageMathCloud. Крім того, в процесі представлення наукових наробок студенту доведеться окрім презентації демонструвати своїм колегам розроблену модель залучаючи браузер (або відео редактор). Цього можна уникнути, якщо залучити інструментарій SageMathCloud не лише для виконання навчально-дослідницької частини певної роботи.

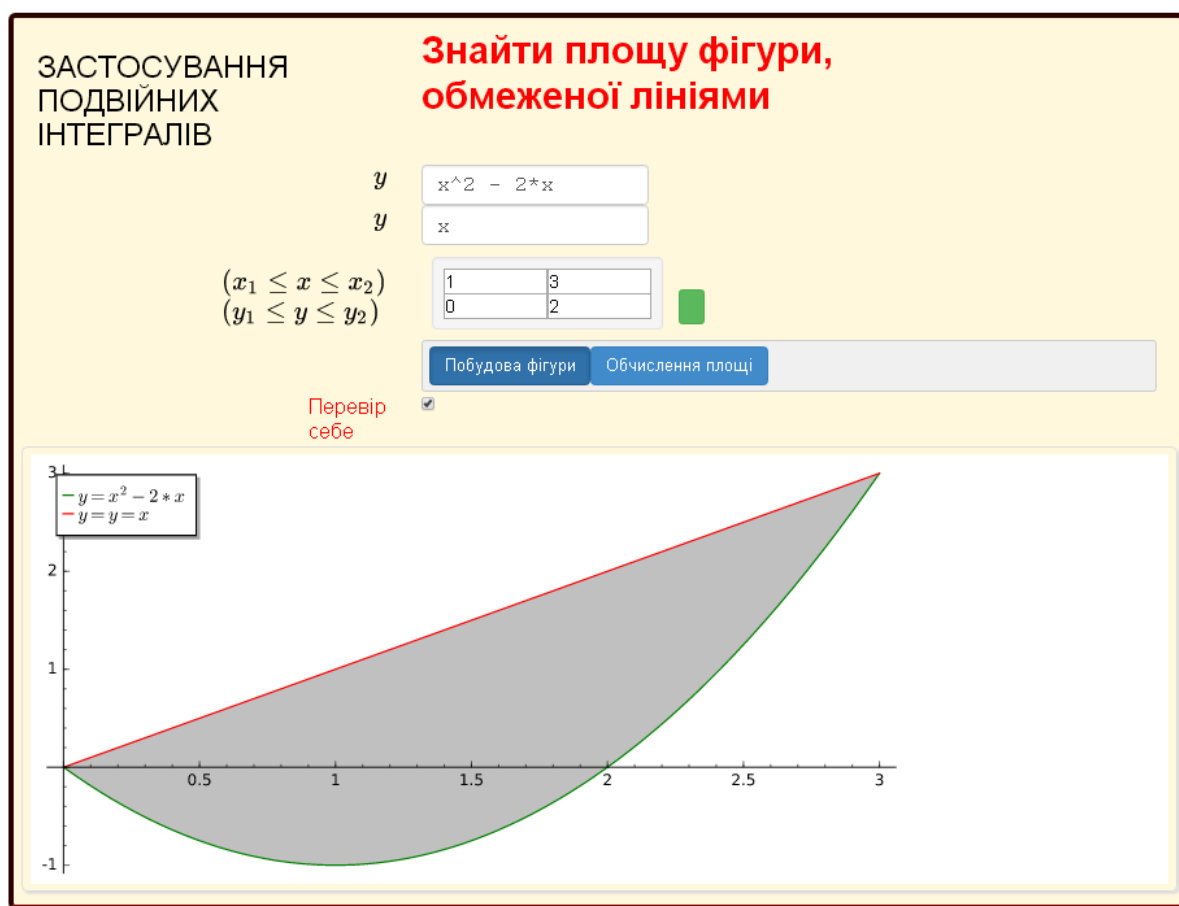


Рис. 3.77. Приклад моделі, розробленої студенткою

Другий шлях використання SageMathCloud у навчально-дослідницьких проектах, курсових роботах та випускній роботі бакалавра передбачає створення (рис. 3.78) та використання ресурсу типу tex.

+ Create new files in home directory of project

+ Create a new file
or directory

Name your file, folder or paste in a link

Test

Select the type

☐ Sage Worksheet

☒ LaTeX Document

☐ Folder

☐ LaTeX Document

Create a professional quality technical paper that contains sophisticated mathematical formulas.

☐ Course

☐ Task List

☐ Download from Internet (internet access blocked -- see project settings)

☐ Create a Chatroom

Рис. 3.78. Створення ресурсу типу tex

Використання редактора *LaTeX* (рис. 3.79) дозволить студенту підготувати якісні навчально-дослідницькі матеріали, матеріали математичного змісту (презентації, якісно оформити навчально-дослідницький проект, курсову роботу або випускну роботу бакалавра) [189].

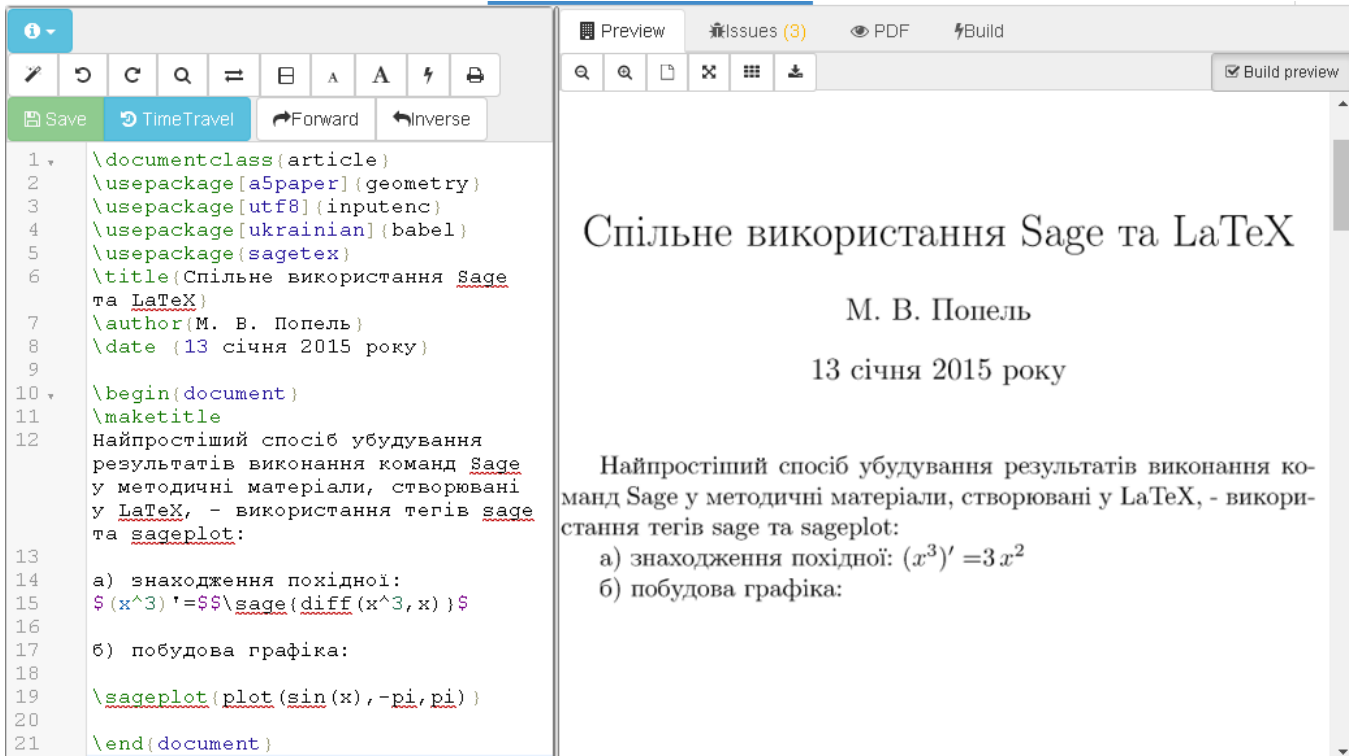


Рис. 3.79. Приклад використання редактора LaTeX

Наступне представлення є більш вдалим та зручним, оскільки студент може вбудовувати обчислення та виконувати побудови (рис. 3.80) одразу ж в текст роботи:

```
\documentclass{article}
\usepackage[a5paper]{geometry}
\usepackage[utf8]{inputenc}
\usepackage[ukrainian]{babel}
\usepackage{sagemath}
\title{Спільне використання Sage та LaTeX}
\author{М. В. Попель}
\date {13 січня 2015 року}
\begin{document}
```

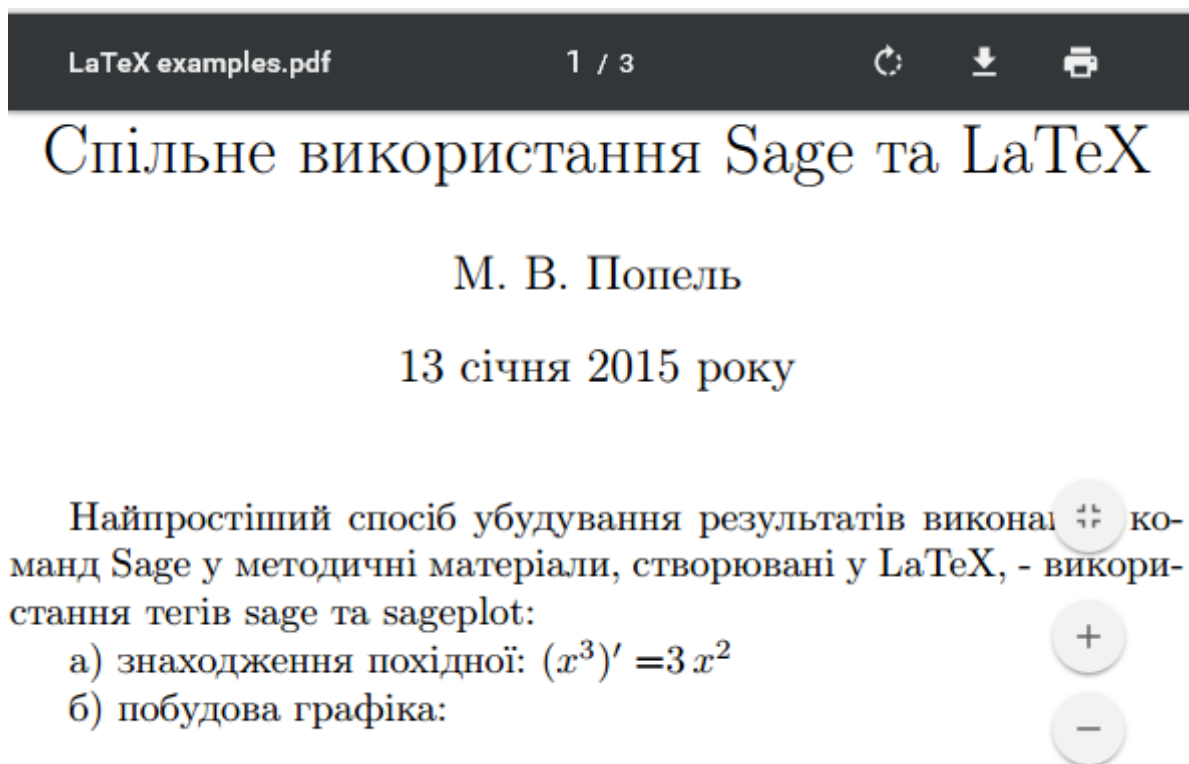



Рис. 3.81. Приклад PDF-документу, створеного на основі ресурсу типу tex

Висновки до розділу 3

У третьому розділі «Методика використання SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей вчителя математики» наведено структуру методики використання SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей вчителя математики, засоби, форми використання SageMathCloud та методи навчання майбутніх учителів математики з використанням цього хмарного сервісу.

Запропонована методика передбачає два етапи запровадження SageMathCloud у навчальний процес:

1. Навчання за програмою факультативу «Використання SageMathCloud у процесі вивчення математичних дисциплін», як елементу змісту підготовки, перепідготовки, підвищення кваліфікації наукових і науково-педагогічних кадрів.

2. Запровадження системи тренінгів, семінарів, вебінарів, індивідуальних консультацій, що можуть здійснюватися у ході пілотного експериментального дослідження (проекту) з розгортання хмаро орієнтованого інформаційно-освітнього середовища у навчальному закладі.

На I етапі формування професійних компетентностей згідно запропонованої методики до варіативної частини освітньо-професійної програми підготовки бакалавра математики доцільно включити факультативний курс «Використання SageMathCloud у процесі вивчення математичних дисциплін». Факультатив спрямований на врахування міждисциплінарних зв'язків (математичних та інформатичних дисциплін професійно науково-предметної підготовки).

Для роботи у SageMathCloud студенти повинні володіти наступними вміннями та навичками, які набуваються на пропедевтичному етапі:

- реєструватись та авторизуватись у системі;
- створювати навчальні ресурси; працювати з sagews-аркушами (включаючи найпоширеніші режими, знати основи мов: LaTeX, Python, HTML);
- вбудовувати відео, аудіо, анкети, графічні файли в ресурс «sagews»;
- спілкуватись у чатах навчальних ресурсів та в ресурсі типу «sage-chat»;
- працювати з навчальним ресурсом типу «tex»;
- завантажувати нові ресурси з електронних носіїв.

На II етапі формування професійних компетентностей відбувається у межах вивчення нормативних математичних навчальних дисциплін. III етап охоплює виконання навчально-дослідницьких проектів з використанням SageMathCloud, курсових робіт, випускної роботи бакалавра.

Головною метою методики використання хмарного сервісу SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей вчителя математики є: підвищення рівня сформованості його професійних компетентностей.

Цільова група: майбутні вчителі математики (студенти).

Очікуваний результат методики використання хмарного сервісу SageMathCloud:

- розширити сучасні погляди на інформаційні процеси, їх роль у вивченні математичних дисциплін;
- навчитися успішно застосовувати інструментарій SageMathCloud для вирішення практичних завдань з математичних дисциплін;
- набути досвід роботи в колективі (за рахунок використання інструментарію SageMathCloud);
- розв’язувати практичні завдання доступними способами та подавати одержані результати;
- набути уміння оцінювати та систематизувати здобуті знання з математичних дисциплін.

Змістовий компонент методики використання хмарного сервісу SageMathCloud включає предметне навчання цього сервісу, педагогічно обґрунтовані, логічно впорядковані та текстуально зафіксовані в навчальних програмах наукові відомості про матеріал, що доцільно вивчати із застосуванням SageMathCloud.

Форми організації навчання із використанням хмарного сервісу SageMathCloud: діалогічні форми, індивідуальні та групові консультації, самостійна робота, практична робота, індивідуальна робота, парна робота, фронтально-колективна робота, диференціально-групова робота, колективні та індивідуальні проекти.

Провідні методи навчання математичних дисциплін з використанням хмарного сервісу SageMathCloud: методи організації й здійснення навчальної діяльності (словесні, наочні, практичні репродуктивні й проблемні, самостійної роботи); методи стимулювання й мотивації навчання (методи формування обов’язковості й відповідальності в навчанні: пред’явлення педагогічних вимог); методи контролю й самоконтролю (письмовий контроль, лабораторні й практичні роботи, фронтальний і диференційований контроль, поточний і підсумковий контроль).

Засоби формування професійних компетентностей учителя математики, що передбачені із використанням хмарного сервісу:

– робочі аркуші, на яких студенти виконують дії з побудови та дослідження математичних моделей;

– чат-кімнати, що використовуються для обговорення процесу та результатів моделювання;

– засоби підтримки навчальної діяльності (ресурси типу course, tasks);

– засоби для створення математичних текстів (tex) та гіпертекстів (html);

– мобільний доступ до інших засобів підтримки математичної діяльності.

Додатковими засобами є:

– навчальний посібник «Організація навчання математичних дисциплін у SageMathCloud»;

– web-сайт з методичними рекомендаціями для майбутніх учителів математики з використання хмарного сервісу SageMathCloud у навчанні різних математичних дисциплін та проекти з використанням SageMathCloud для підтримки навчання.

Основні результати дослідження третього розділу опубліковані в роботах [188; 187; 287].

РОЗДІЛ 4

ОРГАНІЗАЦІЯ ПРОВЕДЕННЯ ТА РЕЗУЛЬТАТИ ЕКСПЕРИМЕНТАЛЬНОЇ РОБОТИ

4.1 Основні етапи дослідно-експериментальної роботи

Задля перевірки ефективності методики використання SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей вчителя математики та сформульованої гіпотези проведено науково-педагогічний експеримент.

Педагогічний експеримент – сукупність методів збору педагогічних фактів в природних або спеціально створених умовах, які дають можливість перевірити вірогідність сформульованої гіпотези, як вважають Г. П. Лаврентьєва та М. П. Шишкіна [113, 6].

При цьому педагогічний експеримент прийнято поділяти на лабораторний та природний. Останній вид експерименту включає в себе, на думку Г. П. Лаврентьєвої та М. П. Шишкіної перехресний та лонгітюдний.

Експериментальна робота щодо моделювання та впровадження авторської методики використання SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей вчителя математики проходила як природний, перехресний педагогічний експеримент у чотири етапи:

- 1) підготовчий (2013-2014 рр.),
- 2) констатувальний (друга половина 2014 р.),
- 3) формувальний (2015 р.),
- 4) контрольний (2016 р.).

Основні завдання педагогічного експерименту:

- виявлення вимог до професійної підготовки учителів математики у ВНЗ України;
- дослідження процесу формування професійних компетентностей вчителя математики;

- виявлення місця хмарного сервісу SageMathCloud у системі засобів навчання математичних дисциплін;

- проектування системи професійних компетентностей учителя математики та створення методики використання SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей вчителя математики;

- на основі аналізу та узагальнення результатів формувального експерименту підтвердження гіпотези або її спростування.

Етапи педагогічного експерименту мали наступну послідовність дій:

- підготовчий етап експерименту – вибір теми, дослідження її актуальності та наявних педагогічних досліджень;

- створення програми дослідження – визначення мети, об'єкта та предмета дослідження, постановка задач, формулювання гіпотези, окреслення методів дослідження, збору та аналізу даних та складання індивідуального плану;

- укладання договору з експериментальними майданчиками про проведення експериментального дослідження;

- збір педагогічних фактів, їх кількісне та якісне опрацювання;

- оформлення результатів, висновків і методичних рекомендацій науково-педагогічного дослідження;

- впровадження результатів експерименту у навчальний процес майбутніх вчителів математики у педагогічних ВНЗ України.

В процесі проведення експериментальної роботи було використано наступні методи:

- аналіз праць науковців з досліджуваної проблеми;

- дослідження досвіду роботи викладачів ВНЗ, вивчення окремих педагогічних досліджень;

- спостереження, бесіда, опитування та анкетування студентів і викладачів;

- аналіз дидактичних можливостей використання хмарного сервісу SageMathCloud процесі навчання математичних дисциплін майбутніх вчителів математики;

– метод статистичної обробки результатів науково-педагогічного експерименту;

– узагальнення результатів діяльності викладачів та студентів.

Експериментальною базою дослідження на констатувальному етапі проведення експерименту були: Криворізький педагогічний інститут ДВНЗ «Криворізький національний університет» (м. Кривий Ріг) та Національний педагогічний університет імені М. П. Драгоманова (м. Київ).

Експериментальною базою дослідження на формувальному етапі проведення експерименту були: Криворізький педагогічний інститут ДВНЗ «Криворізький національний університет» (м. Кривий Ріг). Загальна кількість учасників експерименту склала 16 викладачів та 224 студентів.

В якості мети *першого етапу* експерименту (2013-2014 рр.) було обрати галузь педагогіки, в якій планується експеримент, сформулювати тему дослідження, визначення нерозв'язаних проблем, окреслення з переліку проблем, основні, які можна вирішити в рамках проведення дослідження, окреслити ланку освіти та вікова категорія піддослідних, з'ясувати ступінь наявних наукових досліджень в літературі. Задля досягнення мети була проаналізована психолого-педагогічна, навчально-методична та наукова література; розглянуті проекти стандартів вищої освіти, кваліфікаційні характеристики, та освітньо-професійні програми попередніх років підготовки вчителів математики; вивчався досвід викладачів педагогічних ВНЗ щодо використання хмарних сервісів у навчанні математичних дисциплін; вивчалися й аналізувалися шляхи формування професійних компетентностей майбутніх вчителів математики у процесі навчання математичних дисциплін, визначалися напрями та завдання наступних етапів науково-педагогічного експерименту.

В якості мети *другого етапу* експерименту (друга половина 2014 р.) було визначити наявний стан матеріально-технічного забезпечення експериментальних майданчиків, використання хмарних сервісів викладачами в навчальному процесі та визначення ставлення студентів та викладачів до хмарних сервісів, їх готовності використовувати SageMathCloud в процесі вивчення математичних дисциплін та

рівень сформованості професійних компетентностей майбутніх вчителів математики.

Дослідження здійснювалося шляхом аналізу умов для проведення експерименту: визначення стану матеріально-технічного забезпечення, готовності та зацікавленості викладачів кафедри математики та методики її навчання фізико-математичного факультету Криворізького педагогічного інституту Державного вищого навчального закладу «Криворізький національний університет» та кафедри математики і теорії та методики навчання математики фізико-математичного факультету Національного педагогічного університету імені М. П. Драгоманова і студентів фізико-математичних факультетів Криворізького державного педагогічного університету та Національного педагогічного університету імені М. П. Драгоманова використовувати хмарний сервіс SageMathCloud. Проведене анкетування мало включати дослідження умов роботи як викладачів так і студентів.

Задля визначення рівня сформованості професійних компетентностей майбутніх вчителів математики були обрані складники предметних, технологічних та професійно-практичних компетентностей системи професійних компетентностей вчителя математики: предметно-педагогічні компетентності, інформаційно-технологічні та математичні компетентності. Кожна складова розглядалась окремо та обчислювалась за рівнями: високий, достатній, середній та низький.

Узагальнюючи одержані результати констатувального етапу науково-педагогічного експерименту, можна стверджувати, що:

- переважна більшість студентів і викладачів мають можливість роботи з хмарним сервісом SageMathCloud як у ВНЗ, так і вдома;
- викладачі в більшості випадків не використовують у навчальному процесі хмарні сервіси, за винятком використання хмарних сервісів в якості хмарного сховища;
- викладачі зацікавлені у впровадженні в навчальний процес хмарного сервісу SageMathCloud, в той час, як студенти не готові до цього;
- студенти на початку експерименту показали низький рівень сформованості інформаційно-технологічних та предметно-педагогічних компетентностей,

достатній – математичних компетентностей (рівні сформованості відповідних компетентностей статистично підтверджені);

– студенти та викладачі користуються лише вільно поширюваними програмними засобами (переважно локальними СКМ).

Отже, виявлено протиріччя між:

– достатнім матеріально-технічним забезпеченням ВНЗ та відсутністю досвіду викладачів використання хмарного сервісу SageMathCloud в навчальному процесі майбутніх вчителів математики;

– зацікавленістю та готовністю викладачів використовувати хмарний сервіс SageMathCloud в навчальній діяльності та відсутністю методик використання хмарних сервісів для майбутніх вчителів математики;

– необхідністю формування професійних компетентностей, та не достатньою увагою, що приділяється формуванню предметних та технологічних компетентностей.

Аналізуючи результати констатувального етапу експерименту стає зрозумілим, що усунення зазначених протиріч можливе за рахунок використання хмарних сервісів, як засобів навчання математичних дисциплін, зокрема хмарного сервісу SageMathCloud.

Тобто, є проблема розробки методики використання SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей вчителя математики. В процесі проведення констатувального етапу науково-педагогічного експерименту було реалізовано I етап методики використання SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей вчителя математики, який полягав у проведенні факультативного курсу «Використання SageMathCloud у навчанні математичних дисциплін».

Мета *третього етапу* дослідження (2015 р) полягала в перевірці ефективності застосування методики використання SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей вчителя математики та порівнянні рівнів сформованості окремих складників системи професійних компетентностей вчителя математики експериментальних і контрольних груп. Досягненню даної мети сприяла

реалізація II етапу методики використання SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей вчителя математики, а саме: використання SageMathCloud у навчанні математичних дисциплін. В процесі проведення формувального етапу експерименту було виконано два проміжні зрізи, які дозволили зробити висновок стосовно сформованості наукових компетентностей та компетентності навчання математики у майбутніх вчителів математики. Окрім отого задля порівняння з рівнем сформованості професійних компетентностей на констатувальному етапі проведення експерименту було виконано, по завершенню формувального етапу, повторне вимірювання рівнів предметно-педагогічних компетентностей, інформаційно-технологічних та математичних компетентностей.

В якості мети *четвертого етапу* (2016 р.) було виявлення результатів формувального впливу. Задля цього було перевірено статистично однорідність контрольної та експериментальної груп, статистично опрацьовані результати та проаналізовано рівні сформованості окремих складників професійних компетентностей майбутніх вчителів математики. В рамках даного етапу було реалізовано останній етап авторської методики та проаналізовано результати державного екзамену за спеціальністю груп МІ-11 та МІ-12. Результати державного екзамену також одержали статистичне підтвердження успішності використання запропонованої методики, про що було сформульовано відповідні висновки. Гіпотеза одержала експериментальне підтвердження.

4.2 Статистичне опрацювання та аналіз результатів констатувального етапу педагогічного експерименту

Метою констатувального етапу експерименту було: визначити наявний стан матеріально-технічного забезпечення експериментальних майданчиків, використання хмарних сервісів викладачами в навчальному процесі та визначення ставлення студентів та викладачів до хмарних сервісів, їх готовності використовувати SageMathCloud в процесі вивчення математичних дисциплін та

рівень сформованості професійних компетентностей майбутніх вчителів математики.

У ряді випадків констатувальний етап експерименту ефективно проводити методом анкетування. Для досліджуваного процесу складають ретельно продуману методiku. Основні дані збирають методом опитування за попередньо складеною анкетою. Цей метод дозволяє зібрати дуже велику кількість даних спостережень, або вимірювань по досліджуваному питанню. Однак до результатів анкетних даних потрібно ставитися з особливою ретельністю, оскільки вони не завжди містять достатньо достовірні відомості [127, с. 27].

В якості експериментальної бази дослідження виступає Криворізький педагогічний інститут Державного вищого навчального закладу «Криворізький національний університет» та Національний педагогічний університет імені М. П. Драгоманова.

На етапі вибору експериментального майданчика нами було розроблено анкету «Експериментальний майданчик. Матеріальна база» в двох варіантах: для студентів та викладачів. Анкета складається з 9 закритих дихотомічних питань та одного відкритого, короткого. На меті було: визначити рівень матеріально-технічного забезпечення експериментальних баз дослідження. Розглянемо спочатку анкету, складену для викладачів. Респонденту спочатку потрібно вказати назву навчального закладу та кафедру, на якій він працює. Зрозуміло, що згідно обраної теми дослідження, в першу чергу у центр уваги потрапляють педагогічні ВНЗ, у яких готують учителів математики. Крім того, викладацький склад кафедри має читати математичні дисципліни. Питання в більшій мірі спрямовані на визначення рівня комплектації матеріальної бази майбутнього експериментального майданчика.

Для роботи з SageMathCloud необхідно, щоб робоче місце викладача було обладнане комп'ютером (ноутбуком, нетбуком, планшетом), або він мав би власний пристрій. Для роботи на практичному занятті достатньо буде використання смартфона, але для підготовки до лекційного заняття, попередньої роботи з моделями, їх застосуванням під час проведення заняття потрібно забезпечити викладача комп'ютером (ноутбуком, нетбуком, планшетом) з доступом до мережі

Інтернет. Якщо це буде підключення за допомогою Wi-Fi, то параметри швидкості Інтернету та технічних характеристик роутера також відіграють важливу роль, бо одночасне підключення цілої групи студентів до мережі Інтернет сповільнить його роботу. Експериментальний майданчик має бути забезпечений достатньою кількістю комп'ютерних аудиторій, щоб мати можливість частину практичних занять проводити в них.

Останнє питання анкети: «Чи змогли б Ви проводити практичні заняття, лабораторні роботи в комп'ютерних аудиторіях?» спрямоване на визначення готовності викладача використовувати на практичних заняттях комп'ютери, працювати в комп'ютерних аудиторіях. Хоча цим питанням, звичайно, не можна охарактеризувати особисте ставлення до використання SageMathCloud у навчальному процесі. В даній анкеті не ставилася мета визначити проблеми, які можуть виникнути під час використання SageMathCloud. Також не перевірявся рівень обізнаності викладачів стосовно доступу до мережі Інтернет, кількості комп'ютерної техніки. Основне завдання анкети дослідити матеріальну базу експериментального майданчика, наявні умови роботи, можливі труднощі, взагалі можливість проведення експерименту в даному ВНЗ.

Подібна анкета була створена і для студентів. Частина питань дублюються з анкети, складеної для викладачів. Анкета складається також з 10 питань. На меті було визначити умови навчання студентів вдома та у ВНЗ з використанням комп'ютерів (ноутбуків, нетбуків, планшетів та ін.). Також за допомогою питань визначається можливість використання мережі Інтернет як у ВНЗ, так і під час підготовки до наступного заняття. Головне, щоб експериментальні групи студентів у своїй більшості мали вільний доступ до мережі Інтернет, щоб у них були всі необхідні умови для роботи з SageMathCloud. Зрозуміло, що академічна група студентів, в якій нараховується 50 % і більше, не забезпечених комп'ютерною технікою (чи хоча б смартфоном) або ж які не мають постійного вільного доступу до мережі Інтернет, не може брати участь в проведенні експерименту. Питання на зразок: «У Вашому навчальному закладі є мережа Wi-Fi?», які повторюються в обох анкетах, спрямовані на визначення обізнаності студентів стосовно підключення до

наявної мережі Інтернет. Зрозуміло, що студенти, які не знали пароллю до того ж Wi-Fi, чи можливості підключення до мережі Інтернет їх освітньої установи, будуть цікавитися з цього приводу. Останнє, питання анкети: «Проведення практичного заняття в комп'ютерній аудиторії не відволікатиме Вас від теми заняття?», спрямоване на визначення готовності студентів використовувати на занятті комп'ютерні технології. На нашу думку, дане питання в жодній мірі не може претендувати на визначення готовності студентів взагалі використовувати SageMathCloud.

Анкетування було проведене на фізико-математичних факультетах Криворізького педагогічного інституту Державного вищого навчального закладу «Криворізький національний університет» (61 студент) та Національного педагогічного університету імені М. П. Драгоманова (51 студент). Загальна кількість вибірки склала – 112 респондентів.

Задля зручності усі питання можна віднести до двох категорій: власне матеріальне забезпечення та матеріальне забезпечення ВНЗ. Лише останнє питання показує готовність використовувати на заняттях комп'ютери.

У першу чергу нас цікавило достатня кількість комп'ютерних аудиторій у ВНЗ, оснащеність кожної аудиторії комп'ютерами та вільний доступ до мережі Інтернет. По-перше, це одна з основних вимог проведення експерименту, а по-друге, треба забезпечити усіх студентів можливістю виконання індивідуальних та самостійних завдань відведених на самопідготовку. Адже вдома не в усіх студентів буде така можливість. Хоча, як ми бачимо з діаграм (рис. 4.1 та рис. 4.2) власна матеріальна база студентів навіть краща, ніж та, що надає ВНЗ. Лише у деяких студентів відсутні смартфони чи не має доступу до мобільного Інтернет. Треба звернути увагу, що у всіх студентів є хоча б один з пристроїв, за допомогою якого можна працювати з SageMathCloud.

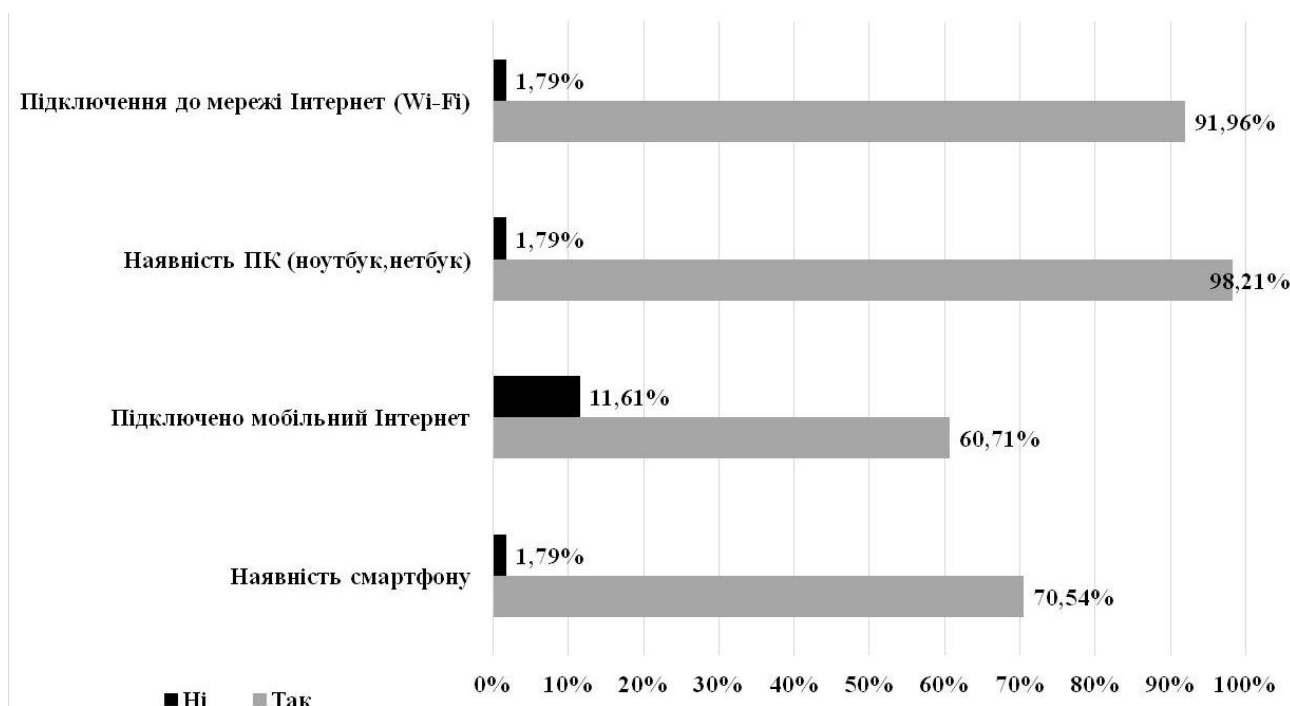


Рис. 4.1. Власна матеріальна база студентів

Під час проведення анкетування зіткнулись з певними проблемами. Більшість студентів не знають, скільки в їх корпусі знаходиться комп'ютерних аудиторій. І може скластись враження, що ВНЗ в недостатній мірі обладнаний задля проведення експерименту.

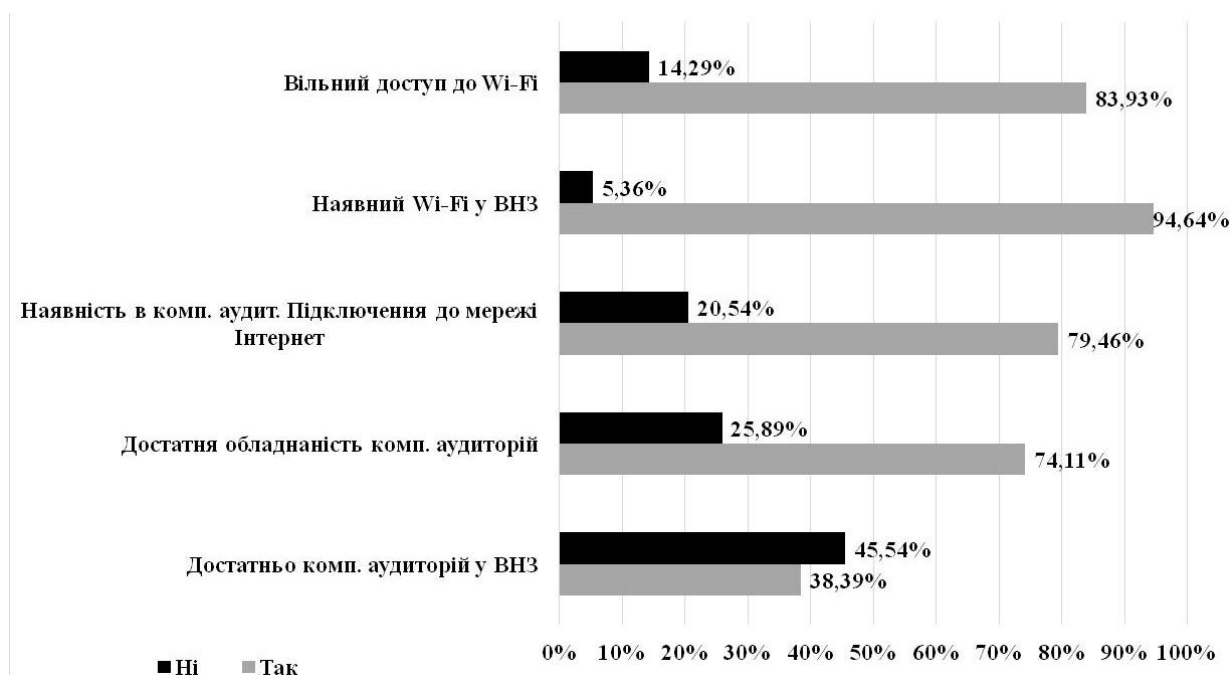


Рис. 4.2. Експериментальний майданчик: матеріальне забезпечення ВНЗ

Що ж стосується готовності використовувати на заняттях комп'ютер, то більше половини студентів (52 %) досліджуваних груп вважають, що використання комп'ютеру не відволікатиме їх від теми заняття.

Анкетування викладачів було проведене на кафедрі математики та методики її навчання фізико-математичного факультету Криворізького педагогічного інституту Державного вищого навчального закладу «Криворізький національний університет» та кафедри математики і теорії та методики навчання математики фізико-математичного факультету Національного педагогічного університету імені М. П. Драгоманова. Загальна кількість вибірки склала – 16 респондентів.

В даному випадку анкета відрізнялась питаннями, що стосувались робочого місця викладача (за рахунок чого забезпечувалась можливість підготовки до заняття) та підключенням пристрою до мережі Інтернет (рис. 4.3, рис. 4.4). Відповіді, що віднесені до категорії «Власні» можна розглядати як ті, що представляють матеріальне забезпечення ВНЗ (в дужках вказана позначка «роб.»), але закріплені за робочим місцем окремого викладача, та власні пристрої (в дужках вказана позначка «вл.»).

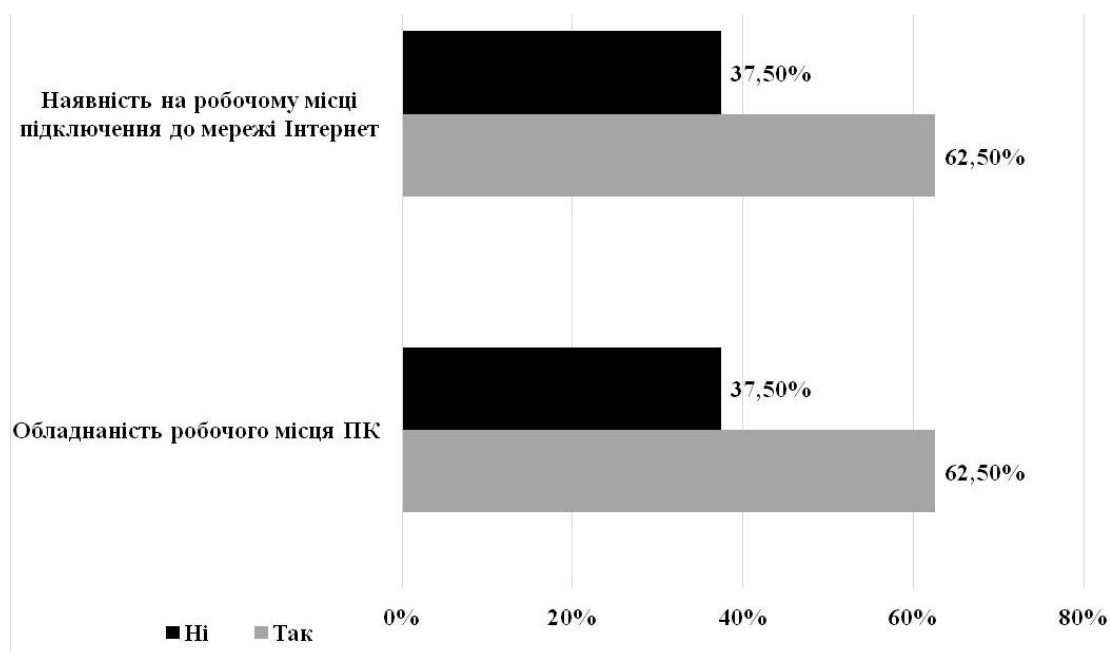


Рис. 4.3. Матеріальна база робочого місця викладача ВНЗ

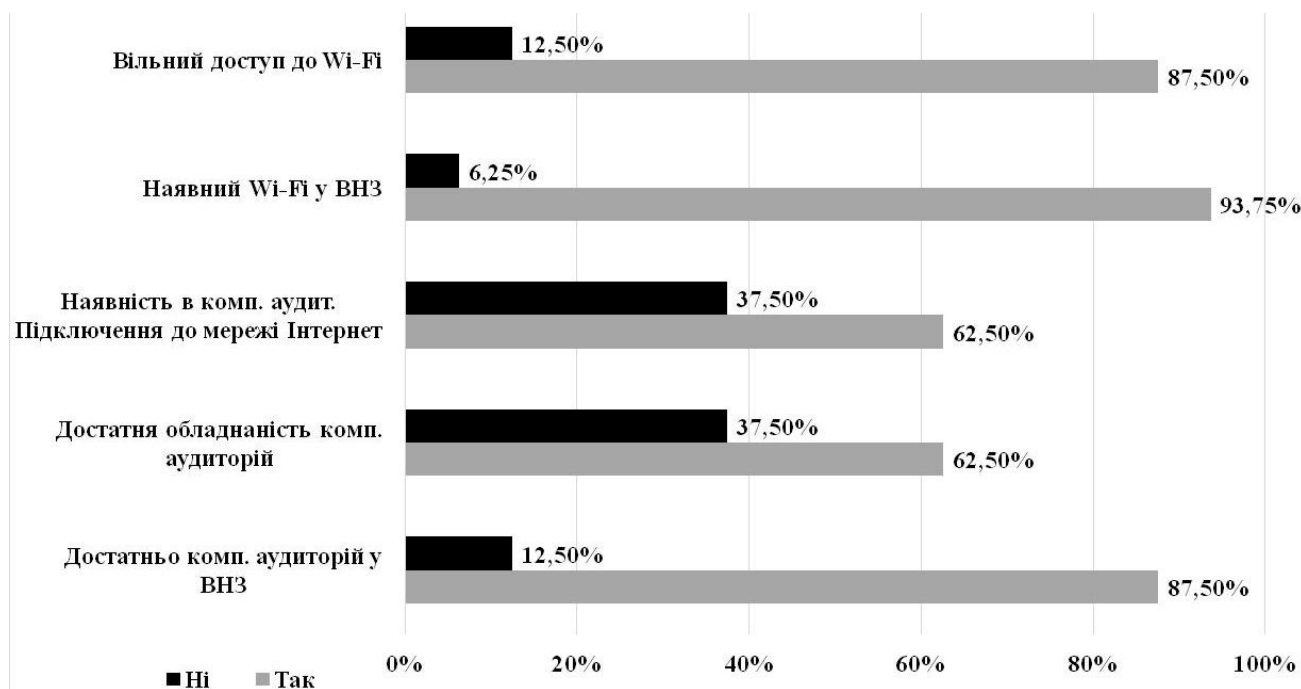


Рис. 4.4. Експериментальний майданчик: матеріальне забезпечення ВНЗ
(відповіді викладачів)

Як показують результати анкетування, не у всіх викладачів робоче місце обладнане персональним комп'ютером (рис. 4.3). Проте, майже у всіх є можливість працювати з хмарним сервісом вдома (наявний пристрій та підключення мережі Інтернет, рис. 4.5).

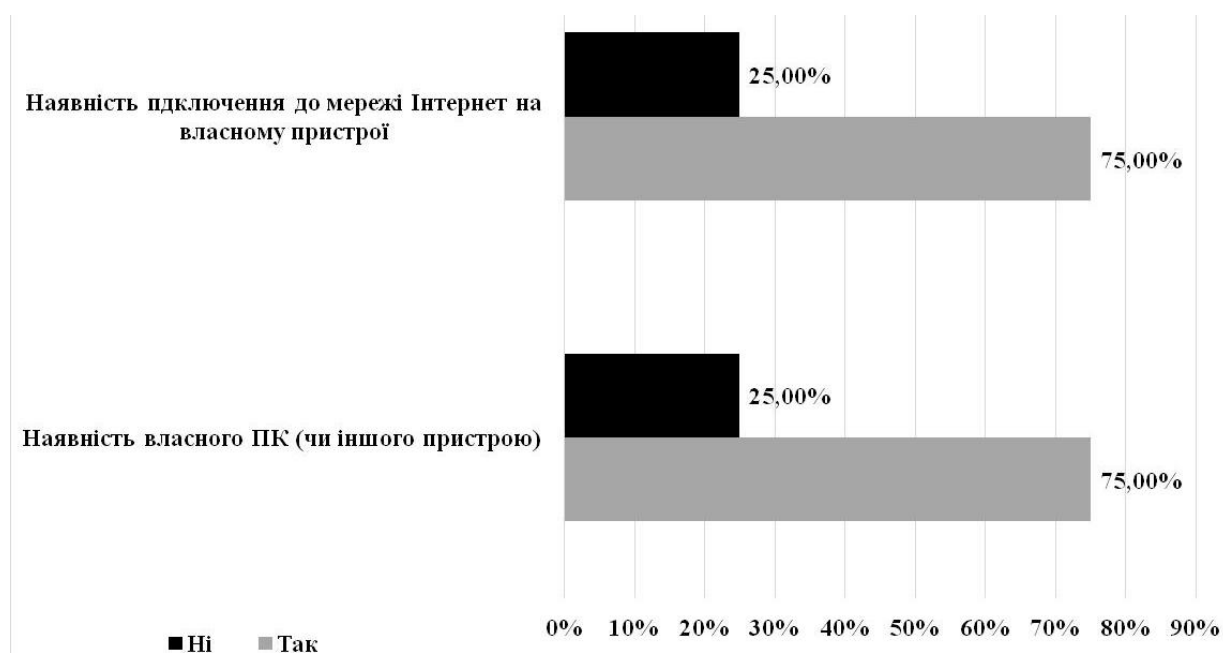


Рис. 4.5. Власна матеріальна база викладачів

Однією із загальних вимог щодо проведення педагогічного експерименту є наявність бажання та готовності (готовність викладачів складає 62,5 %) до впровадження запропонованої методики, власне до використання хмарного сервісу (зокрема SageMathCloud) педагогічним колективом кафедри математики та методики її навчання, кафедри математики і теорії та методики навчання математики. Задля визначення стану обізнаності викладачів математичних дисциплін на обраних експериментальних майданчиках було проведено бесіди з викладачами та анкетування. Анкета складалась з питань, які містили закриті відповіді, переважно дихотомічного типу. Два питання – відкритого типу задля визначення з яким програмними забезпеченням працювали викладачі в підтримку математичних дисциплін. Виявилось, що більша частина респондентів знайомі з СКМ, хмарними сервісами та висловлюють намір використовувати в навчальному процесі хмарні сервіси (рис. 4.6).

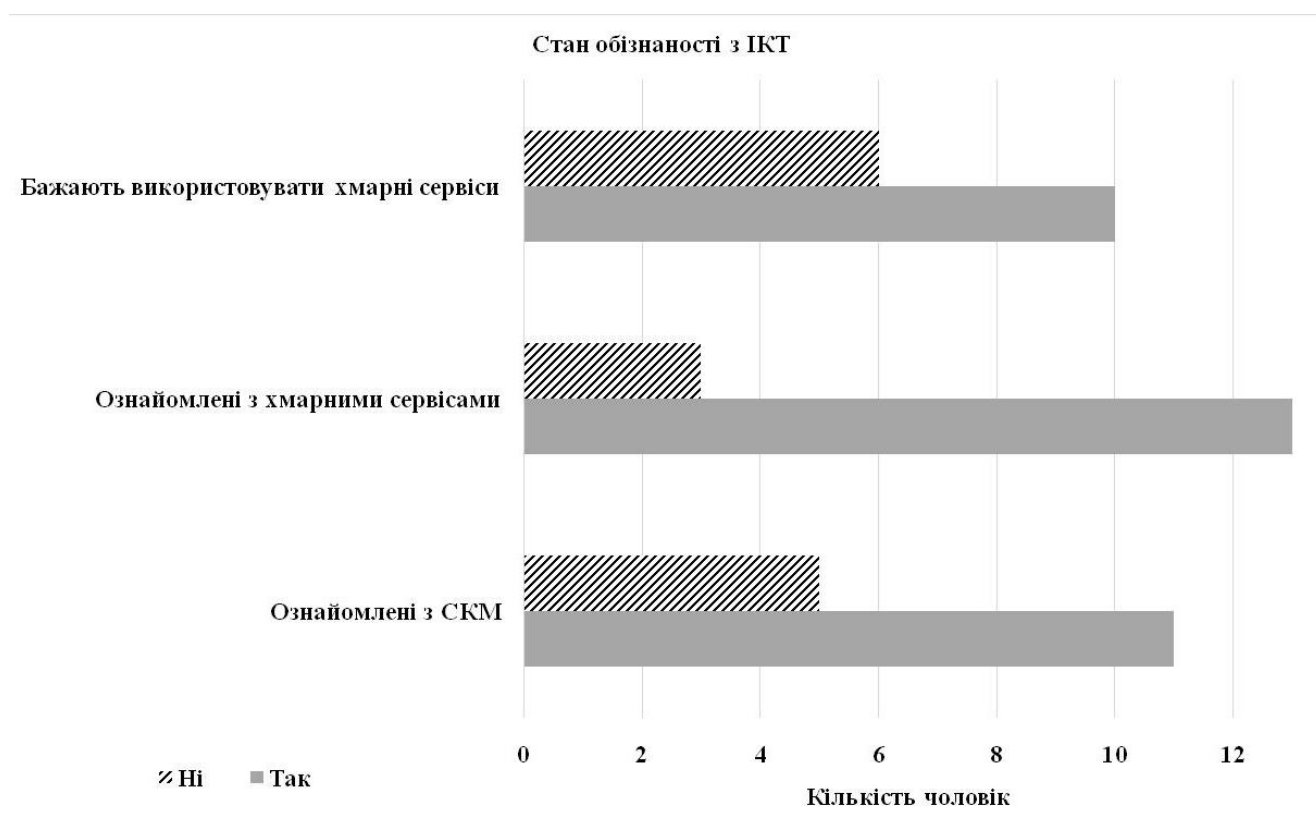


Рис. 4.6. Стан обізнаності викладачів з ІКТ

Проте, далеко не всі респонденти мають досвід використання СКМ та хмарних сервісів (лише 7 чоловік відповідно). Тому, лише деякі з них радять студентам в

процесі виконання громіздких обчислень користуватись СКМ чи хмарними сервісами (рис. 4.7). Крім того, в процесі бесіди було виявлено, що викладачі, які використовують той чи інший хмарний сервіс в навчальному процесі в повній мірі залучають весь можливий інструментарій за браком методичних розробок використання хмарного сервісу як засобу вивчення математичних дисциплін.

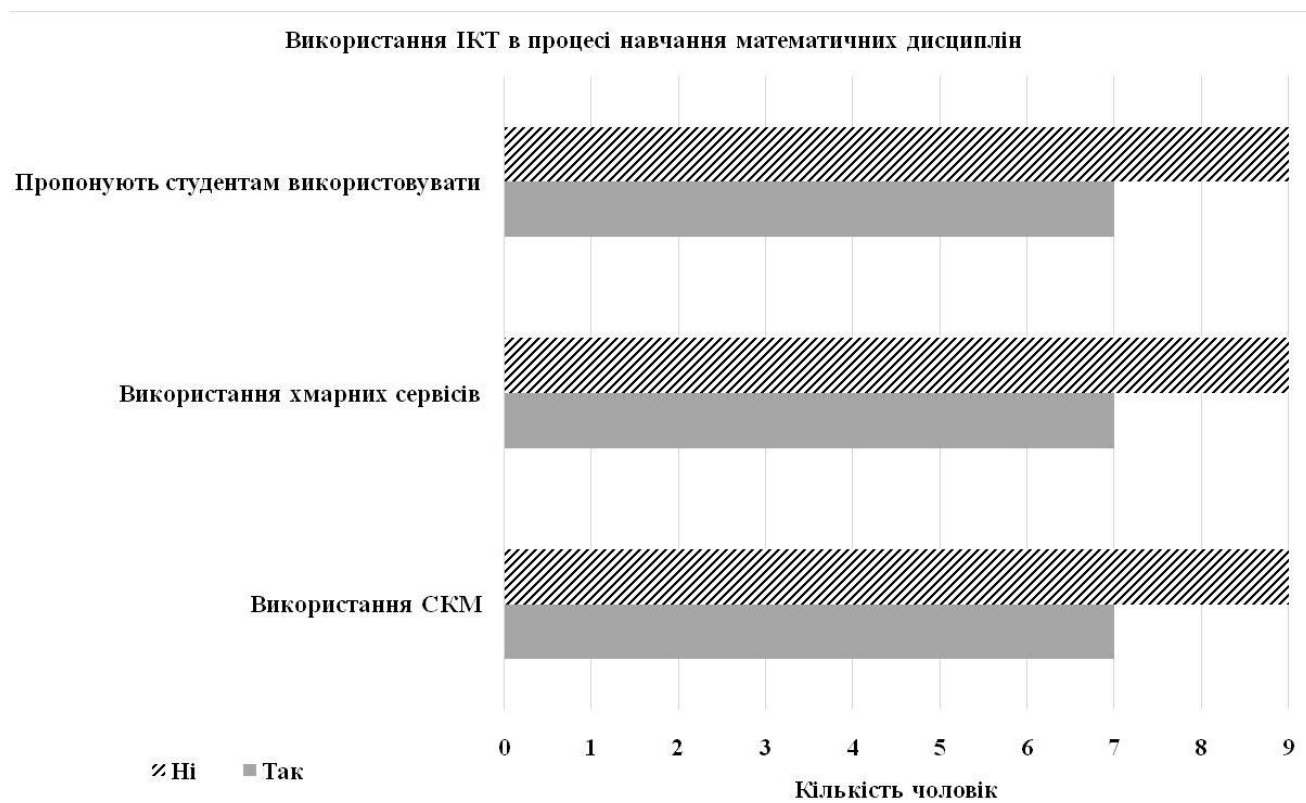


Рис. 4.7. Використання ІКТ викладачами в процесі навчання математичних дисциплін

Більшість викладачів використовують хмарний сервіс лише як хмарне сховище електронних навчальних ресурсів. Використання хмарного сервісу SageMathCloud як засобу навчання математичних дисциплін викладачами кафедр взагалі не розглядалось. Після проведення серії навчальних семінарів та тренінгів для викладачів на кафедрі математики та методики її навчання фізико-математичного факультету Криворізького педагогічного інституту Державного вищого навчального закладу «Криворізький національний університет» та кафедри математики і теорії та методики навчання математики фізико-математичного факультету Національного педагогічного університету імені М. П. Драгоманова було виконано додаткове

опитування, метою якого було виявлення перспектив використання хмарних сервісів в процесі вивчення математичних дисциплін та визначення форм організації навчального процесу математичних дисциплін, які в першу чергу потребують активної підтримки SageMathCloud. Викладачі вбачають перспективи використання хмарних сервісів під час вивчення математичних дисциплін в наступному (рис. 4.8): індивідуалізація навчання; економія часу викладача; різноманітність навчання.

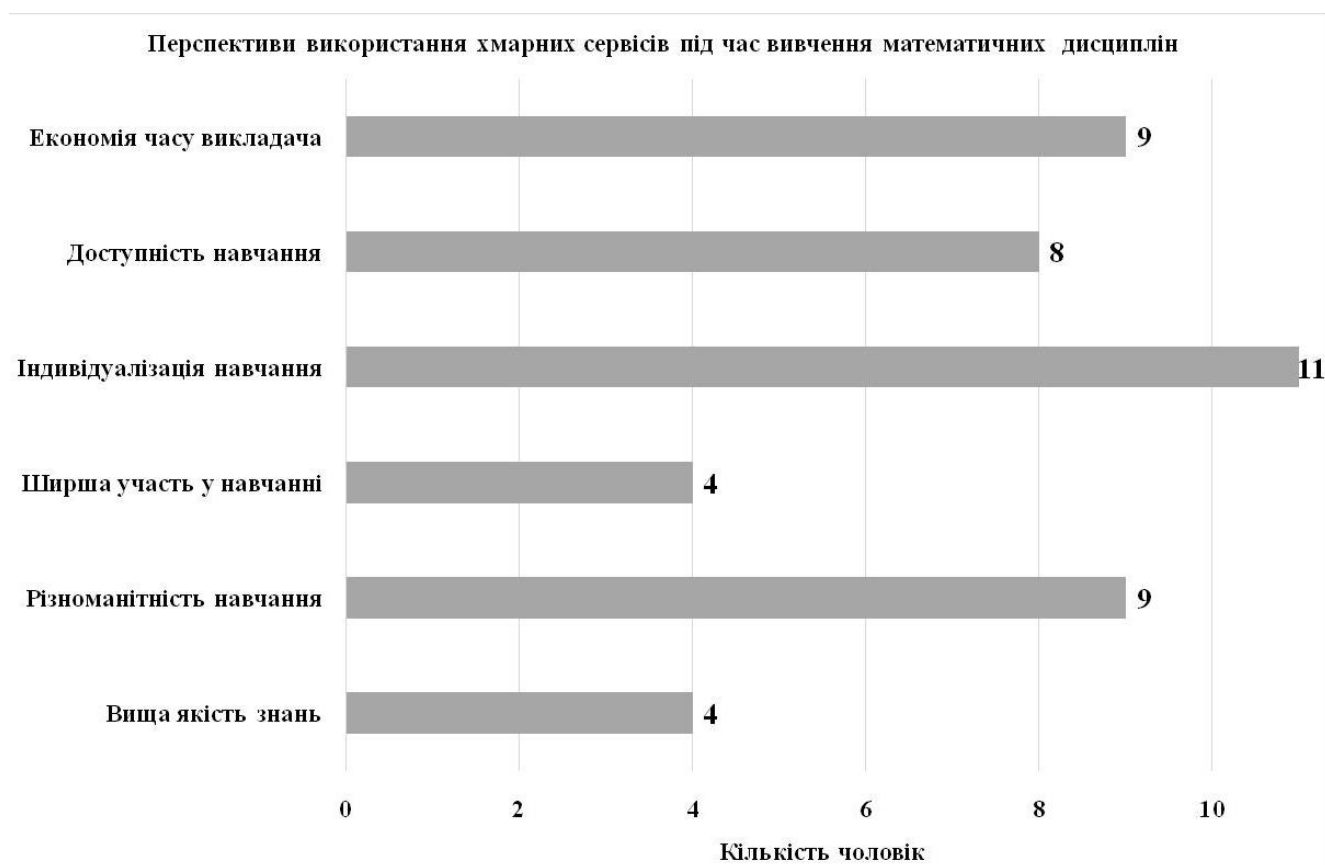


Рис. 4.8. Перспективи використання хмарних сервісів під час вивчення математичних дисциплін

Щодо форм організації навчального процесу, то на думку більшості респондентів, в першу чергу потребують активної підтримки (рис. 4.9): лекції та практичні заняття. В процесі проведення консультації викладачі просто не уявляють яким чином можна організувати роботу із залученням інструментарію хмарного сервіса SageMathCloud, що виступає додатковим підтвердженням запровадження методики використання вказаного хмарного сервісу.

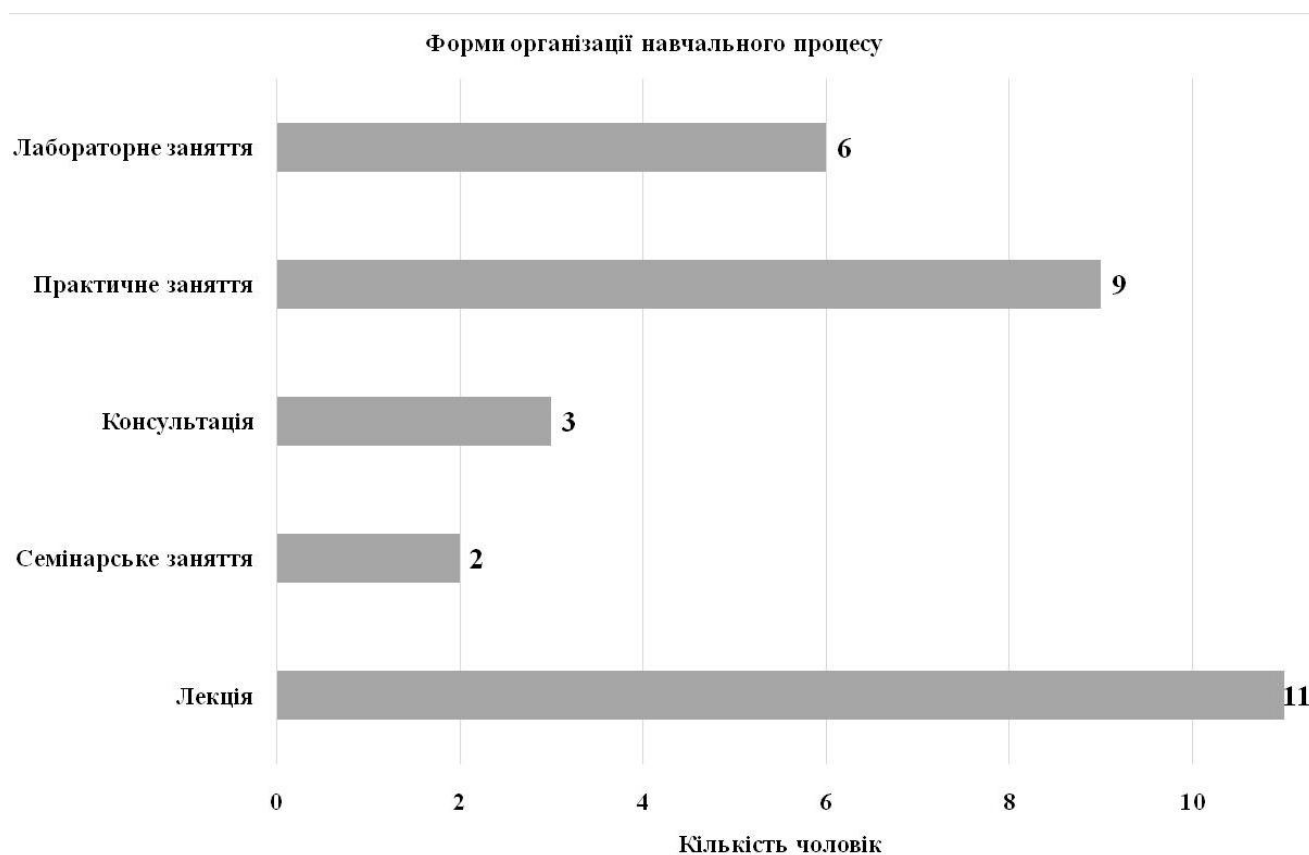


Рис. 4.9. Форми організації навчального процесу, що потребують використання хмарних сервісів

Контрольні та експериментальні групи формувалися наступним чином:

– до складу *контрольних груп* (КГ) були включені студенти груп МІ-11, МІ-13-1, МІ-14-1 (друга половина 2014 р.) та МІ-15 (друга половина 2015 р.) фізико-математичного факультету Криворізького педагогічного інституту Державного вищого навчального закладу «Криворізький національний університет» (всього 61 студент). Студенти контрольних груп навчалися за традиційною методикою формування професійних компетентностей вчителя математики (без використання хмарного сервісу SageMathCloud);

– до складу *експериментальних груп* (ЕГ) були включені студенти груп МІ-12, МІ-13-2, МІ-14-2 (друга половина 2014 р.) та МІ-15 (друга половина 2015 р.) фізико-математичного факультету Криворізького педагогічного інституту Державного вищого навчального закладу «Криворізький національний університет» (всього 61 студент). Студенти експериментальних груп навчалися за авторською методикою

використання SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей вчителя математики (з використанням хмарного сервісу SageMathCloud).

Склад контрольних та експериментальних груп наведено в таблиці 4.1.

Таблиця 4.1

Склад контрольних та експериментальних груп

Групи	Назва групи та кількість студентів за навчальними роками		Разом
	друга половина 2014–2016	друга половина 2015–2016	
Контрольні	МІ-11 (26) МІ-13-1 (11) МІ-14-1 (16)	МІ-15 / перша частина (8)	61
Експериментальні	МІ-12 (26) МІ-13-2 (11) МІ-14-2 (16)	МІ-15 / друга частина (8)	61
Разом	106	16	122

Була спроба урівняти фактори, що впливають на процес навчання: кількісний склад студентів у експериментальних та контрольних групах істотно не відрізнявся; заняття проводилися одними і тими ж викладачами; у контрольних групах застосовувалися СКМ у підтримку вивчення математичних дисциплін.

З метою з'ясування *стану сформованості професійних компетентностей* учителів інформатики протягом другої половини 2014 р. виконувалися констатувальні зрізи наступних складників предметних, технологічних та професійно-практичних компетентностей системи професійних компетентностей вчителя математики: предметно-педагогічні компетентності (рис. 4.12), інформаційно-технологічні (рис. 4.10) та математичні компетентності (рис. 4.11). Кожна складова розглядалась окремо та обчислювалась за рівнями: високий, достатній, середній та низький.



Рис. 4.10. Порівняння розподілів експериментальних та контрольних груп студентів за рівнями сформованості інформаційно-технологічних компетентностей на констатувальному етапі експерименту

Аналізуючи констатувальні зрізи, можна зробити висновок, про те, що студенти мають низький рівень сформованості інформаційно-технологічних та предметно-педагогічних компетентностей, достатній – математичних компетентностей.

На основі даних, наведених на рис. 4.10, спочатку перевіримо достовірність гіпотези про відсутність, з статистичної точки зору, відмінностей між рівнями сформованості інформаційно-технологічних компетентностей експериментальних і контрольних груп за результатами констатувального зрізу. Для цього скористаємося критерієм Фішера [157].

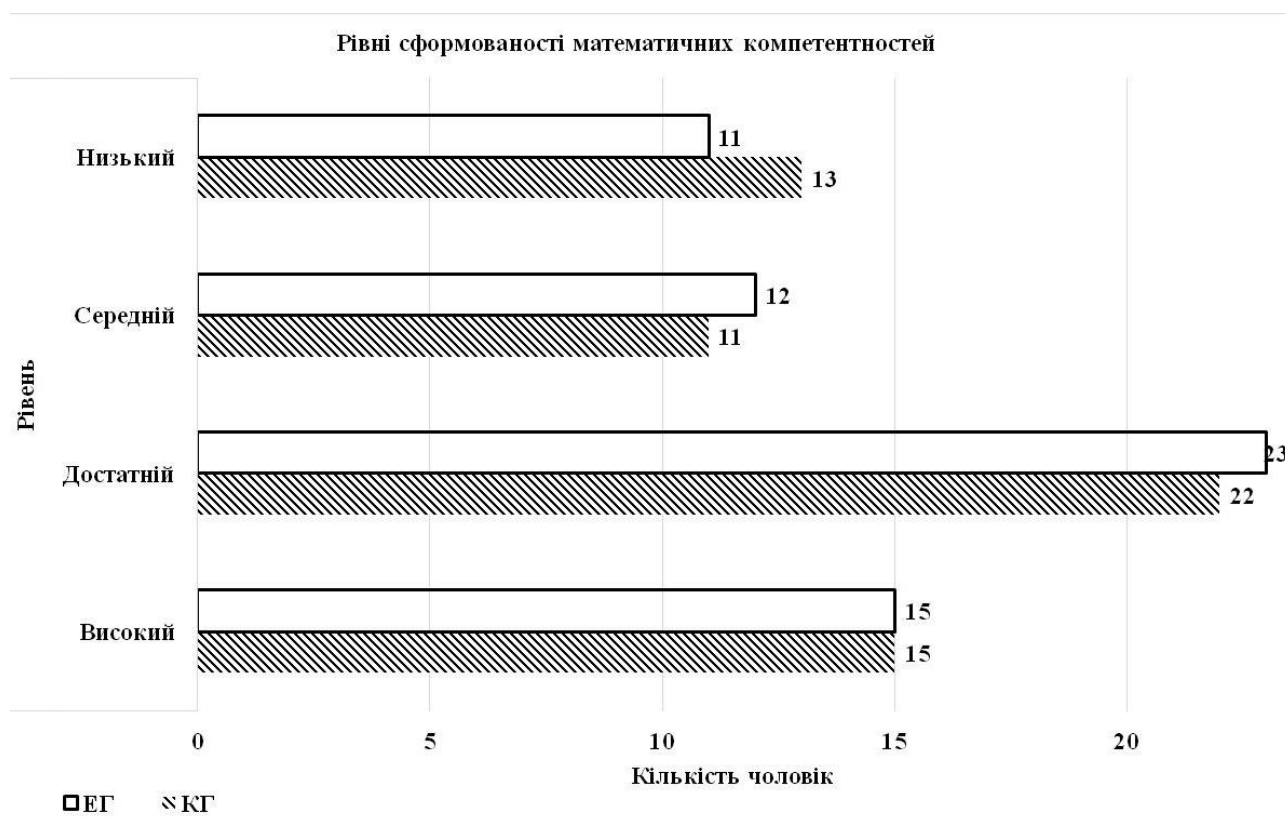


Рис. 4.11. Порівняння розподілів експериментальних та контрольних груп студентів за рівнями сформованості математичних компетентностей на констатувальному етапі експерименту

Сформулюємо гіпотези:

H_0 : Частка студентів, які за результатами дослідження рівнів сформованості інформаційно-технологічних компетентностей показали високий та достатній рівень не більше, ніж у контрольних групах;

H_1 : Частка студентів, які за результатами дослідження рівнів сформованості інформаційно-технологічних компетентностей показали високий та достатній рівень більше, ніж у контрольних групах.

Побудуємо таблицю, яка фактично є таблицею емпіричних частот за двома значеннями ознаки: якщо рівні сформованості інформаційно-технологічних компетентностей зазначені високий та достатній, то «ефект має місце», у протилежному випадку – «ефект відсутній» (табл. 4.2). При цьому в обчисленнях використовуються лише частки, що відповідають спостереженням, для яких ефект має місце.



Рис. 4.12. Порівняння розподілів експериментальних та контрольних груп студентів за рівнями сформованості предметно-педагогічних компетентностей на констатувальному етапі експерименту

Таблиця 4.2

Таблиця для розрахунків за критерієм Фішера при порівнянні двох груп за часткою студентів, які мають високий та достатній рівні сформованості інформаційно-технологічних компетентностей на констатувальному етапі експерименту

Групи	Ефект має місце		Ефект відсутній		Всього
	Кількість студентів	%	Кількість студентів	%	
Контрольні	14	23%	47	77%	61
Експериментальні	16	26%	45	74%	61
Всього	25		12		122

Експериментальні дані повністю задовольняють обмеження, що накладаються кутовим перетворенням Фішера:

а) жодна з часток, що порівнюються, не дорівнює нулю;

б) кількість спостережень у обох вибірках більше 5, що дозволяє будь-які співставлення.

За критичне значення критерію Фішера для кожного із зазначених складників системи оберемо – 1,64.

Емпіричне значення критерію Фішера – 0,49. Характеристики порівнюваних вибірок збігаються на рівні значущості 0,05.

Тобто емпіричне значення 0,49 знаходиться у *зоні незначущості* і гіпотеза H_0 приймається. Це означає, що достовірно, з рівнем значущості 0,05, що частка студентів, які за результатами дослідження рівнів сформованості інформаційно-технологічних компетентностей показали високий та достатній рівень не більше, ніж у контрольних групах.

На основі даних, наведених на рис. 4.11, перевіримо достовірність гіпотези про відсутність, з статистичної точки зору, відмінностей між рівнями сформованості математичних компетентностей експериментальних і контрольних груп. Для цього скористаємося критерієм Фішера.

Сформулюємо гіпотези:

H_0 : Частка студентів, які за результатами дослідження рівнів сформованості математичних компетентностей показали високий та достатній рівень не більше, ніж у контрольних групах;

H_1 : Частка студентів, які за результатами дослідження рівнів сформованості математичних компетентностей показали високий та достатній рівень більша, ніж у контрольних групах.

Побудуємо таблицю, яка фактично є таблицею емпіричних частот за двома значеннями ознаки: якщо рівні сформованості інформаційно-технологічних компетентностей зазначені високий та достатній, то «ефект має місце», у протилежному випадку – «ефект відсутній» (табл. 4.3). При цьому в обрахунках використовуються лише частки, що відповідають спостереженням, для яких ефект має місце.

Експериментальні дані повністю задовольняють обмеження, що накладаються кутовим перетворенням Фішера.

Таблиця для розрахунків за критерієм Фішера при порівнянні двох груп за часткою студентів, які мають високий та достатній рівні сформованості математичних компетентностей на констатувальному етапі експерименту

Групи	Ефект має місце		Ефект відсутній		Всього
	Кількість студентів	%	Кількість студентів	%	
Контрольні	37	61%	24	39%	61
Експериментальні	38	62%	23	38%	61
Всього	25		12		122

Емпіричне значення критерію Фішера – 0,19, критичне – 1,64. Характеристики порівнюваних вибірок збігаються на рівні значущості 0,05. Тобто емпіричне значення 0,19 знаходиться у зоні *незначущості* і гіпотеза H_0 приймається. Це означає, що достовірно, з рівнем значущості 0,05, що частка студентів, які за результатами дослідження рівнів сформованості математичних компетентностей показали високий та достатній рівень не більше, ніж у контрольних групах.

На основі даних, наведених на рис. 4.12, перевіримо достовірність гіпотези про відсутність, з статистичної точки зору, відмінностей між рівнями сформованості предметно-педагогічних компетентностей експериментальних і контрольних груп. Для цього скористаємося критерієм Фішера. Сформулюємо гіпотези:

H_0 : Частка студентів, які за результатами дослідження рівнів сформованості предметно-педагогічних компетентностей показали високий та достатній рівень не більше, ніж у контрольних групах;

H_1 : Частка студентів, які за результатами дослідження рівнів сформованості предметно-педагогічних компетентностей показали високий та достатній рівень більша, ніж у контрольних групах.

Побудуємо таблицю, яка фактично є таблицею емпіричних частот за двома значеннями ознаки: якщо рівні сформованості інформаційно-технологічних компетентностей зазначені високий та достатній, то «ефект має місце», у протилежному випадку – «ефект відсутній» (табл. 4.4). При цьому в обрахунках

використовуються лише частки, що відповідають спостереженням, для яких ефект має місце.

Таблиця 4.4

Таблиця для розрахунків за критерієм Фішера при порівнянні двох груп за часткою студентів, які мають високий та достатній рівні сформованості предметно-педагогічних компетентностей на констатувальному етапі експерименту

Групи	Ефект має місце		Ефект відсутній		Всього
	Кількість студентів	%	Кількість студентів	%	
Контрольні	18	30%	43	70%	61
Експериментальні	22	36%	39	64%	61
Всього	25		12		122

Експериментальні дані повністю задовольняють обмеження, що накладаються кутовим перетворенням Фішера

Емпіричне значення критерію Фішера – 0,77, критичне – 1,64. Характеристики порівнюваних вибірок збігаються на рівні значущості 0,05.

Тобто емпіричне значення 0,77 знаходиться у зоні *незначущості* і гіпотеза H_0 приймається. Це означає, що достовірно, з рівнем значущості 0,05, що частка студентів, які за результатами дослідження рівнів сформованості предметно-педагогічних компетентностей показали високий та достатній рівень не більше, ніж у контрольних групах.

Нами було проведено додатково анкетування та тестування академічних груп студентів МІ-11 (26 студентів), МІ-12-1 (17 студентів), МІ-12-2 (18 студентів). Загальна кількість вибірки становить – 61 студент. Анкета «Ставлення до використання інформаційно-комунікаційних технологій (ІКТ)» та тест, який мав за мету визначити рівень самостійності опанування студентами матеріалу, що винесено на самостійне опрацювання з математичних дисциплін. Анкетування проводилося повне. Анкета була напівзакритою, загалом містила в собі прямі запитання. В анкетах присутні питання дихотомічні та зі стандартизованою низкою відповідей [213, с. 70-71].

Анкета та тест було створено інструментами Google Диску, а саме Google Форми для кожної окремої групи [182]. Для групи студентів МІ-11 анкета та тест було розміщено на сайті <https://sites.google.com/a/kramarenko.com.ua/grupa-mi-11> де в рамках експерименту створено сторінку «Майя Попель, Sagemath Cloud» для ознайомлення з основними відомостями, що стосується SageMathCloud: <https://sites.google.com/a/kramarenko.com.ua/grupa-mi-11/maja-popel-eksperimenti>. На вказаній сторінці розміщені посилання на офіційний сайт Sage та підручники, представлена загальна інформація стосовно хмарного сервісу та презентація «Знайомство з SageMathCloud». Сторінка носить суто інформативний характер. Нижче – розташована анкета та тест.

Студенти групи МІ-11 заповнили анкету та пройшли тест у вересні-жовтні 2014 року. Студенти академічних груп МІ-12-1 та МІ-12-2 заповнили анкету у вересні, а тест пройшли в жовтні 2014 року [182].

Студенти груп МІ-12-1 та МІ-12-2 отримали посилання на анкету та тест електронною поштою разом з поясненнями стосовно SageMathCloud в яких були подані основні відомості.

Анкета «Ставлення до використання інформаційно-комунікаційних технологій (ІКТ)» націлена на визначення попереднього досвіду роботи студентів з ІКТ, хмарними сервісами та окресленням переліку математичних дисциплін, які потребують, на думку студентів, активного використання ІКТ.

Результати даної анкети показали, що група студентів МІ-11 активно використовують в своїй практиці ІКТ як на заняттях з математичних дисциплін, так і під час тем винесених на самостійне опрацювання.

Студенти ж груп МІ-12-1 та МІ-12-2 в більшій мірі взагалі дуже рідко (6 %) використовують в своїй практиці засоби ІКТ. Про хмарні сервіси знають лише 17 % студентів. Активно використовують хмарні сервіси – 6 %. 33 % студентів вбачають у використанні ІКТ позитивні зміни під час вивчення математичних дисциплін.

За допомогою тесту вдалось встановити, що студенти в більшій мірі оцінюють свій рівень знань як «середній» (92 %). Усі студенти групи МІ-11 використовують під час підготовки до тієї чи іншої математичної дисципліни засоби ІКТ [182].

Найбільше проблем у студентів викликають завдання на доведення, виконанні побудов у просторі та під час роботи з графіками. На думку студентів, найінтенсивнішого використання ІКТ та хмарних сервісів потребують наступні дисципліни: «Математичний аналіз», «Теорія ймовірностей та математична статистика», «Елементарна математика». 92 % студентів групи МІ-11 сподіваються, що практичні заняття будуть в подальшому супроводжуватись більшою кількістю прикладів, більш різноманітним ілюстративним матеріалом.

Студенти груп МІ-12-1 та МІ-12-2 вважають, що не в змозі опанувати матеріал самостійно на високому рівні (82 %). До речі, в цих групах студенти не так активно використовують засоби ІКТ під час підготовки до математичних дисциплін (лише 47 %). Майже всі студенти хотіли б покращити свій рівень знань з математичного аналізу, причому або з усіх розділів, або ж тем, які відносяться до інтегрального числення.

Ми не обмежувались результатами, одержаними, лише на основі заповнення анкети та проходження тесту. Ми використали в своєму дослідженні метод бесіди з викладачами. Дані, одержані нами в процесі анкетування, підтвердились.

Аналізуючи усі одержані результати, ми можемо зробити висновки, що більшість проблем студенти вбачають під час вивчення наступних математичних дисциплін: математичного аналізу, теорії ймовірностей та математичної статистики, елементарної математики. Студенти хотіли б підвищити свій рівень знань за рахунок більшого використання ІКТ на практичних заняттях з обраних математичних дисциплін. Крім того, визначено, які саме завдання викликають найбільш труднощів: завдання на доведення, побудови у просторі та робота з графіками функцій. Якщо ж розглянути на конкретній дисципліні, наприклад обрати математичний аналіз, то більшої уваги потребують тема «Інтегральне числення». Таким чином, застосування хмарного сервісу SageMathCloud є актуальним і бажаним, і його доцільно зорієнтувати на опрацювання визначених завдань.

4.3 Статистичне опрацювання та аналіз результатів формувального етапу педагогічного експерименту

В якості мети формувального етапу дослідження було обрано перевірку ефективності застосування методики використання SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей вчителя математики та порівнянні рівнів сформованості окремих складників системи професійних компетентностей вчителя математики експериментальних і контрольних груп.

Розподіл рівнів сформованості окремих компонентів системи професійних компетентностей учителя математики в контрольних і експериментальних групах за результатами контрольного зрізу та кінцевого (по завершенню формувального етапу науково-експериментальної роботи) подано у табл. 4.5, табл. 4.6 та табл. 4.7 (рівні сформованості інформаційно-технологічних, математичних та предметно-педагогічних компетентностей відповідно).

Таблиця 4.5

Розподіл рівнів сформованості інформаційно-технологічних компетентностей у контрольних і експериментальних групах за результатами констатувального та кінцевого зрізу

Рівень	Констатувальний зріз (кількість студентів)		Кінцевий зріз (кількість студентів)	
	Контрольна група (КГ)	Експериментальна група (ЕГ)	Контрольна група (КГ)	Експериментальна група (ЕГ)
Високий	2	2	2	5
Достатній	12	14	12	28
Середній	25	25	28	21
Низький	22	20	19	7
Всього	61	61	61	61

Гістограми порівняльного розподілу рівнів сформованості інформаційно-технологічних, математичних та предметно-педагогічних компетентностей за результатами констатувального та кінцевого зрізу представлено на рис. 4.13, рис. 4.14 та рис. 4.15 відповідно.

Таблиця 4.6

Розподіл рівнів сформованості математичних компетентностей у контрольних і експериментальних групах за результатами констатувального та кінцевого зрізу

Рівень	Констатувальний зріз (кількість студентів)		Кінцевий зріз (кількість студентів)	
	Контрольна група (КГ)	Експериментальна група (ЕГ)	Контрольна група (КГ)	Експериментальна група (ЕГ)
Високий	15	15	8	15
Достатній	22	23	18	25
Середній	11	12	20	16
Низький	13	11	15	5
Всього	61	61	61	61

На основі даних, наведених на рис. 4.13, спочатку перевіримо достовірність гіпотези про наявність, з статистичної точки зору, відмінностей між рівнями сформованості інформаційно-технологічних компетентностей експериментальних і контрольних груп за результатами кінцевого зрізу. Для цього скористаємося критерієм Фішера. Сформулюємо гіпотези:

H_0 : Частка студентів, які за результатами дослідження рівнів сформованості інформаційно-технологічних компетентностей показали високий та достатній рівень більша, ніж у контрольних групах;

H_1 : Частка студентів, які за результатами дослідження рівнів сформованості інформаційно-технологічних компетентностей показали високий та достатній рівень не більша, ніж у контрольних групах.

Таблиця 4.7

Розподіл рівнів сформованості предметно-педагогічних компетентностей у контрольних і експериментальних групах за результатами констатувального та кінцевого зрізу

Рівень	Констатувальний зріз (кількість студентів)		Кінцевий зріз (кількість студентів)	
	Контрольна група (КГ)	Експериментальна група (ЕГ)	Контрольна група (КГ)	Експериментальна група (ЕГ)
Високий	12	12	11	16
Достатній	6	10	6	13
Середній	7	12	9	14
Низький	36	27	35	18
Всього	61	61	61	61

Побудуємо таблицю, яка фактично є таблицею емпіричних частот за двома значеннями ознаки: якщо рівні сформованості інформаційно-технологічних компетентностей зазначені високий та достатній, то «ефект має місце», у протилежному випадку – «ефект відсутній» (табл. 4.8). При цьому в обрахунках використовуються лише частки, що відповідають спостереженням, для яких ефект має місце. Експериментальні дані повністю задовольняють обмеження, що накладаються кутовим перетворенням Фішера:

- а) жодна з часток, що порівнюються, не дорівнює нулю;
- б) кількість спостережень у обох вибірках більше 5, що дозволяє будь-які співставлення.

За критичне значення критерія Фішера для кожного із зазначених складників системи оберемо – 1,64.

Емпіричне значення критерію Фішера – 3,61, критичне – 1,64. Достовірність відмінностей характеристик експериментальної і контрольної груп за статистичним критерієм Фішера дорівнює 95%.

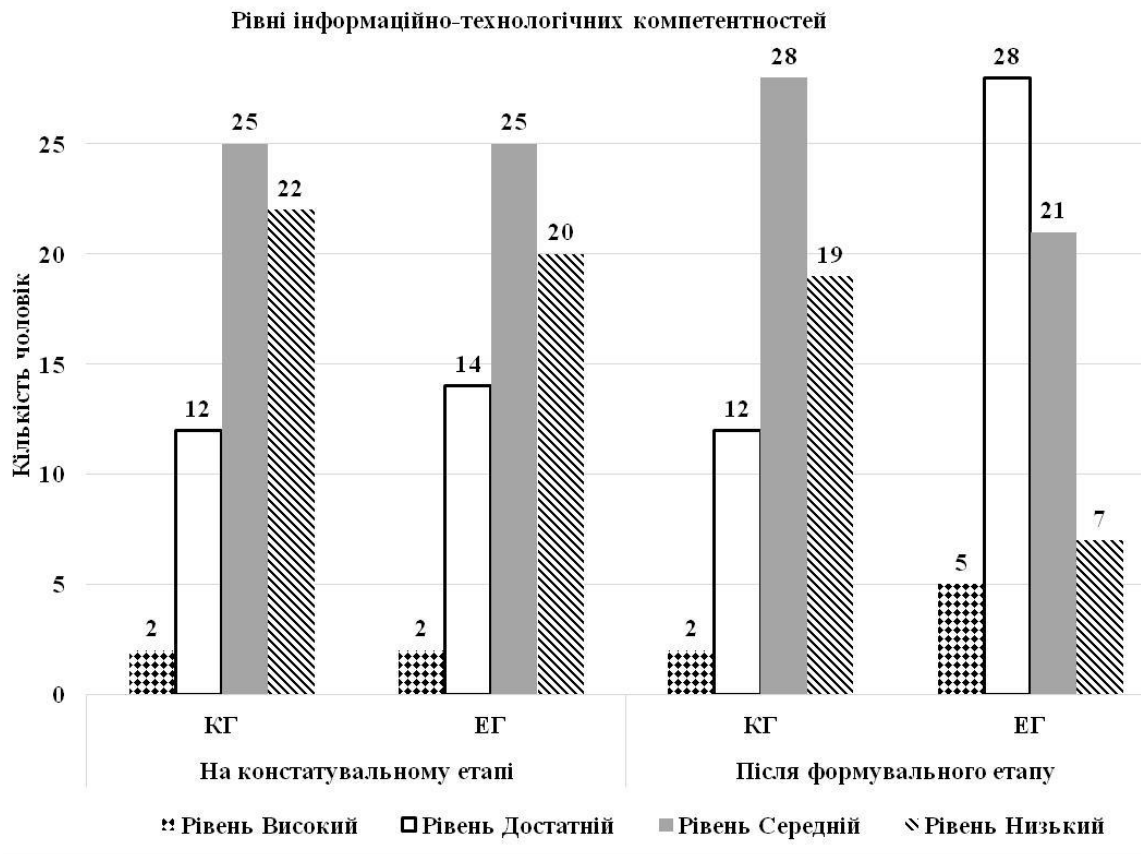


Рис. 4.13. Гістограми порівняльного розподілу рівнів сформованості інформаційно-технологічних компетентностей за результатами констатувального та кінцевого зрізу

Таблиця 4.8

Таблиця для розрахунків за критерієм Фішера при порівнянні двох груп за часткою студентів, які мають високий та достатній рівні сформованості інформаційно-технологічних компетентностей після формувального етапу експерименту

Групи	Ефект має місце		Ефект відсутній		Всього
	Кількість студентів	%	Кількість студентів	%	
Контрольні	14	23%	47	77%	61
Експериментальні	33	54%	28	46%	61
Всього	25		12		122

Отже, якщо характеристики експериментальної і контрольної груп до початку експерименту збігаються з рівнем значущості 0,05, і, одночасно з цим, достовірність

відмінностей характеристик експериментальної і контрольної груп після експерименту дорівнює 95%, то можна зробити висновок, що застосування методики використання SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей вчителя математики призводить до статистично значущих відмінностей результатів.

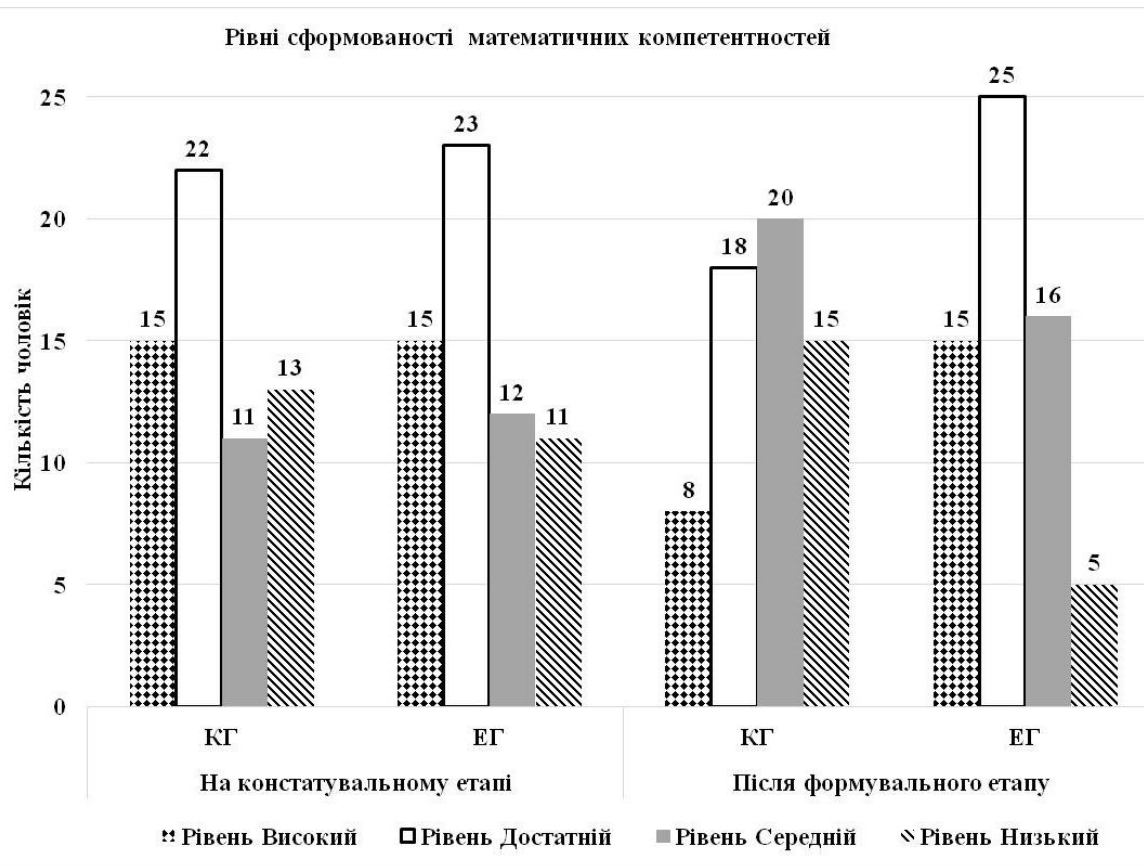


Рис. 4.14. Гістограми порівняльного розподілу рівнів сформованості математичних компетентностей за результатами констатувального та кінцевого зрізу

На основі даних, наведених на рис. 4.14, спочатку перевіримо достовірність гіпотези про наявність, з статистичної точки зору, відмінностей між рівнями сформованості математичних компетентностей експериментальних і контрольних груп за результатами кінцевого зрізу. Для цього скористаємося критерієм Фішера. Сформулюємо гіпотези:

H_0 : Частка студентів, які за результатами дослідження рівнів сформованості математичних компетентностей показали високий та достатній рівень більша, ніж у контрольних групах;

H_1 : Частка студентів, які за результатами дослідження рівнів сформованості математичних компетентностей показали високий та достатній рівень не більша, ніж у контрольних групах.

Побудуємо таблицю, яка фактично є таблицею емпіричних частот за двома значеннями ознаки: якщо рівні сформованості математичних компетентностей зазначені високий та достатній, то «ефект має місце», у протилежному випадку – «ефект відсутній» (табл. 4.9). При цьому в обрахунках використовуються лише частки, що відповідають спостереженням, для яких ефект має місце. Експериментальні дані повністю задовольняють обмеження, що накладаються кутовим перетворенням Фішера.

Таблиця 4.9

Таблиця для розрахунків за критерієм Фішера при порівнянні двох груп за часткою студентів, які мають високий та достатній рівні сформованості математичних компетентностей після формувального етапу експерименту

Групи	Ефект має місце		Ефект відсутній		Всього
	Кількість студентів	%	Кількість студентів	%	
Контрольні	26	43%	35	57%	61
Експериментальні	40	66%	21	34%	61
Всього	25		12		122

Емпіричне значення критерію Фішера – 2,57, критичне – 1,64. Достовірність відмінностей характеристик експериментальної і контрольної груп за статистичним критерієм Фішера дорівнює 95%.

Отже, якщо характеристики експериментальної і контрольної груп до початку експерименту збігаються з рівнем значущості 0,05, і, одночасно з цим, достовірність відмінностей характеристик експериментальної і контрольної груп після експерименту дорівнює 95%, то можна зробити висновок, що застосування методики використання SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей вчителя математики призводить до статистично значущих відмінностей результатів.

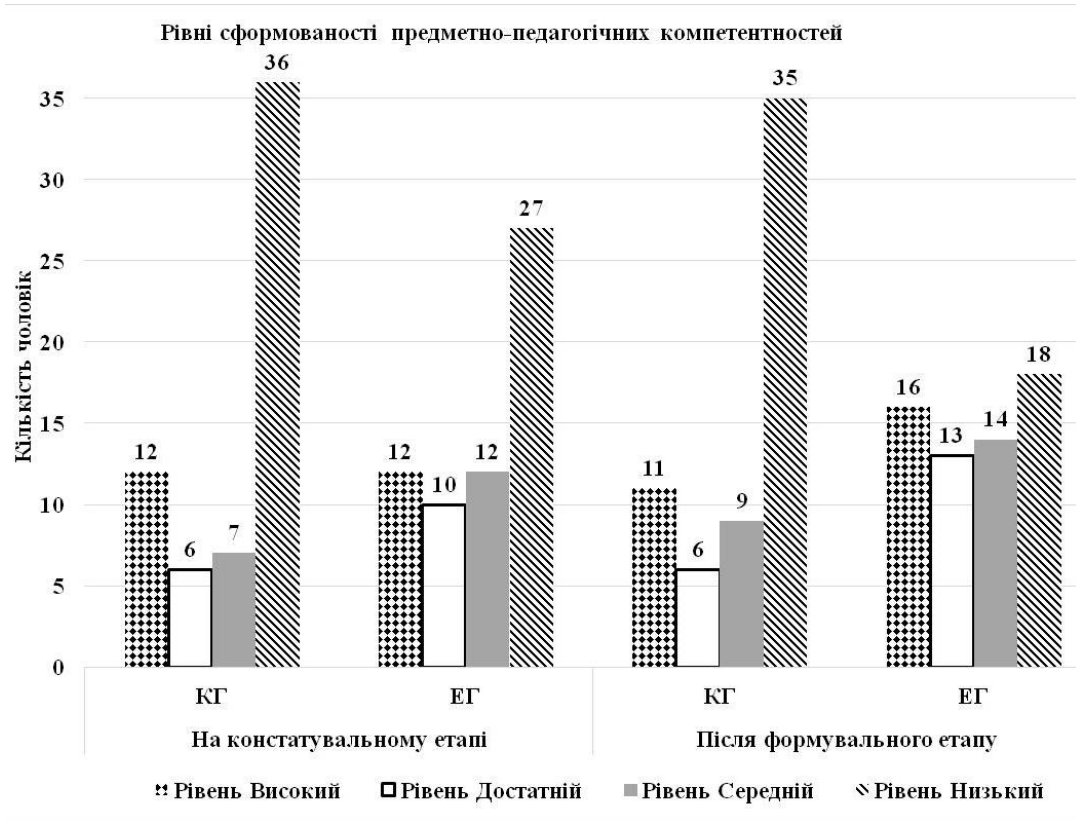


Рис. 4.15. Гістограми порівняльного розподілу рівнів сформованості предметно-педагогічних компетентностей за результатами констатувального та кінцевого зрізу

На основі даних, наведених на рис. 4.15, спочатку перевіримо достовірність гіпотези про наявність, з статистичної точки зору, відмінностей між рівнями сформованості предметно-педагогічних компетентностей експериментальних і контрольних груп за результатами кінцевого зрізу. Для цього скористаємося критерієм Фішера. Сформулюємо гіпотези:

H_0 : Частка студентів, які за результатами дослідження рівнів сформованості предметно-педагогічних компетентностей показали високий та достатній рівень більша, ніж у контрольних групах;

H_1 : Частка студентів, які за результатами дослідження рівнів сформованості предметно-педагогічних компетентностей показали високий та достатній рівень не більша, ніж у контрольних групах.

Побудуємо таблицю, яка фактично є таблицю емпіричних частот за двома значеннями ознаки: якщо рівні сформованості предметно-педагогічних компетентностей зазначені високий та достатній, то «ефект має місце», у

протилежному випадку – «ефект відсутній» (табл. 4.10). При цьому в обрахунках використовуються лише частки, що відповідають спостереженням, для яких ефект має місце. Експериментальні дані повністю задовольняють обмеження, що накладаються кутовим перетворенням Фішера.

Таблиця 4.10

Таблиця для розрахунків за критерієм Фішера при порівнянні двох груп за часткою студентів, які мають високий та достатній рівні сформованості предметно-педагогічних компетентностей після формувального етапу експерименту

Групи	Ефект має місце		Ефект відсутній		Всього
	Кількість студентів	%	Кількість студентів	%	
Контрольні	26	43%	35	57%	61
Експериментальні	40	66%	21	34%	61
Всього	25		12		122

Емпіричне значення критерію Фішера – 2,26, критичне – 1,64. Достовірність відмінностей характеристик експериментальної і контрольної груп за статистичним критерієм Фішера дорівнює 95 %.

Отже, якщо характеристики експериментальної і контрольної груп до початку експерименту збігаються з рівнем значущості 0,05, і, одночасно з цим, достовірність відмінностей характеристик експериментальної і контрольної груп після експерименту дорівнює 95 %, то можна зробити висновок, що застосування методики використання SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей вчителя математики призводить до статистично значущих відмінностей результатів.

Задля визначення стану професійних компетентностей по завершенню формувального етапу проведення експерименту були розглянуті також результати державного екзамену за спеціальністю, оскільки саме державний екзамен відображає комплексний стан сформованості професійних компетентностей з урахуванням усіх складників. Так, за результатами державного екзамену в експериментальній групі відсоток студентів, які одержали оцінку «відмінно»

більший, ніж у контрольній (на 7 %). Відсоток студентів, які склали державний екзамен на оцінку «добре» в експериментальній групі дорівнює 58 %, а в контрольній – 31 %.

Державний екзамен зазвичай складається з перевірки професійних знань, що формують уміння та навичок випускників певного ВНЗ, виконання комплексного кваліфікаційного завдання, що формують професійні уміння та передбачає співбесіду з членами державної екзаменаційної комісії (ДЕК). Державний екзамен виступає в якості загальнодержавного методу комплексної діагностики сформованості професійних знань, умінь та навичок.

На основі даних, наведених на рис. 4.16, перевіримо достовірність гіпотези про статистично значущі відмінностей між результатами державного екзамену, а отже і сформованістю професійних компетентностей студентів експериментальної (МІ-12) і контрольної груп (МІ-11). Експериментальні дані повністю задовольняють обмеження, що накладаються на застосування критерію Вілкоксона-Манна-Уїтні (кожна вибірка має містити не менше трьох елементів).

Емпіричне значення критерію Вілкоксона-Манна-Уїтні – 2,1595, критичне – 1,96. Достовірність відмінностей характеристик порівнюваних вибірок складає 95 %. Тобто емпіричне значення 2,1595 знаходиться у *зоні значущості*. Це означає, що достовірно, з рівнем значущості 0,05, що результати державного екзамену за спеціальністю в експериментальних групах відрізняються від результатів в контрольних групах на 95%, а отже рівні сформованості професійних компетентностей студентів у експериментальних групах за результатами констатувальних зрізів відрізняються від рівнів сформованості професійних компетентностей студентів у контрольних групах.

Порівнюючи рівні сформованості професійних компетентностей у контрольних та експериментальних групах на початку формувального етапу та наприкінці експерименту, можна спостерігати збільшення частки студентів, які мають високий та середній рівні сформованості професійних компетентностей.

Аналіз результатів формувального етапу педагогічного експерименту показав, що розподіли рівнів сформованості професійних компетентностей в

експериментальній та контрольній групах майбутніх учителів математики мають статистично значущі відмінності, зумовлені упровадженням розробленої методики, що підтверджує гіпотезу дослідження.

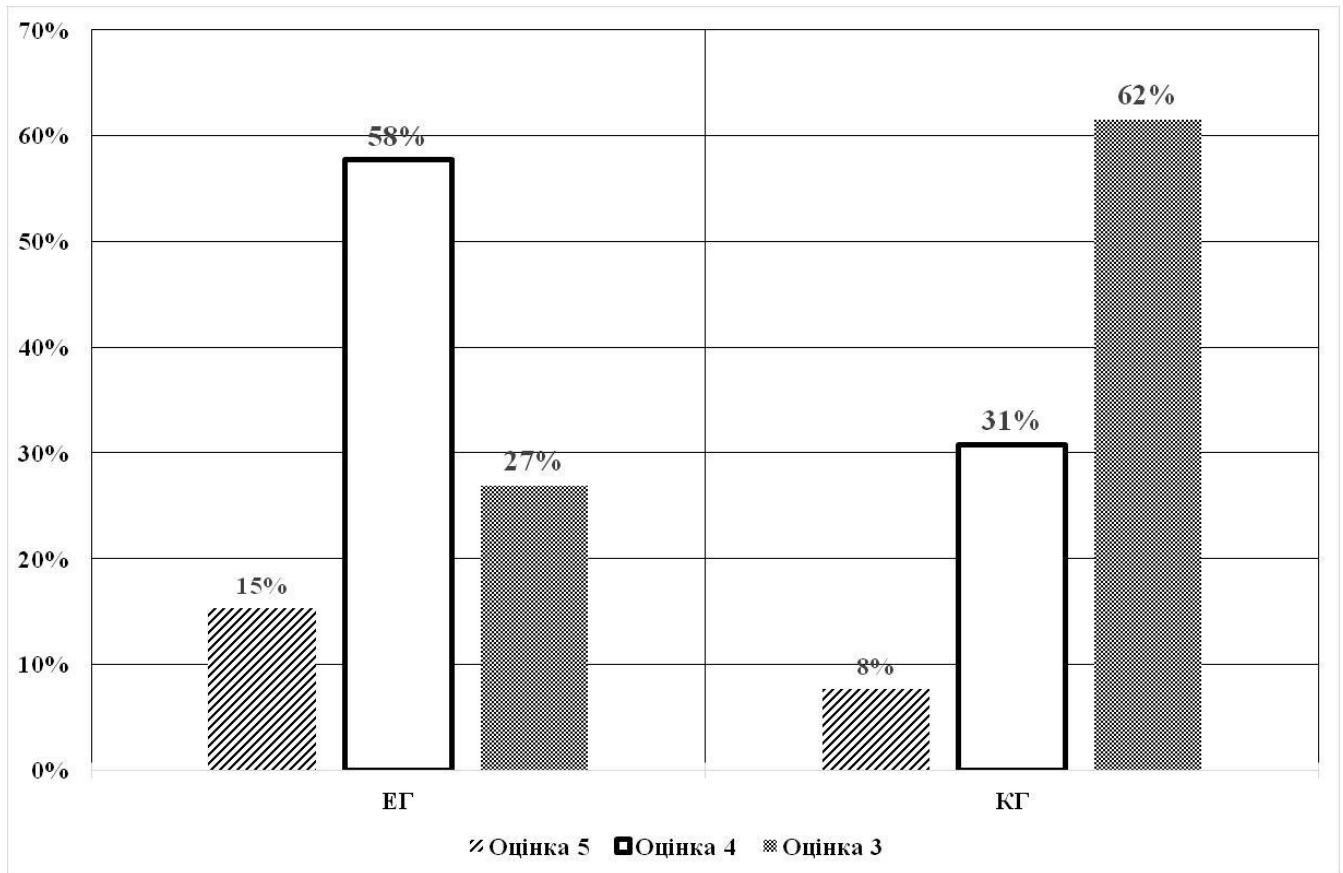


Рис. 4.16. Процентне співвідношення результатів державного екзамену у контрольній та експериментальній групах

Висновки до розділу 4

У четвертому розділі «Організація проведення та результати експериментальної роботи» подані відомості щодо етапів дослідження, наведені завдання та зміст експериментальної роботи, виконано кількісне та якісне опрацювання результатів констатувального та формувального етапів педагогічного експерименту.

Контрольні та експериментальні групи формувалися наступним чином:

– склад *контрольних груп* (КГ) охоплював студентів груп, що навчалися за традиційною методикою формування професійних компетентностей учителя математики;

– склад *експериментальних груп* (ЕГ) охоплював студентів груп, які навчалися за авторською методикою використання SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей учителя математики.

Узагальнюючи одержані результати констатувального етапу педагогічного експерименту, можна стверджувати:

– переважна більшість студентів і викладачів мають можливість роботи з хмарним сервісом SageMathCloud як у ВНЗ, так і вдома;

– викладачі в більшості випадків не використовують у навчальному процесі хмарні сервіси, за винятком застосування їх в якості хмарного сховища;

– викладачі зацікавлені у впровадженні в навчальний процес хмарного сервісу SageMathCloud, але студенти не готові до цього;

– студенти на початку експерименту показали низький рівень сформованості інформаційно-технологічних та предметно-педагогічних компетентностей, достатній – математичних компетентностей;

– студенти та викладачі користуються лише вільно поширюваними програмними засобами (переважно локальними системами комп'ютерної математики).

З метою з'ясування *стану сформованості професійних компетентностей* та оцінювання ефективності методики використання SageMathCloud виконувалися констатувальні зрізи наступних складників предметних, технологічних та професійно-практичних компетентностей системи професійних компетентностей учителя математики: предметно-педагогічні, інформаційно-технологічні та математичні компетентності. Кожний складник розглядався окремо та обчислювались значення за рівнями: високий, достатній, середній та низький.

Задля аналізу даних було встановлено збіги (на констатувальному етапі експерименту) та відмінності (після формувального етапу експерименту) характеристик експериментальної і контрольної груп за критерієм Фішера. Для

цього були сформульовані статистичні гіпотези: про відсутність відмінностей між рівнями сформованості окремих складників системи професійних компетентностей та про значимість відмінностей між рівнями сформованості обраних складників.

Аналізуючи одержані результати на констатувальному етапі експерименту, можна зробити висновок, що рівні сформованості професійних компетентностей майбутніх вчителів математики контрольної та експериментальної груп співпадають з рівнем значущості $\alpha=0,05$.

Аналізуючи одержані результати після формувального етапу експерименту, можна зробити висновок, що достовірність відмінностей рівнів сформованості професійних компетентностей майбутніх вчителів математики контрольної та експериментальної груп складає 95 %.

Задля підтвердження відмінностей між рівнями сформованості професійних компетентностей по завершенню формувального етапу експерименту були розглянуті результати державного екзамену за спеціальністю, оскільки саме державний екзамен відображає комплексний стан сформованості професійних компетентностей з урахуванням усіх складників.

Так, за результатами державного екзамену в експериментальній групі відсоток студентів, які одержали оцінку «відмінно» більший, ніж у контрольній (на 7 %). Відсоток студентів, які склали державний екзамен на оцінку «добре» в експериментальній групі дорівнює 58 %, а в контрольній – 31 %.

Задля перевірки достовірності відмінностей у контрольній та експериментальній групах було застосовано критерій Вілкоксона-Манна-Уїтні. Емпіричне значення критерію Вілкоксона-Манна-Уїтні складає 2,1, критичне – 1,96. Отже, достовірність відмінностей характеристик порівнюваних вибірок складає 95 %.

Порівнюючи рівні сформованості професійних компетентностей у контрольній та експериментальній групах на початку формувального етапу та наприкінці експерименту, можна спостерігати збільшення частки студентів, які мають високий та середній рівні сформованості професійних компетентностей.

Аналіз результатів формувального етапу педагогічного експерименту показав, що розподіли рівнів сформованості професійних компетентностей в експериментальній та контрольній групах майбутніх учителів математики мають статистично значущі відмінності, зумовлені впровадженням розробленої методики використання хмарного сервісу SageMathCloud, що підтверджує гіпотезу дослідження. Основні результати дослідження четвертого розділу опубліковані в роботах [182].

ВИСНОВКИ

У відповідності до поставленої мети та завдань дослідження в ході вивчення наукової проблеми і впровадження розробленої методики використання хмарного сервісу SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей учителя математики отримано такі основні **результати**: розглянуто професійну підготовку вчителів математики у ВНЗ України, формування їх професійних компетентностей, проаналізовано вітчизняний і зарубіжний досвід використання хмарних сервісів для формування професійних компетентностей учителя математики, досліджено місце хмарного сервісу SageMathCloud у системі засобів навчання математичних дисциплін; охарактеризовано процес проектування системи професійних компетентностей учителя математики, висвітлено особливості використання сервісу SageMathCloud у навчанні математичних дисциплін, розроблено модель використання хмарного сервісу SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей учителя математики; розроблено методику використання SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей учителя математики; подані відомості щодо етапів дослідження, наведені завдання та зміст експериментальної роботи, виконано кількісне та якісне опрацювання результатів констатувального та формувального етапів педагогічного експерименту.

Результати дослідження надають підстави зробити такі **висновки**:

1. У результаті аналізу стану проблеми запровадження у навчальний процес хмарних сервісів на основі вітчизняного і зарубіжного досвіду виявлено, що нині вже існують хмарні версії різних систем комп'ютерної математики, що породжує тенденції розвитку програмного забезпечення математичного призначення, що полягають у переході до використання хмаро орієнтованих платформ його постачання, віртуалізації сервісів, а також використання їх як послуги. Виокремлені напрями використання сервісу SageMathCloud у процесі навчання математичних дисциплін, зокрема, підтримування індивідуальних та групових форм організації навчальної діяльності; забезпечення наочності; підвищення часової та просторової

мобільності та ін.; обґрунтовано переваги використання хмарних сервісів: економія ресурсів, мобільність доступу, еластичність.

2. Формування професійних компетентностей учителя математики передбачає набуття ним компетентностей у галузі математики та суміжних з нею дисциплін, методики навчання та дидактики, психологічних і педагогічних основ здійснення навчально-виховного процесу, дослідницької діяльності та педагогічного спілкування, що визначає якість його професійної діяльності.

У складі професійних компетентностей майбутнього вчителя математики, що набуваються з використанням SageMathCloud, виокремлено наступні компетентності: предметно-педагогічні, інформаційно-технологічні та математичні компетентності, які входять до складу предметних, технологічних та професійно-практичних компетентностей. Для кожного складника були визначені показники сформованості професійних компетентностей згідно до чотирьох рівнів (високий, достатній, середній, низький).

3. На основі спроектованої системи професійних компетентностей майбутнього вчителя математики розроблено модель використання хмарного сервісу SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей вчителя математики, в якій враховано зв'язки між компонентами професійних компетентностей та усіма циклами дисциплін програми підготовки учителя математики у педагогічному ВНЗ. Модель охоплює три етапи формування професійних компетентностей із використанням хмарного сервісу SageMathCloud. Було виявлено, що використання цього хмарного сервісу у процесі навчання майбутніх учителів математики впливає, в першу чергу, на формування спеціально професійних компетентностей.

4. У складі методики використання хмарного сервісу SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей учителя математики виокремлено взаємозв'язані мету, зміст, форми організації, методи і засоби навчання та результати. Її запровадження відбувається у три етапи: I етап – пропедевтичний, II етап – формувальний, III етап – розвивальний. Експериментально підтверджено, що рівень сформованості професійних компетентностей майбутніх учителів

математики буде вищим, якщо у процес навчання педагогічно обґрунтовано запроваджувати розроблену методику використання хмарного сервісу SageMathCloud як засобу формування професійних компетентностей учителя математики.

Результати педагогічного експерименту, перевірені із застосуванням критеріїв Фішера та Вілкоксона-Манна-Уїтні, дають підстави вважати, що гіпотеза дослідження дістала підтвердження.

Виконане дослідження не вичерпує всіх аспектів поставленої проблеми. Продовження наукового пошуку за даною проблематикою доцільно у таких напрямках: розроблення теоретико-методичних засад проектування хмаро орієнтованого середовища навчання математичних дисциплін майбутніх учителів математики у педагогічному ВНЗ; розробка методики використання хмарного сервісу SageMathCloud у процесі підвищення кваліфікації викладачів математики.

СПИСОК ВИКОРИСТАНИХ ДЖЕРЕЛ

1. Абдыкаримов Б. А. Математические методы в педагогике : учеб. пособие / Б. А. Абдыкаримов, В. В. Адищев, В. В. Егоров, Э. Г. Скибицкий. – Новосибирск : Новосибирское книжное издательство, 2008. – 122 с.
2. Акуленко І. А. Компетентнісно орієнтована методична підготовка майбутнього вчителя математики профільної школи (теоретичний аспект) : монографія / І. Акуленко ; Черкас. нац. ун-т ім. Б. Хмельницького. – Черкаси : Чабаненко Ю., 2013. – 459 с.
3. Алексанян Г. А. Использование облачных сервисов Яндекс при организации самостоятельной деятельности студентов СПО / Г. А. Алексанян // Педагогика : традиции и инновации (II) : материалы междунар. заоч. науч. конф. (г. Челябинск, октябрь 2012 г.). – Челябинск : Два комсомольца, 2012. – С. 150–153.
4. Алексеев А. Н. Теоретические и методические основы применения технологий дистанционного обучения дисциплинам профессиональной и практической подготовки студентов машиностроительных специальностей : дис. ... д-ра пед. наук : 13.00.10 – информационно-коммуникационные технологии в образовании / Алексеев Александр Николаевич ; Институт информационных технологий и средств обучения НАПН Украины. – К., 2012. – 529 с.
5. Андреев О. О. Педагогічні аспекти відкритого дистанційного навчання : монографія / [О. О. Андреев, К. Л. Бугайчук, Н. О. Каліненко та ін.] ; за ред. О. О. Андреева, В. М. Кухаренка. – Харків, 2013. – 212 с.
6. Архіпова Т. Л. Використання «хмарних обчислень» у вищій школі / Т. Л. Архіпова, Т. В. Зайцева // Інформаційні технології в освіті. – 2013. – Вип. 17. – С. 99-108.
7. Архіпова Т. Л. Технології «хмарних обчислень» в освітніх закладах / Т. Л. Архіпова, Т. В. Зайцева // Хмарні технології в освіті : матеріали Всеукраїнського науковометодичного Інтернет-семінару (Кривий Ріг – Київ – Черкаси – Харків, 21 грудня 2012 р.). – Кривий Ріг : Видавничий відділ КМІ, 2012. – С. 72.
8. Атанов Г. А. Организация вводно-мотивационного этапа деятельности в компьютерной обучающей системе / Г. А. Атанов, В. В. Локтюшин // Искусственный интеллект. – 2001. – № 1. – С. 8-18.

9. Бабій Ю. О. Хмарні обчислення проти розподілених обчислень : сучасні перспективи / Ю. О. Бабій, В. П. Нездоровін, Є. Г. Махрова, Л. П. Луцкова // Вісник Хмельницького національного університету. Технічні науки. – 2011. – № 6. – С. 8-85.
10. Байденко В. И. Компетенции в профессиональном образовании (к освоению компетентного подхода) / В. И. Байденко // Высшее образование в России. – 2004. – № 11. – С. 3-13.
11. Бакай Е. П. К вопросу о разработке системы мониторинга качества подготовки студентов / Е. П. Бакай // Материалы XVI Международной конференции «Применение новых технологий в образовании», 28-29 июня 2005. – Троицк : Тривант, 2005. – С. 255-256.
12. Бахмат Н. В. Розвиток професійно-педагогічної підготовки вчителів початкової школи в Україні / Н. В. Бахмат // Молодь і ринок. – 2015. – № 8. – С. 112-116.
13. Бахмат Н. В. Хмаро орієнтоване середовище педагогічної підготовки вчителів початкової школи: навчально-методичне забезпечення / Н. В. Бахмат // Педагогічні інновації : ідеї, реалії, перспективи. – 2016. – Вип. 1. – С. 83-87.
14. Бевз Г. П. Геометрія : 10 кл. : підруч. для загальноосвіт. навч. закладів : профіль. рівень / Г. П. Бевз, В. Г. Бевз, Н. Г. Владімірова, В. М. Владіміров. – К. : Генеза, 2010. – 232 с.
15. Беловолов В. А. Основы методологии педагогического исследования / В. А. Беловолов, С. П. Беловолова – 2-е изд., доп. – Новосибирск : Изд-во НГПУ, 2003. – 198 с.
16. Беспалько В. П. Образование и обучение с участием компьютеров (педагогика третьего тысячелетия) / В. П. Беспалько – М. : Московский психолого-социальный институт ; Воронеж : МОДЭК, 2002. – 352 с.
17. Бессарабов В. І. Універсальна система управління навчальними ресурсами науково-дослідного проекту відкритої освіти «Хмара» [Електронний ресурс] / В. І. Бессарабов // Інформаційні технології і засоби навчання. – 2013. – № 6 (38). – С. 162-169. – Режим доступу : <http://journal.iitta.gov.ua/index.php/itlt/article/download/936/699>.
18. Биков В. Ю. Вивчення перетворення інверсії на основі дослідницького підходу у навчанні з використанням пакета DG / В. Ю. Биков, С. А. Раков // Інформаційні

технології і засоби навчання : збірник наукових праць / Ін-т засобів навчання АПН України. – Київ : Атіка, 2005. – С. 15-28.

19. Биков В. Ю. Ключові чинники та сучасні інструменти розвитку системи освіти [Електронний ресурс] / В. Ю. Биков // Інформаційні технології і засоби навчання. – 2007. – № 1. (2). – Режим доступу : <http://journal.iitta.gov.ua/index.php/itlt/article/download/270/256>.

20. Биков В. Ю. Мобільний простір і мобільно орієнтоване середовище інтернет-користувача : особливості модельного подання та освітнього застосування / В. Ю. Биков // Інформаційні технології в освіті. – 2013. – Вип. 17. – С. 9-37.

21. Биков В. Ю. Моделі організаційних систем відкритої освіти / В. Ю. Биков // Монографія. – К. : Атіка, 2009. – 684 с.

22. Биков В. Ю. Модельне подання функціонування досліджуваних систем [Електронний ресурс] / В. Ю. Биков // Інформаційні технології і засоби навчання. – 2009. – № 6 (14). – Режим доступу : <http://journal.iitta.gov.ua/index.php/itlt/article/download/205/191>.

23. Биков В. Ю. Моніторинг рівня навчальних досягнень з використанням Інтернет-технологій : [монографія] / В. Ю. Биков, Ю. М. Богачков, Ю. О. Жук; АПН України, Ін-т інформ. технологій і засобів навчання. – К. : Пед. думка, 2008. – 127 с.

24. Биков В. Ю. Неперервна підготовка висококваліфікованих кадрів – визначальна умова розвитку ІТ-індустрії // Інноваційність в науці і освіті : наукове видання до ювілею професора , доктора хабілітованого Франтішека Шльосека / В. Кремень (голова редкол.), Є Куніковські (заст. голови), Н. Ничкало (заст. голов.); упоряд. : Н. Ничкало, І. Савченко : Хмельницький національний університет. – К. : Богданова А. М., 2013. – С. 141-151.

25. Биков В. Ю. Сучасні підходи та принципи побудови порталів / В. Ю. Биков, Н. Т. Задорожна, Т. Г. Омельченко // Засоби і технології єдиного інформаційного освітнього простору : зб. наук. праць / за ред. В. Ю. Бикова, Ю. О. Жука / Інститут засобів навчання АПН України. – К. : Атіка, 2004. – С. 17-44.

26. Биков В. Ю. Теоретико-методологічні засади формування хмаро орієнтованого середовища вищого навчального закладу / В. Ю. Биков, М. П. Шишкіна // Теорія і практика управління соціальними системами. – 2016. – № 2. – С. 30-52.
27. Биков В. Ю. Технології хмарних обчислень – провідні інформаційні технології подальшого розвитку інформатизації системи освіти України / В. Ю. Биков // Комп'ютер у школі та сім'ї. – 2011. – № 6. – С. 3-11.
28. Биков В. Ю. Технології хмарних обчислень, ІКТ-аутсорсінг та нові функції ІКТ-підрозділів навчальних закладів і наукових установ / В. Ю. Биков // Інформаційно-комунікаційні технології в освіті. – 2011. – № 10. – С. 18-23.
29. Биков В. Ю. Теоретико-методологічні засади створення і розвитку сучасних засобів та е-технологій навчання / В. Ю. Биков // Розвиток педагогічної і психологічної наук в Україні 1992 – 2002 : зб. наук. праць до 10-річчя АПН України / Академія педагогічних наук України. – Частина 2. – Х. : ВС, 2002. – С. 182-199.
30. Бичков О. С. Сучасний підхід до використання інформаційних технологій у організації та проведенні навчального процесу / О. С. Бичков, Ю. В. Черний // Інформаційні технології в освіті. – 2009. – № 4. – С. 179-183.
31. Білик В. В. Характеристика засобів і форм професійного навчання у вищій школі як складових педагогічної системи / В. В. Білик // Педагогічний дискурс. – 2013. – Вип. 14. – С. 69-73. – Режим доступу : http://nbuv.gov.ua/UJRN/peddysk_2013_14_15.
32. Білоус О. В. Професійна підготовка майбутніх вчителів у країнах Європейського Союзу в умовах інформатизації освіти [Електронний ресурс] / О. В. Білоус // Інформаційні технології і засоби навчання. – 2012. – № 3 (29). – Режим доступу : <http://journal.iitta.gov.ua/index.php/itlt/article/download/600/510>.
33. Білоусова Л. І. Технологія формування у майбутніх педагогів компетентності самоосвіти з використанням потенціалу інформаційно-навчального середовища / Л. І. Білоусова, О. Б. Кисельова // Інформаційні технології в освіті. – 2009. – № 3. – С. 11-19.
34. Богачков Ю. М. Хмарні технології й оцінювання рівня навчальних досягнень старшокласників / Ю. М. Богачков, О. Ю. Буров, П. С. Ухань // Комп'ютер у школі та сім'ї : Науково-методичний журнал. – 2016. – № 1. – С. 51-55

35. Бондаренко Т. В. Інформаційні технології на уроці математики. / Т. В. Бондаренко, І. І. Дмитренко // Теорія та методика навчання математики, фізики, інформатики : збірник наукових праць : В 3-х томах. – Кривий Ріг : Видавничий відділ КДПУ, 2001. – Т. 1 : Теорія та методика навчання математики. – С. 29-31.
36. Буйницька О. П. Інформаційні технології та технічні засоби навчання. навч. посіб. / О. П. Буйницька. – К. : Центр учбової літератури, 2012. – 240 с.
37. Бурмакина В. Ф. Большая Семерка (Б7). Информационно-коммуникационно-технологическая компетентность : методическое руководство для подготовки к тестированию учителей / Бурмакина В. Ф., Зелман М., Фалина И. Н. – М. : Национальный фонд подготовки кадров, Центр развития образования АНХ при Правительстве РФ, 2007. – 56 с.
38. Быков В. Е. Экономико-математические модели управления в просвещении / В. Е. Быков, А. Н. Мартынов. – Томск : Из-во Томск. ун-та, 1988, – 208 с.
39. Вагин В. Ю. Применение облачных хранилищ информации / В. Ю. Вагин, М. В. Лойко, А. Л. Овчинников // Комп'ютерні науки для інформаційного суспільства : Матеріали III Міжнародної науково-практичної конференції студентів, аспірантів та молодих вчених (веб-конференція) (м. Луганськ, 12-13 грудня 2012 р.). – Луганськ : Ноулідж, 2012. – С. 314-316.
40. Вдовичин Т. Я. До питання про впровадження технологій відкритої освіти у навчально-виховний процес. / Вдовичин Т. Я., Яцишин А. В. //Наукові записки. – Випуск 4 – Серія : Проблеми методики фізико-математичної і технологічної освіти. Частина 1. – Кіровоград : РВВ КДПУ ім. В. Винниченка, 2013. – С. 96-101.
41. Вовк А. І. Засоби дистанційного навчання математичних дисциплін в Інтернеті / А. І. Вовк, М. А. Гірник // Проблеми підготовки та перепідготовки фахівців у сфері інформаційних технологій / Матеріали IV Міжнародної науково-технічної конференції «Комп'ютерні технології в будівництві» : Київ–Севастополь, 18-21 вересня 2006 р. – Кривий Ріг, 2006. – С. 9-10.
42. Волкова Н. П. Педагогіка : посібник для студентів вищих навчальних закладів / Н. П. Волкова/ – К. : Академія, 2001. – 576 с.

43. Волкова Т. В. Методические аспекты разработки компьютерно ориентированной системы обучения математике / Т. В. Волкова // Материалы XVI Международной конференции «Применение новых технологий в образовании», 28-29 июня 2005. – Троицк : Тровант, 2005. – С. 90-92.
44. Гавриленко О. М. Навчання інформаційно-комунікаційним технологіям студентів педагогічних ВНЗ / О. М. Гавриленко // Інформаційні технології в освіті. – 2012. – № 12. – С. 50-54.
45. Галузевий стандарт вищої освіти України. Освітньо-кваліфікаційна характеристика магістра за спеціальністю специфічних категорій 8.000002 «Інтелектуальна власність» кваліфікації 2419.2 «Професіонал з інтелектуальної власності». – К. : Міністерство освіти і науки України, 2007. – 24 с.
46. Галынский В. М. Свободно распространяемые системы компьютерной алгебры и возможности их применения в образовании // Информатизация обучения математике и информатике : педагогические аспекты = Informatization of teaching mathematics and informatics : pedagogical aspects : материалы междунар. науч. конф., посвящ. 85-ти летию Белорус, гос. ун-та. Минск. 25–28 окт. 2006 г. / редкол. : И. А. Новик (отв. ред.) [и др.]. – Минск : БГУ, 2006. – С. 63–66.
47. Гладкий Я. М. Використання сучасних інформаційних технологій у підготовці фахівців інженерних спеціальностей / Я. М. Гладкий, В. В. Милько // Інформаційні технології в освіті. – 2010. – № 7. – С. 27-32.
48. Гладкова Л. А. Використання сучасних інформаційних технологій навчання у ВНЗ III-IV рівня акредитації / Л. А. Гладкова, М. А. Наумова// Наукові записки [Кіровоградського державного педагогічного університету імені Володимира Винниченка]. Сер. : Педагогічні науки. – 2010. – Вип. 90. – С. 64-67.
49. Глушко Е. Я. Информационная поддержка университетского курса и проектирование системы дистанционного обучения в ВУЗе / Е. Я. Глушко // Проблеми підготовки та перепідготовки фахівців у сфері інформаційних технологій / Матеріали IV Міжнародної науково-технічної конференції «Комп'ютерні технології в будівництві» : Київ-Севастополь, 18-21 вересня 2006 р. – Кривий Ріг, 2006. – С. 13-14.

50. Головань М. С. Інформатична компетентність : сутність, структура та становлення / М. С. Головань // Інформатика та інформаційні технології в навчальних закладах. – 2007. – № 4. – С. 62-69.
51. Голышко А. Инновационные технологии : сервис из облака / А. Голышко // Радио. – 2010. – № 3. – С. 6-8.
52. Горохов Д. Н. Развитие пространственного мышления будущих учителей математики на основе современных информационных технологий обучения / Д. Н. Горохов, О. В. Разумова // Материалы XVI Международной конференции «Применение новых технологий в образовании», 28-29 июня 2005. – Троицк : Тривант, 2005. – С. 97-99.
53. Грамбовська Л. В. Віртуальні динамічні моделі як один із засобів впровадження ІКТ у процес навчання математики / Л. В. Грамбовська, О. М. Яковчук // Теорія та методика навчання математики, фізики, інформатики : збірник наукових праць. Випуск ІХ. – Кривий Ріг : Видавничий відділ НМетАУ, 2011. – С. 26-31.
54. Гриб'юк О. О. Комп'ютерно-орієнтовані системи навчання математики у загальноосвітньому навчальному закладі / О. О. Гриб'юк // Zbiór raportów naukowych. «Teoria i praktyka-znaczenie badań naukowych» (29.07.2013 – 31.07.2013). – Lublin : Diamond trading tour, 2013. – Р. 89-102.
55. Григорян В. Г. Роль преподавателя в организации самостоятельной работы студентов / В. Г. Григорян, П. Г. Химич // Высшее образование в России. – 2009. – № 11. – С. 108-116.
56. Грицай Н. Б. Використання мультимедійних технологій у методичній підготовці майбутніх учителів біології / Н. Б. Грицай // Інформаційні технології в освіті. – 2012. – № 13. – С. 107-113.
57. Грицук Ю. В. Хмарні технології в технічному ВНЗ : огляд та перспективи / Ю. В. Грицук // Хмарні технології в освіті : матеріали Всеукраїнського науково-методичного Інтернет-семінару (Кривий Ріг – Київ – Черкаси – Харків, 21 грудня 2012 р.). – Кривий Ріг : Видавничий відділ КМІ, 2012. – С. 68-70.

58. Гуревич Р. С. Інформаційно-комунікаційні технології в професійній освіті / Р. С. Гуревич, М. Ю. Кадемія, М. М. Козяр ; за ред. член-кор. НАПН України Гуревича Р. С. – Львів : СПОЛОМ, 2012. – 506 с.
59. Гуржій А. М. Електронні освітні ресурси як основа сучасного навчального середовища загальноосвітніх навчальних закладів / А. М. Гуржій, В. В. Лапінський // Інформаційні технології в освіті. – 2013. – Вип. 15. – С. 30-37.
60. Дементієвська Н. П. Як можна комп'ютерні технології використати для розвитку учнів та вчителів / Н. П. Дементієвська, Н. В. Морзе // Актуальні проблеми психології : Психологічна теорія і технологія навчання / За ред. С. Д. Максименка, М. Л. Смульсон. – К. : Міленіум, 2005. – Т. 8, вип. 1. – С. 23-38.
61. Дереза І. С. Використання ІКТ у процесі вивчення диференціальної геометрії / І. С. Дереза, М. В. Попель // Новітні комп'ютерні технології. – Кривий Ріг : Видавничий центр ДВНЗ «Криворізький національний університет», 2016. – Том XIV. – С. 112-113.
62. Діденко Д. Г. Хмарні обчислення OpenGPSS Cloud / Д. Г. Діденко // Сьома міжнародна науково-практична конференція «Математичне та імітаційне моделювання систем. МОДС 2012» 25-28 червня 2012 р. : тези доповідей. – Чернігів-Жукин, 2012. – С. 249-253.
63. Діденко Л. С. Основні вимоги до освітніх електронних ресурсів / Діденко Л. С. // Теорія та методика електронного навчання : збірник наукових праць. Випуск І. – Кривий Ріг : Видавничий відділ НМетАУ, 2010. – С. 81-83.
64. Дроздов А. Р. Облачные вычисления / А. Р. Дроздов // Комп'ютерні науки для інформаційного суспільства : Матеріали III Міжнародної науково-практичної конференції студентів, аспірантів та молодих вчених (веб-конференція) (м. Луганськ, 12-13 грудня 2012 р.). – Луганськ : Ноулідж, 2012. – С. 123-128.
65. Дьяконов В. П. Компьютерная математика / В. П. Дьяконов // Соросовский образовательный журнал. – 2001. – Том 7. – № 11. – С. 116–121.
66. Емельянова Ю. Г. Анализ проблем и перспективы создания интеллектуальной системы обнаружения и предотвращения сетевых атак на облачные вычисления [Электронный ресурс] / Ю. Г. Емельянова, В. П. Фраленко // «Программные системы : Теория и приложения». – 2011. – №4(8). – С. 17-31. – Режим доступа : <http://psta.psiras.ru>.

67. Єфімова Т. І. Моделювання живучих комп'ютерних систем / Т. І. Єфімова, О. В. Федухін, О. М. Шалейко // Сьома міжнародна науково-практична конференція «Математичне та імітаційне моделювання систем. МОДС 2012» 25-28 червня 2012 р. : тези доповідей. – Чернігів-Жукин. – 2012. – С. 273-276.
68. Жалдак М. І. Комп'ютер на уроках математики : посібник для вчителів. Видання 2-ге, перероблене та доповнене / М. І. Жалдак. – К. : Дініт, 2003. – 324 с.
69. Жалдак М. І. Комп'ютерно-орієнтовані системи навчання – становлення і розвиток / М. І. Жалдак // Науковий часопис Національного педагогічного університету імені М. П. Драгоманова. Серія 2, Комп'ютерно-орієнтовані системи навчання / М-во освіти і науки України, Нац. пед. ун-т ім. М. П. Драгоманова. – К. : НПУ імені М. П. Драгоманова, 2010. – Вип. 9 (16). – С. 3-9.
70. Жалдак М. І. Модель системи соціально-професійних компетентностей вчителя інформатики / М. І. Жалдак, Ю. С. Рамський, М. В. Рафальська // Науковий часопис НПУ імені М. П. Драгоманова. – Серія № 2. Комп'ютерно-орієнтовані системи навчання : зб. наукових праць / Редрада. – К. : НПУ імені М. П. Драгоманова, 2009. – № 14. – С. 5-12.
71. Жалдак М. І. Навчання майбутніх учителів математики інтегрального числення функцій однієї змінної з використанням комп'ютерних засобів математики / М. І. Жалдак, Г. О. Михалін, С. Я. Деканов // Науковий часопис НПУ імені М. П. Драгоманова. Серія 2 : Комп'ютерно-орієнтовані системи навчання. – К. : Вид-во НПУ ім. М. П. Драгоманова, 2011. – Вип. 10 (17). – С. 3-24.
72. Жалдак М. І. Проблеми інформатизації навчального процесу в середніх і вищих навчальних закладах / М. І. Жалдак // Комп'ютер в школі та сім'ї. – 2013. – № 3. – С. 8-15.
73. Задорожна Н. Т. Принципи Інтернет-технологій як основа формування єдиного освітнього простору [Електронний ресурс] / Н. Т. Задорожна, Т. В. Кузнецова, Т. Р. Сотникова // Інформаційні технології і засоби навчання. – 2007. – № 3 (4). – Режим доступу : <http://journal.iitta.gov.ua/index.php/itlt/article/download/156/142>.

74. Закон України про систему професійних кваліфікацій від 06.09.2012 № 5199-VI.
– Стаття 1. Визначення термінів. – Режим доступу :
http://allsecurity.info/attachments/article/254/UK.zakon_5199-VI_06.09.2012.pdf.
75. Законі України «Про вищу освіту» (із змінами, внесеними згідно із Законами 2014 – 2016 рр.) // Відомості Верховної Ради. – 2014. – № 1556-VII. – Стаття 1.
76. Засельський В. Й. Реалізація «м'яких» обчислень у ММС Sage / В. Й. Засельський, М. А. Кислова, Н. В. Рашевська, К. І. Словак // Новітні комп'ютерні технології : матеріали VIII Міжнародної науково-технічної конференції : Київ–Севастополь, 14–17 вересня 2010 р. – К. : Міністерство регіонального розвитку та будівництва України, 2010. – С. 144-146.
77. Захарченко В. М. Розроблення освітніх програм. Методичні рекомендації / В. М. Захарченко, В. І. Луговий, Ю. М. Рашкевич, Ж. В. Таланова, за ред. В. Г. Кременя. – К. : Пріоритети, 2014. – 120 с.
78. Зимняя И. А. Ключевые компетентности как результативно-целевая основа компетентностного подхода в образовании / И. А. Зимняя. – М. : Исследовательский центр проблем качества подготовки специалистов, 2004. – 38 с.
79. Исаев И. Ф. Профессионально-педагогическая культура преподавателя : Учебное пособие / И. Ф. Исаев. – М. : Издательский центр «Академия», 2004. – 208 с.
80. Іваницький О. І. Інформаційно-комунікаційне середовище як засіб професійної підготовки майбутнього вчителя фізики / О. І. Іваницький // Інформаційні технології в освіті. – 2012. – № 12. – С. 9-13.
81. Кадемія М. Ю. Можливості, що надають хмарні технології / М. Ю. Кадемія, В. М. Кобися // Хмарні технології в освіті : матеріали Всеукраїнського науково-методичного Інтернетсемінару (Кривий Ріг – Київ – Черкаси – Харків, 21 грудня 2012 р.). – Кривий Ріг : Видавничий відділ КМІ, 2012. – 66-68 с.
82. Келлер Е. В. Использование ИКТ в обучении математике / Е. В. Келлер // Материалы XVI Международной конференции «Применение новых технологий в образовании», 28-29 июня 2005. – Троицк : Тровант, 2005. – С. 120-121.
83. Кисельов Г. Д. Застосування хмарних технологій в дистанційному навчанні / Г. Д. Кисельов, К. В. Харченко // Системный анализ и информационные технологии : 15-

я международная научно-техническая конференция «САИТ-2013», 27-31 мая 2013, Киев, Украина : материалы. – К. : УНК «ИПСА» НТУУ «КПИ», 2013. – С. 351.

84. Кислова М. А. Розвиток мобільного навчального середовища з вищої математики у підготовці інженерів-електромеханіків : автореф. дис. ... канд. пед. наук : 13.00.10 – інформаційно-комунікаційні технології в освіті / М. А. Кислова ; НАПН України, Ін-т інформ. технологій і засобів навчання. – Київ, 2015. – 21 с.

85. Кислова М. А. Хмарні засоби навчання математичних дисциплін / М. А. Кислова, К. І. Словак // Новітні комп'ютерні технології. – Кривий Ріг : ДВНЗ «Криворізький національний університет», 2013. – Випуск XI. – С. 53-58.

86. Кіановська Н. М. Розвиток інформаційно-комунікаційних технологій навчання вищої математики студентів інженерних спеціальностей у Сполучених Штатах Америки : дис. ... канд. пед. наук : 13.00.10 – інформаційно-комунікаційні технології в освіті / Кіановська Наталія Михайлівна ; ДВНЗ «Криворізьк. нац. ун-т». – Кривий Ріг : [б. в.], 2014. – 365, [7] с.

87. Кнодель Л. В. Педагогіка вищої школи : посіб. для магістрів / Л. В. Кнодель. – К. : Вид. Паливода А. В., 2008. – 136 с.

88. Кобильник Т. П. Компетентнісний підхід при вивченні «математичної інформатики» у педагогічному університеті [Електронний ресурс] / Тарас Петрович Кобильник // Інформаційні технології і засоби навчання. – 2007. – № 1 (2). – Режим доступу : <http://journal.iitta.gov.ua/index.php/itlt/article/download/273/259>.

89. Кобильник Т. П. Розв'язування задач з параметрами з використанням комп'ютера / Т. П. Кобильник // Теорія та методика навчання математики, фізики, інформатики : Збірник наукових праць. Випуск V : в 3-х томах. – Кривий Ріг : Видавничий відділ НМетАУ, 2005. – Т. 1 : Теорія та методика навчання математики. – С. 134-139.

90. Кобися В. М. Використання хмарних технологій у педагогічній діяльності / В. М. Кобися // Інформаційно-комунікаційні технології в сучасній освіті : досвід, проблеми, перспективи : збірник наукових праць третьої Міжнародної науково-практичної конференції (1-2 березня 2012 року м. Суми) – Суми : РВВ СОІППО, 2012. – С. 155-158.

91. Коваль Т. Використання системи Moodle для створення мультимедійних електронних освітніх ресурсів з мовних дисциплін: зарубіжний і вітчизняний досвід / Т. Коваль, А. Аврамчук // Педагогічний процес : теорія і практика. – 2016. – Вип. 2. – С. 93-99.
92. Коваль Т. І. Використання сучасних електронних навчальних платформ у підготовці фахівців з вищою освітою / Т. І. Коваль // Іноземні мови. – 2013. – № 1. – С. 43-44.
93. Когут У. П. Актуальні напрями розвитку і використання СКМ у професійній підготовці бакалаврів інформатики / У. П. Когут // Збірник наукових праць Уманського державного педагогічного університету. – 2011. – Ч. 3. – С. 107-114.
94. Когут У. П. Класифікація та критерії вибору програмних засобів для фундаменталізації підготовки бакалаврів інформатики з інформатичних дисциплін / У. П. Когут // Інформаційні технології в освіті. – 2012. – № 11. – С. 88-97.
95. Когут У. П. Передумови ефективної інтеграції ІКТ в навчальний процес бакалаврів інформатики педагогічного університету [Електронний ресурс] / У. П. Когут // Інформаційні технології і засоби навчання. – 2011. – № 6(26). – Режим доступу : <http://journal.iitta.gov.ua/index.php/itlt/article/download/571/454>.
96. Колгатін О. Г. Автоматизована педагогічна діагностика у сучасному університеті [Електронний ресурс] / О. Г. Колгатін // Інформаційні технології і засоби навчання. – 2008. – №4 – Режим доступу : <http://journal.iitta.gov.ua/index.php/itlt/article/download/101/87>.
97. Колгатін О. Г. Вимоги до проектування автоматизованої системи педагогічної діагностики [Електронний ресурс] / Олександр Геннадійович Колгатін // Інформаційні технології і засоби навчання. – 2010. – №5 (19). – Режим доступу : <http://journal.iitta.gov.ua/index.php/itlt/article/download/352/310>.
98. Колгатін О. Г. Теоретико-методичні засади проектування комп'ютерно орієнтованої системи педагогічної діагностики майбутніх учителів природничо-математичних спеціальностей : автореф. дис. ... д-ра пед. наук : 13.00.10 – інформаційно-комунікаційні технології в освіті / Колгатін Олександр Геннадійович; Інститут інформаційних технологій і засобів навчання НАПН України. – К., 2011. – 38 с.

99. Колесников А. В. Применение «облачных» вычислений в программах стационарного и дистанционного обучения [Электронный ресурс] / А. В. Колесников, С. А. Деревянко, Е. В. Ромашка // Вестник Восточнoукраинского национального университета имени Владимира Даля : науч. журнал. – Луганск, 2011. – № 3 (157) – Режим доступа : <http://sti.lg.ua/index.php/ru/nauka/nauchnie-izdaniya/109-vestnik-vnu>.
100. Колесникова И. А. Педагогическая праксеология : учебн. пособие для студ. высш. пед. заведений / И. А. Колесникова, Е. В. Титова. – М. : Академия, 2005. – 256 с.
101. Коломієць А. М. Сучасні інформаційні технології та інноваційні методики навчання у підготовці фахівців: методологія, теорія, досвід, проблеми : зб.наук.пр. / А. М. Коломієць, Д. І. Коломієць. – Випуск 42 / редкол. : І. А. Зязюн та ін. –Київ-Вінниця : ТОВ фірма „Планер”, 2015. – С.456-461.
102. Колос К. Р. Система Moodle як засіб розвитку предметних компетентностей учителів інформатики в умовах дистанційної післядипломної освіти : дис. ... к. пед. н. : 13.00.10 – інформаційно-комунікаційні технології в освіті / К. Р. Колос. – Житомир, 2011 р.– 238 с.
103. Корольский В. В. Использование систем компьютерной математики для приближенного вычисления иррациональных функций / В. В. Корольский, И. В. Павличенко, Н. А. Хараджян // Теорія та методика навчання математики, фізики, інформатики : збірник наукових праць. Випуск VIII : в 3-х томах. – Кривий Ріг : Видавничий відділ НМетАУ, 2010. – Т. 3 : Теорія та методика навчання інформатики. – С. 110-112.
104. Кочетов О. В. Сучасні технології навчання у підготовці майбутніх учителів / О. В. Кочетов, О. М. Царенко // Технологічна та професійна освіта : Всеукраїнський збірник наукових праць студентів, аспірантів і молодих науковців / заг. ред. : М. І. Садовий, О. М. Царенко. – Кіровоград : ФО-П Александрова М. В., 2016. – Вип 1. – С. 72-80.
105. Кравчина О. Є. Основні напрями використання вільного програмного забезпечення в закладах освіти зарубіжжя [Електронний ресурс] / О. Є. Кравчина // Інформаційні технології і засоби навчання. – 2010. –№6 (20). – Режим доступу : <http://journal.iitta.gov.ua/index.php/itlt/article/download/372/326>.

106. Краевский В. В. Основы обучения. Дидактика и методика : учеб. пособие для студ. высш. учеб. заведений / В. В. Краевский, А. В. Хуторской. – М. : Академия, 2007. – 352 с.
107. Красножон О. Б. Комп'ютерна підтримка методів Адамса і Рунге-Кутта наближеного розв'язування диференціальних рівнянь [Електронний ресурс] / О. Б. Красножон // Інформаційні технології і засоби навчання. – 2010. – № 5 (19). – Режим доступу : <http://journal.iitta.gov.ua/index.php/itlt/article/download/360/317>.
108. Кремінь В. Г. Категорії «простір» і «середовище: особливості модельного подання та освітнього застосування / В. Г. Кремінь, В. Ю. Биков // Теорія і практика управління соціальними системами. – 2013. – № 2. – С. 3-16.
109. Креш Л. Л. Векторна алгебра – основа сучасної математичної освіти вчителя математики / Л. Л. Креш, М. В. Працьовитий // Дидактика математики : пробл. і дослідж. : зб. наук. пр. – 2009. – Вип. 31. – С. 34-37.
110. Кривонос О. М. Організація самостійної роботи бакаліврів математики з курсу «Програмування» [Електронний ресурс] / О. М. Кривонос // Інформаційні технології і засоби навчання. – 2009. – № 2 (10). – Режим доступу : <http://journal.iitta.gov.ua/index.php/itlt/article/download/51/37>.
111. Крупський Я. В. Розвиток системи Maple у навчанні вищої математики майбутніх інженерів-механіків : дис. ... к. пед. наук : 13.00.10 – інформаційно-комунікаційні технології в освіті / Крупський Ярослав Володимирович ; Вінницький національний технічний університет. – Вінниця, 2011. – 243 с.
112. Купрунець Т. Аналіз сучасних тенденцій документотворення в умовах поширення документування інформації в електронній формі в Україні [Електронний ресурс] / Т. Купрунець // Студії з архівної справи та документознавства. – 2013. – Т. 21. – С. 86-92. – Режим доступу : http://nbuv.gov.ua/UJRN/sasd_2013_21_10.
113. Лаврентьева Г. П. Методичні рекомендації з організації та проведення науково-педагогічного експерименту / Г. П. Лаврентьева, М. П. Шишкіна. – Київ : ІТЗН, 2007. – 72 с.
114. Лаврищева Е. М. Интерфейс в программировании / Е. М. Лаврищева // Проблемы програмування. – 2007. – № 2. – С. 126-139.

115. Лавріщева К. М. Індустріальний підхід до розробки і виконання прикладних систем в гетерогенних розподілених середовищах / К. М. Лавріщева, А. Ю. Стеняшин // International Conference «Parallel and Distributed Computing Systems». – 2013. – С. 196-204.
116. Лановенко А. О. Використання комп'ютерних технологій у підготовці майбутнього вчителя гуманітарних дисциплін / А. О. Лановенко // Інформаційно-комунікаційні технології в сучасній освіті: досвід, проблеми, перспективи: збірник наукових праць третьої Міжнародної науково-практичної конференції (1-2 березня 2012 року м. Суми). – Суми: РВВ СОІППО, 2012. – С. 42-45.
117. Левадна Т. В. Роль інформаційно-комунікаційного середовища у розвитку дивергентного мислення майбутніх учителів математики / Т. В. Левадна // Інформаційні технології в освіті. – 2011. – № 10. – С. 224-229.
118. Лещенко М. П. Методологічні засади підготовки майбутніх учителів застосовувати ІКТ для творення позитивної педагогічної реальності / М. П. Лещенко // Гуманізація навчально-виховного процесу: зб. наук. праць [За заг. ред. проф. В. І. Сипченка]. – Вип. LXIX. – Слов'янськ. – ДДПУ, 2014. – С. 5-13.
119. Лещенко М. П. Відкрита освіта у категоріальному полі вітчизняних і зарубіжних учених / М. П. Лещенко, А. В. Яцишин // Інформаційні технології і засоби навчання. – 2014. – Т. 39, вип. 1. – С. 1-16.
120. Литвинова С. Г. ON-LINE навчальне середовище вчителя-предметника загальноосвітнього навчального закладу [Електронний ресурс] / С. Г. Литвинова // Інформаційні технології і засоби навчання. – 2010. – № 5 (19) – Режим доступу: <http://journal.iitta.gov.ua/index.php/itlt/article/download/356/313>.
121. Литвинова С. Г. Аналіз форм навчання вчителів-предметників інформаційно-комунікаційним технологіям [Електронний ресурс] / Світлана Григорівна Литвинова // Інформаційні технології і засоби навчання. – 2007. – № 2 (10) – Режим доступу: <http://journal.iitta.gov.ua/index.php/itlt/article/download/278/264>.
122. Литвинова С. Г. Методика використання технологій віртуального класу вчителем в організації індивідуального навчання учнів: дис. ... канд. пед. наук: 13.00.10 – інформаційно-комунікаційні технології в освіті / Литвинова Світлана Григорівна;

Інститут інформаційних технологій і засобів навчання НАПН України. – К., 2011. – 219 с.

123. Литвинова С. Г. Технології навчання учнів у хмаро орієнтованому навчальному середовищі загальноосвітнього навчального закладу / С. Г. Литвинова // Інформаційні технології і засоби навчання. – 2015. – № 3 (47). – С. 49-66. – Режим доступу: <http://journal.iitta.gov.ua/index.php/itlt/article/download/1239/927>.

124. Лов'янова І. В. Вивчення дисципліни «Диференціальні рівняння» з використанням вільно поширюваного програмного забезпечення / І. В. Лов'янова, М. В. Попель // Теорія та методика навчання математики, фізики, інформатики : збірник наукових праць. Випуск ІХ. – Кривий Ріг : Видавничий відділ НМетАУ, 2011. – С. 94-99.

125. Лоповок Л. М. Збірник задач з геометрії для 10-11 класів : навч. посібник / Л. М. Лоповок. – К. : Освіта, 1993. – 160 с.

126. Лотюк Ю. Г. Хмарні технології у навчальному процесі ВНЗ / Ю. Г. Лотюк // Психолого-педагогічні основи гуманізації навчально-виховного процесу в школі та ВНЗ. – 2013. – Вип. 1. – С. 61-67. – Режим доступу : http://nbuv.gov.ua/UJRN/Ppog_2013_1_10.

127. Лудченко А. А. Основы научных исследований : Учеб. пособие / А. А. Лудченко, Я. А. Лудченко, Т. А. Примаков ; под ред. А. А. Лудченко. – 2-е изд., стер. – К. : Знания, 2001. – 113 с.

128. Лук'янов Ф. І. Про математичні проблеми «хмарних» обчислень / Ф. І. Лук'янов, Т. В. Бабенко // Інформаційні технології. Безпека та зв'язок : матеріали всеукр. наук.-практ. конф. – Д. : Державний ВНЗ «Національний гірничий університет», 2011. – С. 71-72.

129. Львов М. С. Тенденції розвитку освітніх інформаційно-комунікативних технологій / М. С. Львов // Інформаційні технології в освіті. – 2008. – № 1. – С. 107-114.

130. Маклаков Г. Ю. Использование технологии cloud computing в системе дистанционного обучения / Г. Ю. Маклаков, Г. Г. Маклакова // Теорія та методика електронного навчання : збірник наукових праць. Випуск ІІ. – Кривий Ріг : Видавничий відділ НМетАУ, 2011. – С. 306-312.

131. Малицька І. Д. Напрямки розвитку сучасних систем освіти Європейських країн / І. Д. Малицька // Інформаційні технології в освіті. – 2013. – № 15. – С. 276-283.

132. Малицька І. Д. Тенденції розвитку глобальних освітніх мереж (зарубіжний досвід) [Електронний ресурс] / І. Д. Малицька // Інформаційні технології і засоби навчання. – 2008. – № 2 (6). – Режим доступу : <http://journal.iitta.gov.ua/index.php/itlt/article/download/482/415>.
133. Манко Е. М. Облачные технологии / Е. М. Манко // Інформаційні технології. Безпека та зв'язок : матеріали всеукр. наук.-практ. конф. – Д. : Державний ВНЗ «Національний гірничий університет», 2011. – С. 10-13.
134. Маркова А. К. Психология профессионализма / А. К. Маркова. – М. : Международный гуманитарный фонд «Знание», 1996. – 308 с.
135. Маркова О. М. Модель методичної системи та цілі навчання основ математичної інформатики студентів технічних університетів / О. М. Маркова // Вісник Черкаського університету. Серія : Педагогічні науки : наук. журн. / Черкас. нац. ун-т ім. Богдана Хмельницького. – Черкаси : Вид-во Черкас. нац. ун-т, 2016. – С. 36-42.
136. Мартакова Н. Є. Використання онлайн-освіти у навчальному процесі / Н. Є. Мартакова // Хмарні технології в освіті : матеріали Всеукраїнського науково-методичного Інтернет-семінару (Кривий Ріг – Київ – Черкаси – Харків, 21 грудня 2012 р.). – Кривий Ріг : Видавничий відділ КМІ, 2012. – 41-42 с.
137. Матвеева Э. Ф. Виртуальное образование – инновационное средство самообразования будущего учителя / Э. Ф. Матвеева, В. С. Мкртчян // Хмарні технології в освіті : матеріали Всеукраїнського науково-методичного Інтернет-семінару (Кривий Ріг – Київ – Черкаси – Харків, 21 грудня 2012 р.). – Кривий Ріг : Видавничий відділ КМІ, 2012. – 16-17 с.
138. Матросова Н. М. Профіль інформаційної системи та інтерфейс користувача як складові методичного забезпечення інформаційної системи [Електронний ресурс] / Н. М. Матросова // Інформаційні технології і засоби навчання. – 2010. – № 3 (17). – Режим доступу : <http://journal.iitta.gov.ua/index.php/itlt/article/download/237/223>.
139. Мерзляк А. Г. Алгебра. 11 клас : підруч. для загальноосвіт. навч. закладів : академ. рівень, проф. рівень / А. Г. Мерзляк, Д. А. Номіровський, В. Б. Полонський, М. С. Якір М. С. – Х. : Гімназія, 2011. – 431 с.

140. Методичні рекомендації щодо розроблення стандартів вищої освіти : протокол від 29.03.2016 № 3 / Міністерство освіти і науки України. – Київ, 2016. – 29 с.
141. Митрошенков С. В. Анализ современных проблем, методов и программного обеспечения для реализации облачных вычислений / С. В. Митрошенков // Материалы 67-й студенческой научной конференции / под ред. И. Г. Чернышовой. – Брянск : БГТУ, 2012. – С. 342-343.
142. Михалевич В. М. Наближена модель приватної хмари у навчанні вищої математики / В. М. Михалевич, О. М. Хошаба, М. В. Чухно // Хмарні технології в освіті : матеріали Всеукраїнського науково-методичного Інтернет-семінару (Кривий Ріг – Київ – Черкаси – Харків, 21 грудня 2012 р.). – Кривий Ріг : Видавничий відділ КМІ, 2012. – 117-118 с.
143. Мінтій І. С. Інформатичні компетентності : аналіз зарубіжного досвіду / І. С. Мінтій // Науковий часопис НПУ імені М. П. Драгоманова. Серія № 2. Комп'ютерно-орієнтовані системи навчання : зб. наукових праць / Редрада. – К. : НПУ імені М. П. Драгоманова, 2009. – №7 (14). – С. 215–218.
144. Моделювання й інтеграція сервісів хмаро орієнтованого навчального середовища : монографія / [Копняк Н., Корицька Г., Литвинова С., Носенко Ю., Пойда С., Седой В., Сіпачова О., Сокол І., Спирін О., Стромило І., Шишкіна М.] ; за заг. ред. С. Г. Литвинової. – К. : Компринт, 2015. – 163 с.
145. Моїсеєнко Н. В. Порівняння швидкісних характеристик Sage та Mathematica / Н. В. Моїсеєнко, О. П. Ліннік, І. І. Ліннік // Новітні комп'ютерні технології : матеріали VII Міжнародної науково-технічної конференції : Київ–Севастополь, 15-18 вересня 2009 р. – К. : Міністерство регіонального розвитку та будівництва України, 2009. – С. 56-58.
146. Мойсеюк Н. Є. Педагогіка : навчальний посібник для студентів вищих навчальних закладів / Н. Є. Мойсеюк. – 5-е вид., доповнене і переробл. – К. : [б. в.], 2007. – 656 с.
147. Морзе Н. В. Педагогічні аспекти використання хмарних обчислень / Н. В. Морзе, О. Г. Кузьмінська // Інформаційні технології в освіті. – 2011. – № 9. – С. 20-29.

148. Морзе Н. В. Хмарні обчислення в освіті : досвід та перспективи впровадження / Наталія Морзе, Олена Кузьмінська // Інформатика та інформаційні технології в навчальних закладах. – 2012. – № 1. – С. 109 – 114.
149. Мосиук А. А. Модель компетентности учителя математики / А. А. Моисук // Вектор науки Тольяттинского государственного университета. Серия : Педагогика, психология. – 2013. – № 2 (13) – С. 215-217.
150. Мустафина А. К. Облачные вычисления и электронные образовательные ресурсы / А. К. Мустафина, Р. К. Ускенбаева, Ж. Б. Кальпеева // Вестник КазНТУ. – 2011. – № 2 (84). – С. 3-6.
151. Мустафина А. К. Облачные решения [Электронный ресурс] / А. К. Мустафина, Ж. Б. Кальпеева // Вестник КазНТУ. – 2012. – № 4 (92). – Режим доступа : <http://vestnik.kazntu.kz/files/newspapers/51/1595/1595.pdf>
152. Наказ «Про затвердження Методичних рекомендацій щодо розроблення Державних стандартів професійно-технічної освіти з конкретних професій на основі компетентнісного підходу» від 26 квітня 2012 року № 522 / Міністерство освіти і науки, молоді та спорту України. – І. Загальні положення. – П. 1.6.
153. Научно-технические ведомости СПбГПУ. «Информатика. Телекоммуникации. Управление» / Министерство образования и науки РФ, Санкт-Петербургский государственный политехнический университет. – СПб.: Издательство Политехнического университета, 2012. – №4(152). – 142 с.
154. Никифоров В. И. Теория и практика высшего профессионального образования. Термины, понятия и определения : учеб.-метод. пособие / В. И. Никифоров, А. И. Сурыгин. – СПб. : Изд-во Политехн. ун-та, 2009. – 141 с.
155. Новик И. А. Методы решения стандартных и нестандартных задач, содержащих знак модуля (с использованием программного обеспечения) : учеб.-метод. пособие / И. А. Новик, Н. В. Бровка, О. В. Хайновская. – Минск : Ольден, 2006. – 108 с.
156. Новиков А. М. Методология учебной деятельности / А. М. Новиков. – М. : Эгвес, 2005. – 176 с.
157. Новиков Д. А. Статистические методы в педагогических исследованиях (типовые случаи) / Д. А. Новиков. – М. : МЗ-Пресс, 2004. – 67 с.

158. Новицька Н. С. Рекомендації з використання web-орієнтованих засобів у навчанні алгебри і початків аналізу у старшій школі [Електронний ресурс] / Н. С. Новицька, М. В. Попель // Звітна наукова конференція Інституту інформаційних технологій і засобів навчання НАПН України : матеріали наукової конференції. – Київ : ІТЗН НАПН України, 2016. – Режим доступу : http://conf.iitlt.gov.ua/Conference.php?h_id=12.
159. Облачные сервисы. Взгляд из России / [под ред. Е. Гребнева, гл. ред. М. Казак]. – М. : CNews, 2011. – 282 с.
160. Образцов П. И. Проектирование профессионально-ориентированной технологии обучения / П. И. Образцов, А. И. Ахулкова, О. Ф. Черниченко ; под общ. ред. профессора П. И. Образцова. – Орел : ОГУ, 2003. – 94 с.
161. Овчарук О. В. Розвиток компетентнісного підходу: стратегічні орієнтири міжнародної спільноти // Компетентнісний підхід у сучасній освіті: світовий досвід та українські перспективи : Бібліотека з освітньої політики / Під заг. ред. О. В. Овчарук. – К. : К.І.С., 2004. – С. 59-65.
162. Олексюк В. П. Досвід інтеграції хмарних сервісів Google Apps у інформаційно-освітній простір вищого навчального закладу [Електронний ресурс] / В. П. Олексюк // Інформаційні технології і засоби навчання – 2013. – Том 35, № 3. – С. 64-73. – Режим доступу : <http://journal.iitta.gov.ua/index.php/itlt/article/download/824/631>.
163. Олексюк В. П. Застосування віртуальних хмарних лабораторій у процесі підготовки майбутніх учителів інформатики / В. П. Олексюк // Науковий часопис НПУ імені М. П. Драгоманова. Серія 2 : Комп'ютерно-орієнтовані системи навчання. – 2015. – №. 15. – С. 76-81.
164. Олексюк В. П. Організаційно-технічні аспекти розгортання корпоративної хмари як складової ІТ-інфраструктури ВНЗ / В. П. Олексюк // FOSS Lviv 2014, 24-27 квітня 2014 року – Львів, 2014 – С. 67-71.
165. Олексюк В. П. Проектування моделі хмарної інфраструктури ВНЗ на основі платформи Apache Cloudstack [Електронний ресурс] / В. П. Олексюк // Інформаційні технології і засоби навчання. – 2016. – Т. 54, вип. 4. – С. 153-164. – Режим доступу : <http://journal.iitta.gov.ua/index.php/itlt/article/download/1453/1074>.

166. Опанащенко І. В. Web-орієнтоване застосування, що використовує базу даних в «облаку» на основі платформи «SQL Azure Database» / І. В. Опанащенко, В. А. Строганов // Інформаційні процеси і технології «Інформатика – 2013»: матеріали VI Міжнародної наук.-практ. конф. молодих учених і студентів, Севастополь, 22-26 квіт. 2013 р. / М-во освіти і науки України, Севастоп. нац. техн. ун-т; наук. ред. С. В. Доценко. – Севастополь : Вебер, 2013. – С. 165-167.
167. Ортинський В. Л. Педагогіка вищої школи : навч. посіб. [для студ. вищ. навч. закл.] / В. Л. Ортинський – К. : Центр учбової літератури, 2009. – 472 с.
168. Осадчий В. В. Мережеві педагогічні співтовариства як засіб удосконалення професійної підготовки вчителів [Електронний ресурс] / В. В. Осадчий // Інформаційні технології і засоби навчання. – 2010. – № 4 (18). – Режим доступу : <http://journal.iitta.gov.ua/index.php/itlt/article/download/312/291>.
169. Осадчий В. В. Сервіси Інтернет для дистанційного навчання у процесі професійної підготовки майбутніх учителів [Електронний ресурс] / В. В. Осадчий // Інформаційні технології і засоби навчання. – 2010. – № 6 (20). – Режим доступу : <http://journal.iitta.gov.ua/index.php/itlt/article/download/387/338>.
170. Пальчевський С. С. Педагогіка : навч. посібник / С. С. Пальчевський. – 2-ге вид. – Київ : Каравела, 2008. – 496 с.
171. Панченко Л. Ф. Підготовка майбутніх фахівців з інформаційних технологій до здійснення навчальної аналітики / Л. Ф. Панченко // Вісник Кременчуцького національного університету імені Михайла Остроградського. Серія «Педагогічні науки». – 2015. – Вип. 1 (2). – С. 89-96.
172. Панченко Л. Ф. Проблеми застосування мультиагентних систем у підготовці майбутніх фахівців з інформаційних технологій / Л. Ф. Панченко, Н. О. Лавриненко // Наукові записки Бердянського державного педагогічного університету. Педагогічні науки : зб. наук. пр. – Бердянськ, 2015. – Вип. 3. – С. 224-230.
173. Панченко Л. Ф. Система Netlogo як засіб науково-дослідної роботи майбутніх фахівців / Л. Ф. Панченко, Н. О. Лавриненко // Науково-дослідна робота в системі підготовки фахівців-педагогів у природничій, технологічній та економічній галузях :

матер. V Всеукр. наук.-практ. конф. з міжнар. участю. – Бердянськ : БДПУ, 2015. – С. 112-113.

174. Панченко Л. Ф. Теоретико-методологічні засади розвитку інформаційно-освітнього середовища університету : дис. ... д-ра пед. наук : 13.00.10 – інформаційно-комунікаційні технології в освіті / Л. Ф. Панченко ; ДЗ «Луган. нац. ун-т ім. Т. Шевченка». – Луганськ, 2011. – 509 с.

175. Патаракин Е. Д. Формирование личного учебного пространства в сети электронных коммуникаций [Электронный ресурс] / Е. Д. Патаракин, Б. Б. Ярмахов // Educational Technology & Society. – 2008. – №11 (2). – Режим доступа к журн. : http://ifets.ieee.org/russian/depository/v11_i2/html/8.htm.

176. Пермінова Л. А. Використання комп'ютерних засобів у процесі самоосвіти майбутніх педагогів / Л. А. Пермінова // Інформаційні технології в освіті. – 2010. – № 6. – С. 93-96.

177. Подолян Е. В. Методика использования компьютерных технологий в процессе изучения математики / Е. В. Подолян // Материалы XVI Международной конференции «Применение новых технологий в образовании», 28-29 июня 2005. – Троицк : Тривант, 2005. – С. 161-162.

178. Поліщук О. П. Сучасні тенденції розвитку теорії і методики навчання інформатики / О. П. Поліщук, І. О. Теплицький, І. О. Семеріков // Теорія та методика навчання математики, фізики, інформатики : збірник наукових праць. Випуск IX. – Кривий Ріг : Видавничий відділ НМетАУ, 2011. – С. 509-514.

179. Попель М. В. Визначення актуальності використання SageMathCloud під час вивчення математичних дисциплін шляхом анкетування [Електронний ресурс] / М. В. Попель // Збірник матеріалів II Всеукраїнської науково-практичної конференції молодих учених «Наукова молодь-2014» / за заг. ред. проф. Бикова В. Ю. та Спіріна О. М. – К. : ІТЗН НАПН України, 2014. – С. 62-63. – Режим доступу : http://lib.iitta.gov.ua/9155/1/Збірник_Наукова_молодь_2014!!!.pdf.

180. Попель М. В. Використання «Sagemath Cloud» як засобу навчання алгебри і початків аналізу [Електронний ресурс] / М. В. Попель // Звітна наукова конференція Інституту інформаційних технологій і засобів навчання НАПН України : матеріали

наукової конференції. – Київ : ІТЗН НАПН України, 2014. – С. 193-195. – Режим доступу : <http://lib.iitta.gov.ua/Тези-конф-ІТЗН-2014.pdf>.

181. Попель М. В. Використання хмарних технологій у процесі підготовки майбутніх учителів математики [Електронний ресурс] / М. В. Попель // Збірник матеріалів І Всеукраїнської науково-практичної конференції молодих учених «Наукова молодь-2013» / за заг. ред. проф. Бикова В. Ю. та Спіріна О. М. – К. : ІТЗН НАПН України, 2014. – С. 40-43. – Режим доступу : http://lib.iitta.gov.ua/26571/1/Nauk_molod2013Popel.pdf.

182. Попель М. В. Вимірювання інформаційно-комунікаційної компетентності майбутніх вчителів математики щодо використання хмарних технологій у навчальному процесі [Електронний ресурс] / М. В. Попель // Збірник матеріалів ІІІ Всеукраїнської науково-практичної конференції молодих учених «Наукова молодь-2015» / за заг. ред. проф. Бикова В. Ю. та Спіріна О. М. – К. : ІТЗН НАПН України, 2015. – Режим доступу : http://conf.iitlt.gov.ua/Conference.php?h_id=11.

183. Попель М. В. Дослідження інформаційно-комунікаційної компетентності майбутніх учителів математики та стану матеріально-технічного забезпечення навчального закладу в аспекті використання хмарних технологій / М. Попель // Нова педагогічна думка : науково-методичний журнал. – Рівне : Геден-Прінт, 2016. – № 1 (85). – С. 54-59.

184. Попель М. В. Дослідження основних показників використання хмаро орієнтованих систем навчального призначення на прикладі SageMathCloud [Електронний ресурс] / М. В. Попель // Звітна наукова конференція Інституту інформаційних технологій і засобів навчання НАПН України : матеріали наукової конференції. – Київ : ІТЗН НАПН України, 2016. – Режим доступу : http://conf.iitlt.gov.ua/Conference.php?h_id=12.

185. Попель М. В. Дослідження характеристик якості освітніх ресурсів у хмаро орієнтованих системах на прикладі The Sagemath Cloud / М. В. Попель // Система психолого-педагогічних вимог до засобів інформаційно-комунікаційних технологій навчального призначення : монографія / [Гриб'юк О. О., Дем'яненко В. М., Жалдак М. І., Запорожченко Ю. Г., Коваль Т. І., Кравцов Г. М., Лапінський В. В., Литвинова С. Г.,

Пірко М. В., Попель М. В., Скрипка К. І., Співаковський О. В., Сухіх А. С., Татауров В. П., Шишкіна М. П.] ; за наук. ред. М. І. Жалдака. – К. : Атіка, 2014. – С. 110-114.

186. Попель М. В. Засоби наочності ММС «Вища математика : мобільний курс» / М. В. Попель, К. І. Словак // Інноваційні інформаційно-комунікаційні технології навчання математики, фізики, інформатики у середніх та вищих навчальних закладах : зб. наук. праць за матеріалами Всеукр. наук.-метод. конф. молодих науковців, 17-18 лют. 2011 р. – Кривий Ріг : Криворізький держ. пед. ун-т, 2011. – С. 54-58.

187. Попель М. В. Методика використання SageMathCloud у навчанні математичних дисциплін майбутніх вчителів математики / М. В. Попель // Нові технології навчання : наук.-метод. зб. / Інститут іноваційних технологій і змісту освіти МОН України. – К., 2015. – Вип. 87. – С. 8-14.

188. Попель М. В. Організація навчання математичних дисциплін у SageMathCloud : навчальний посібник / М. В. Попель // Теорія та методика навчання математики, фізики, інформатики. – Кривий Ріг : Видавничий відділ ДВНЗ «Криворізький національний університет», 2015. – Том XIII. – Випуск 1 (35) : спецвипуск «Навчальний посібник у журналі». – 111 с.

189. Попель М. В. Організація навчання математичних дисциплін у SageMathCloud : навчальний посібник / М. В. Попель. – 2-ге вид., виправлене // Теорія та методика навчання математики, фізики, інформатики. – Кривий Ріг : Видавничий відділ ДВНЗ «Криворізький національний університет», 2016. – Том XIV. – Випуск 1 (38) : спецвипуск «Навчальний посібник у журналі». – 111 с.

190. Попель М. В. Програмні засоби навчального моделювання / М. В. Попель, С. В. Шокалюк // Інноваційні інформаційно-комунікаційні технології навчання математики, фізики, інформатики у середніх та вищих навчальних закладах : зб. наук. праць за матеріалами Всеукр. наук.-метод. конф. молодих науковців, 17-18 лют. 2011 р. – Кривий Ріг : Криворізький держ. пед. ун-т, 2011. – С. 364-367.

191. Попель М. В. Проектування хмаро орієнтованих систем навчання математичних дисциплін [Електронний ресурс] / М. В. Попель // Звітна наукова конференція Інституту інформаційних технологій і засобів навчання НАПН України : матеріали наукової

конференції. – Київ : ІТЗН НАПН України, 2015. – С. 129-131. – Режим доступу : http://lib.iitta.gov.ua/165919/1/Tezy_conf_ІТЗН_2015.docx.PDF.

192. Попель М. В. Проектування хмаро орієнтованих систем навчання математичних дисциплін майбутніх учителів математики / М. В. Попель // Тези доповідей III Міжнародної науково-практичної конференції «Інформаційні технології в освіті, науці і техніці» (ІТОНТ-2016) : Черкаси, 12-14 травня 2016 р. – Черкаси : ЧДТУ, 2016. – С. 206-207.

193. Попель М. В. Хмарноорієнтовані засоби навчання у підготовці майбутніх учителів математики [Електронний ресурс] / М. В. Попель // Звітна наукова конференція Інституту інформаційних технологій і засобів навчання НАПН України : матеріали наукової конференції. – Київ : ІТЗН НАПН України, 2013. – С. 175-177. – Режим доступу : http://lib.iitta.gov.ua/26570/1/tezy_ІТЗН_2013Popel.pdf.

194. Постанова Кабінету Міністрів України «Про затвердження Національної рамки кваліфікацій» від 23 листопада 2011 р. № 1341.

195. Постанова Кабінету Міністрів України «Про затвердження переліку галузей знань і спеціальностей, за якими здійснюється підготовка здобувачів вищої освіти» від 29 квітня 2015 р. № 266.

196. Про вищу освіту [Текст] : [закон України : офіц. текст : за станом на 19 жовтня 2006 року]. – К. : Парламентське вид-во, 2006. – 64 с. – ISBN 966-611-506-9.

197. Протченко Ю. О. Использование программных средств при изучении математики / Ю. О. Протченко // Інноваційні інформаційно-комунікаційні технології навчання математики, фізики, інформатики у середніх та вищих навчальних закладах : зб. наук. праць за матеріалами Всеукр. наук.-метод. конф. молодих науковців, 17-18 лют. 2011 р. – Кривий Ріг : Криворізький держ. пед. ун-т, 2011. – С. 370-373.

198. Раков С. А. Організація навчальних дослідницьких робіт з основ математичного аналізу засобами пакета MathCAD: навч. посібник / С. А. Раков, Т. О. Олійник, М. І. Ніколаєвська. – Харків : Основа, 1993. – 132 с.

199. Раков С. А. Формування математичних компетентностей учителя математики на основі дослідницького підходу у навчанні з використанням інформаційних технологій :

автореф. дис. ... д-ра пед. наук : 13.00.02 – теорія і методика навчання інформатики / С. А. Раков : НПУ ім. Драгоманова. – Х., 2005. – 44 с.

200. Раков С. А. Формування математичних компетентностей учителя математики на основі дослідницького підходу в навчанні з використанням інформаційних технологій : дис. ... д-ра. пед. наук : 13.00.02 – теорія і методика навчання інформатики / Раков Сергій Анатолійович ; Національний педагогічний ун-т ім. М. П. Драгоманова. – Х., 2005. – 503 с.

201. Рамський Ю. С. Методична система формування інформаційної культури майбутніх вчителів математики : автореф. дис. ... д-ра пед. наук : 13.00.02 – теорія та методика навчання (інформатика) / Юрій Савіянович Рамський ; Національний педагогічний ун-т ім. М. П. Драгоманова. – К., 2013. – 56 с.

202. Рамський Ю. С. Про роль математики і деякі тенденції розвитку математичної освіти в інформаційному суспільстві / Ю. С. Рамський, К. І. Рамська // Науковий часопис НПУ імені М.П.Драгоманова. Серія № 2. Комп'ютерно-орієнтовані системи навчання : Зб. наукових праць / Редрада. – К. : НПУ ім. М. П. Драгоманова, 2008. – № 6(13). – С. 12-16.

203. Рамський Ю. С. Формування інформаційної культури майбутніх учителів математики та інформатики у процесі підготовки їх до розробки освітніх ресурсів / Ю. С. Рамський, В. П. Олексюк // Науковий часопис НПУ імені М. П. Драгоманова. Серія 2 : Комп'ютерно-орієнтовані системи навчання. – 2010. – №. 8. – С. 65-69.

204. Рафальська М. В. Формування інформатичних компетентностей майбутніх вчителів інформатики у процесі навчання методів обчислень : дис. ... канд. пед. наук : 13.00.02 – теорія та методика навчання (інформатика) / Рафальська Марина Володимирівна ; Національний педагогічний університет імені М. П. Драгоманова. – К., 2010. – 308 с.

205. Рашевська Н. В. Мобільні інформаційно-комунікаційні технології навчання вищої математики студентів вищих технічних навчальних закладів : дис. ... к. пед. наук : 13.00.10 – інформаційно-комунікаційні технології в освіті / Рашевська Наталя Василівна ; Інститут інформаційних технологій і засобів навчання НАПН України. – К., 2011. – 244 с.

206. Рашевська Н. В. Мобільні інформаційно-комунікаційні технології навчання вищої математики студентів вищих технічних навчальних закладів : автореф. дис. ... канд. пед. наук : 13.00.10 – інформаційно-комунікаційні технології в освіті / Рашевська Наталія Василівна ; Інститут інформаційних технологій і засобів навчання НАПН України. – К., 2011. – 21 с.
207. Рашевська Н. В. Сучасні інформаційно-комунікаційні технології навчання вищої математики у технічному ВНЗ / Н. В. Рашевська // Наукові записки Тернопільського національного педагогічного університету ім. В. Гнатюка. Сер. Педагогіка / гол. ред. Г. Терещук. – Тернопіль, 2011. – № 1. – С. 148-154.
208. Рашевська Н. В. Хмарні обчислення у навчанні вищої математики в технічних університетах / Н. В. Рашевська // Хмарні технології в освіті : матеріали Всеукраїнського науково-методичного Інтернет-семінару (Кривий Ріг – Київ – Черкаси – Харків, 21 грудня 2012 р.). – Кривий Ріг : Видавничий відділ КМІ, 2012. – 127-129 с.
209. Ривкин М. Н. Как создаются облака [Электронный ресурс] / М. Н. Ривкин // Открытые системы, 2012. – № 4 – Режим доступа : <http://www.osp.ru/os/2012/04/13015781/>.
210. Роберт И. В. Современные информационные технологии в образовании : дидактические проблемы, перспективы использования / И. В. Роберт. – М. : Школа – Пресс, 1994. – 205 с.
211. Рождественська Л. В. Дневник конференции. 10 шагов информатизации : призрак виртуальной учительской [Електронний ресурс] / Л. В. Рождественська. – 2012. – Режим доступу : <http://edugalaxy.intel.ru/index.php?automodule=blog&blogid=8&showentry=3664>.
212. Романова Г. М. Дидактичне проектування як напрям психолого-педагогічної підготовки викладачів ВНЗ / Г. М. Романова // Вісник Національного технічного університету України "Київський політехнічний інститут". Філософія. Психологія. Педагогіка. – 2010. – № 1. – С. 219-223.
213. Рудницька О. П. Основи педагогічних досліджень : навч.-метод. посіб. для студ. вищ. навч. закл. / О. П. Рудницька, А. Г. Болгарський, Т. Ю. Свистельнікова. – К. : Експрес – об'ява, 1998.

214. Свириденко О. С. Хмарні технології та навчання у школі – що спільного? / О. С. Свириденко // Інформатика та інформаційні технології в навчальних закладах. – 2012. – № 5. – С. 29-32.
215. Сейдаметова З. С. Системи онлайнового навчання : класифікація, компоненти, успішні проекти / З. С. Сайдаметова, С. Н. Сейтвелиєва, В. А. Темненко // Інформаційні технології в освіті. – 2012. – № 13. – С. 69-76.
216. Сейдаметова З. С. Облачные сервисы в образовании / З. С. Сейдаметова, С. Н. Сейтвелиева // Информационные технологии в образовании. – 2011. – № 9. – С. 105-111.
217. Сейдаметова З. С. Облачные технологии и образование / З. С. Сейдаметова, Э. И. Абляимова, Л. М. Меджитова, С. Н. Сейтвелиева, В. А. Темненко ; под общ. ред. З. С. Сейдаметовой. – Симферополь : ДИАЙПИ, 2012. – 204 с.
218. Сейдаметова З. С. Обучение облачным технологиям инженеров-программистов / З. С. Сейдаметова, Г. С. Сейдаметов // Информационные технологии в образовании. – 2013. – № 15. – С. 74-82.
219. Сейдаметова З. С. Проектирование среды онлайнового обучения / З. С. Сейдаметова, В. А. Темненко // Ученые записки Крымского инженерно-педагогического университета. Выпуск 32. Педагогические науки. – Симферополь : НИЦ КИПУ, 2011. – С. 101-106.
220. Сейтвелиева С. Н. Опыт проведения лабораторных занятий по дисциплине «Облачные технологии (Cloud computing)» / С. Н. Сейтвелиева / Вчені записки Кримського інженерно-педагогічного університету. Випуск 32. Педагогічні науки. – Сімферополь : НІЦ КІПУ, 2011. – 120 с.
221. Семенов С. П. Системы компьютерной математики: учебное пособие для студентов математического факультета АГУ / С. П. Семенов, В. В. Славский, П. Б. Татаринцев. – Барнаул : Изд-во Алт. ун-та, 2004. – 128 с.
222. Семеріков С. О. Активізація пізнавальної діяльності студентів при вивченні чисельних методів у об'єктно-орієнтованій технології програмування : дис. ... к. пед. наук : 13.00.02 – теорія та методика навчання інформатики /

Семеріков Сергій Олексійович ; Криворізький державний педагогічний університет. – Кривий Ріг, 2000. – 256 с.

223. Семеріков С. О. Мобільне математичне середовище Sage : нові можливості та перспективи розвитку / С. О. Семеріков, І. О. Теплицький // Тези доповідей VII Всеукраїнської науково-практичної конференції «Інформаційні технології в освіті, науці і техніці» (ІТОНТ-2010). 4-6 травня 2010 року. – Том 2. – Черкаси : Черкаський державний технологічний університет, 2010. – С. 71.

224. Семеріков С. О. Організація розподілених обчислень засобами ММС Sage / С. О. Семеріков, С. В. Шокалюк // Педагогічні науки : теорія, історія, інноваційні технології. – 2010. – №2 (4). – С. 338–345.

225. Семеріков С. О. Теоретико-методичні основи фундаменталізації навчання інформатичних дисциплін у вищих навчальних закладах : автореф. дис. ... д-ра. пед. наук : 13.00.02 – теорія та методика навчання (інформатика) / Семеріков Сергій Олексійович ; НПУ ім. М. П. Драгоманова. – К., 2009. – 41 с.

226. Семеріков С. О. Теоретико-методичні основи фундаменталізації навчання інформатичних дисциплін у вищих навчальних закладах : дис. ... д-ра пед. наук : 13.00.02 – теорія та методика навчання (інформатика) / Семеріков Сергій Олексійович ; НПУ ім. М. П. Драгоманова. – К., 2009. – 536 с.

227. Семеріков С. О. Теоретичні та методичні основи фундаменталізації навчання інформатичних дисциплін у вищій школі / С. О. Семеріков, І. О. Теплицький // Теорія та методика навчання математики, фізики, інформатики : збірник наукових праць. Випуск VIII : в 3-х томах. – Кривий Ріг : Видавничий відділ НМетАУ, 2010. – Т. 3 : Теорія та методика навчання інформатики. – С. 223-239.

228. Семеріков С. О. Теорія і методика застосування мобільних математичних середовищу процесі навчання вищої математики студентів економічних спеціальностей / С. О. Семеріков, К. І. Словак // Інформаційні технології і засоби навчання. – 2011. – № 1 (21). – Режим доступу : <http://journal.iitta.gov.ua/index.php/itlt/article/download/413/369>.

229. Семеріков С. О. Фундаменталізація навчання інформатичних дисциплін у вищій школі : монографія / Семеріков С. О. ; науковий редактор академік АПН України,

д.пед.н., проф. М. І. Жалдак. – Кривий Ріг : Мінерал ; К. : НПУ ім. М. П. Драгоманова, 2009. – 340 с.

230. Сергієнко В. П. Створення навчальних ресурсів у середовищі MOODLE на основі технології „cloud computing” [Електронний ресурс] / В. П. Сергієнко, І. С. Войтович // Інформаційні технології і засоби навчання. – 2011. – № 4 (24). – Режим доступу : <http://journal.iitta.gov.ua/index.php/itlt/article/download/518/434>.

231. Сериков В. В. Образование и личность. Теория и практика проектирования педагогических систем / В. В. Сериков – М. : Логос, 1999. – 272 с.

232. Сєдов А. О. Стан та перспективи розвитку інноваційних освітніх технологій в Україні / А. О. Сєдов // Інформаційні технології в освіті. – 2008. – № 1. – С. 122-125.

233. Сінько Ю. І. Системи комп'ютерної математики та їх роль у математичній освіті / Ю. І. Сінько // Інформаційні технології в освіті. – 2009. – № 3. – С. 274-278.

234. Скафа О. І. Комп'ютерно-орієнтовані уроки в евристичному навчанні математики : навч.-метод. посіб. / О. І. Скафа, О. В. Тутова. – Донецьк : Вебер. Донец. від-ня, 2009. – 320 с.

235. Скворцова С. О. Формування професійної компетентності в майбутнього вчителя математики [Електронний ресурс] / С. О. Скворцова // «Педагогічна наука : історія, теорія, практика, тенденції розвитку». – 2010. – Вип. № 4. – Режим доступу : <https://skvor.info/publications/articles/view.html?id=120>.

236. Склейте́р Н. Облачные вычисления в образовании [Аналитическая записка] / Н. Склейте́р. – М. : Институт ЮНЕСКО по информационным технологиям в образовании, 2010. – 12 с.

237. Складорова І. О. Професійна компетентність вчителя математики як загальна умова педагогічної діяльності [Електронний ресурс] / І. О. Складорова // Електронний збірник наукових праць Запорізького обласного інституту післядипломної педагогічної освіти: Особистість у єдиному освітньому просторі. Збірник наукових тез III Міжнародного Форуму 26-29 квітня 2012. – Випуск № 2 (8) – Режим доступу : http://virtkafedra.ucoz.ua/el_gurnal/pages/vyp8/Skljarova.pdf.

238. Слєпкань З. І. Психолого-педагогічні та методичні основи розвивального навчання математики / З. І. Слєпкань. – Тернопіль : Підручники і посібники, 2004. – 240 с.
239. Словак К. І. Особливості застосування ММС Sage в мобільному курсі вищої математики / К. І. Словак, М. В. Попель // Теорія та методика навчання математики, фізики, інформатики : збірник наукових праць. Випуск VIII : в 3-х томах. – Кривий Ріг : Видавничий відділ НМетАУ, 2010. – Т. 1 : Теорія та методика навчання математики. – С. 125-130.
240. Словак К. І. Інформаційно-комунікаційні технології активізації навчально-пізнавальної діяльності студентів [Електронний ресурс] / К. І. Словак // Науковий вісник Донбасу. – 2011. – № 3 (15). – Режим доступу : <http://nvd.luguniv.edu.ua/archiv/NN15/11skinds.pdf>.
241. Словак К. І. Лекційні демонстрації у курсі вищої математики / К. І. Словак, М. В. Попель // Новітні комп'ютерні технології : матеріали VIII Міжнародної науково-технічної конференції : Київ–Севастополь, 14–17 вересня 2010 р. – К. : Міністерство регіонального розвитку та будівництва України, 2010. – С. 142-144.
242. Словак К. І. Методика використання мобільних математичних середовищ у процесі навчання вищої математики студентів економічних спеціальностей : дис. ... к. пед. наук : 13.00.10 – інформаційно-комунікаційні технології в освіті / Катерина Іванівна Словак ; Інститут інформаційних технологій і засобів навчання НАПН України. – К., 2010. – 290 с.
243. Словак К. І. Методика побудови окремих компонентів мобільного математичного середовища «Вища математика» [Електронний ресурс] / Катерина Іванівна Словак // Інформ. технології і засоби навчання. – 2012. – № 4. – Режим доступу : <http://journal.iitta.gov.ua/index.php/itlt/article/download/687/520>.
244. Словак К. І. Мобільне математичне середовище як новий засіб підвищення ефективності навчальної діяльності студентів з вищої математики / Катерина Іванівна Словак // Інноваційні інформаційно-комунікаційні технології навчання математики, фізики, інформатики у середніх та вищих навчальних закладах : зб. наук. праць за

матеріалами Всеукр. наук.-метод. конф. молодих науковців, 17-18 лют. 2011 р. – Кривий Ріг : Криворізький держ. пед. ун-т, 2011. – С. 73-76.

245. Словак К. І. Мобільні математичні середовища : сучасний стан та перспективи розвитку / К. І. Словак, С. О. Семеріков, Ю. В. Триус // Науковий часопис НПУ імені М. П. Драгоманова. Серія 2. Комп'ютерно-орієнтовані системи навчання : зб. наук. праць / Редрада. – К. : НПУ ім. М. П. Драгоманова, 2012. – № 12(19). – С. 102-109.

246. Словак К. І. Можливості застосування мобільного математичного середовища «Вища математика» для реалізації дослідницького підходу у навчанні / К. І. Словак // Розвиток інтелектуальних умінь і творчих здібностей учнів та студентів у процесі навчання дисциплін природничо-математичного циклу «ІТМ*плюс – 2012» : матеріали міжнародної науково-методичної конференції (6-7 грудня 2012 р., м. Суми) : у 3-х частинах. Частина 3 / упорядник Чашечникова О. С. – Суми : Мрія, 2012. – С. 74-76.

247. Словак К. І. Технологія створення лекційних демонстрацій для ММС «Вища математика» / К. І. Словак, М. В. Попель // Теорія та методика електронного навчання : збірник наукових праць. Випуск II. – Кривий Ріг : Видавничий відділ НМетАУ, 2011. – С. 335-345.

248. Словінський О. В. Специфіка хмарних сервісів у сфері освіти / О. В. Словінський // Збірник матеріалів I Всеукраїнської науково-практичної конференції молодих учених «Наукова молодь-2013» / за заг. ред. проф. Бикова В. Ю. та Спіріна О. М. – К. : ІТЗН НАПН України, 2014. – С. 169-171.

249. Смілянець О. Г. Використання інформаційно-комунікаційних технологій у професійній підготовці фахівців з економічної кібернетики / О. Г. Смілянець // Інформаційні технології освіти. – 2009. – № 1. – С. 156-160.

250. Соловйова В. В. Реалізація міждисциплінарних зв'язків за допомогою Web-СКМ / В. В. Соловйова, Н. А. Хараджян // Теорія та методика навчання математики, фізики, інформатики : збірник наукових праць. Випуск IX. – Кривий Ріг : Видавничий відділ НМетАУ, 2011. – С. 396-401.

251. Співаковський О. В. Теорія і практика використання інформаційних технологій у процесі підготовки студентів математичних спеціальностей : монографія / О. В. Співаковський – Херсон : Айлант, 2003. – 250 с.

252. Спірін О. М. Проект концепції електронної бібліотеки Національної академії педагогічних наук України [Електронний ресурс] / О. М. Спірін, С. М. Іванова, О. В. Новицький, М. А. Шиненко // Інформаційні технології і засоби навчання. – 2010. – №6 (20). – Режим доступу : <http://journal.iitta.gov.ua/index.php/itlt/article/download/396/347>.
253. Спірін О. М. Теоретичні та методичні засади професійної підготовки майбутніх учителів інформатики за кредитно-модульною системою : монографія / За наук. ред. акад. М. І. Жалдака. – Житомир : Вид-во ЖДУ ім. І. Франка, 2007. – 300 с.
254. Спірін О. М. Теоретичні та методичні основи кредитно-модульної системи навчання майбутніх учителів інформатики : автореф. дис... д-ра пед. наук. : 13.00.04 – «Теорія і методика професійної освіти» / О. М. Спірін ; Ін-т пед. освіти і освіти доросл. – К., 2009. – 40 с.
255. Спірін О. М. Теоретичні та методичні основи кредитно-модульної системи навчання майбутніх учителів інформатики : дис. ... доктора пед. наук : 13.00.04 – «Теорія і методика професійної освіти» / Спірін Олег Михайлович ; Ін-т педагогічної освіти і освіти дорослих АПН України. – К., 2009. – 495 с.
256. Стандарт ISO/IEC 17788 :2014 «Інформаційні технології. Хмарні обчислення. Огляд і словник» [Електронний ресурс] / Online Browsing Platform (OBP). – Режим доступу : <https://www.iso.org/obp/ui/#iso:std:iso-iec:17788:ed-1:v1:en:sec:3.2.14>.
257. Стандарти і рекомендації щодо забезпечення якості в Європейському просторі вищої освіти (ESG). – К. : ЦС, 2015. – 32 с.
258. Стельмах Я. Г. Формирование профессиональной математической компетентности студентов – будущих инженеров : автореф. дис. ... канд. пед. наук : 13.00.08 – теория и методика профессионального образования / Я. Г. Стельмах ; Тольяттинский государственный университет. – Самара, 2011. – 23 с.
259. Стрюк А. М. Система «Агапа» як засіб навчання системного програмування бакалаврів програмної інженерії : дис. ... канд. пед. наук : 13.00.10 – інформаційно-комунікаційні технології в освіті / Стрюк Андрій Миколайович ; Інститут інформаційних технологій і засобів навчання НАПН України. – К., 2012. – 288 с.
260. Стрюк А. М. Система хмаро орієнтованих засобів навчання як елемент інформаційного освітньо-наукового середовища ВНЗ / А. М. Стрюк, М. В. Рассовицька //

Інформаційні технології і засоби навчання. – 2014. – № 4 (42). – С. 150-158. – Режим доступу : <http://journal.iitta.gov.ua/index.php/itlt/article/download/1087/829>.

261. Сушенцев О. О. Підвищення якості самостійної роботи учнів засобами комп'ютерних технологій / О. О. Сушенцев, Л. Л. Сушенцева // Проблеми підготовки та перепідготовки фахівців у сфері інформаційних технологій / Матеріали IV Міжнародної науково-технічної конференції «Комп'ютерні технології в будівництві»: Київ–Севастополь, 18-21 вересня 2006 р. – Кривий Ріг, 2006. – С. 57-58.

262. Телев'як І. І. «Перевернутий клас» – новий крок у процесі навчання / І. І. Телев'як // Наукові записки Міжнародного гуманітарного університету: статті учасників Другої міжнародної мультидисциплінарної конференції «Чорноморські наукові студії» 13 травня 2016 року. – Одеса : Фенікс, 2016. – Вип. 25. – С. 289-292.

263. Тимчасове положення про організацію освітнього процесу в НТУУ «КПІ» / Уклад. : В. П. Головенкін (розд. : 1-8, 10, 12), С. В. Мельниченко (розд. : 9, 11) ; за заг. ред. Ю. І. Якименка. – К. : НТУУ «КПІ», 2015. – 102 с.

264. Титенко С. В. Моделювання спеціалізованих інформаційних об'єктів в універсальних системах керування Web-контентом / С. В. Титенко // Вісник Східноукраїнського національного університету імені Володимира Даля – 2012. – №8 (179). – Ч.2. – С. 235-239.

265. Токарчук О. М. Математична компетентність як складова професійної підготовки майбутнього економіста / О. М. Токарчук // Наукові записки Тернопільського національного педагогічного університету імені Володимира Гнатюка. – 2012. – № 3 – С. 18-24.

266. Толкунов С. М. Нові підходи до розробки навчального програмного забезпечення для студентів математичних спеціальностей / С. М. Толкунов // Інформаційні технології в освіті. – 2008. – № 1. – С. 161-164.

267. Толкунов С. М. Структура навчального програмного забезпечення для дистанційної форми навчання [Електронний ресурс] / С. М. Толкунов // Інформаційні технології і засоби навчання. – 2007. – № 2 (3). – Режим доступу : <http://journal.iitta.gov.ua/index.php/itlt/article/download/265/251>.

268. Триус Ю. В. Використання хмарних технологій у навчанні дисциплін професійної підготовки майбутніх бакалаврів комп'ютерних наук / Ю. В. Триус // Інноваційні комп'ютерні технології у вищій школі : матеріали 6-ї науково-практичної конференції, м. Львів, 18-20 листопада 2014 року. – Львів : Видавництво Львівської політехніки, 2014. – С. 82-87.
269. Триус Ю. В. Комп'ютерно-орієнтовані методичні системи навчання математичних дисциплін у вищих навчальних закладах : дис. ... докт. пед. наук : 13.00.02 – теорія та методика навчання інформатики / Триус Юрій Васильович ; Черкаський національний університет імені Богдана Хмельницького. – Черкаси, 2005. – 649 с.
270. Триус Ю. В. Комп'ютерно-орієнтовані методичні системи навчання математичних дисциплін у ВНЗ : проблеми, стан і перспективи / Юрій Васильович Триус // Науковий часопис НПУ імені М. П. Драгоманова. Серія 2. Комп'ютерно-орієнтовані системи навчання : зб. наук.праць. – К. : НПУ ім. М. П. Драгоманова, 2010. – №9(16). – С. 16-29.
271. Триус Ю. В. Організаційні й технічні аспекти використання систем мобільного навчання / Ю. В. Триус, В. М. Франчук, Н. П. Франчук // Науковий часопис НПУ ім. М.П.Драгоманова. Серія №2. Комп'ютерно-орієнтовані системи навчання : зб. наукових праць. – К. : НПУ ім. М.П. Драгоманова, 2012. – Випуск 12(19). – С. 53-62.
272. Триус Ю. В. Система електронного навчання ВНЗ на базі MOODLE : методичний посібник / Ю. В. Триус, І. В. Герасименко, В. М. Франчук // За ред. Ю. В. Триуса. – Черкаси : Чабаненко Ю. А, 2012. – 220 с.
273. Триус Ю. В. Хмаро орієнтовані системи підтримки дистанційного навчання у вищих навчальних закладах / Ю. В. Триус // II Міжнародна науково-практична конференція «Інформаційні технології та взаємодії» (IT & I). Київ, 3-4 листопада 2015 р. – Київ : КНУ, 2015. – С. 280-282.
274. Туравінін М. С. Використання інструментарію MMC Sage для розв'язування диференціальних рівнянь / М. С. Туравінін // Інноваційні інформаційно-комунікаційні технології навчання математики, фізики, інформатики у середніх та вищих навчальних

зкладах : зб. наук. праць за матеріалами Всеукр. наук.-метод. конф. молодих науковців, 17-18 лют. 2011 р. – Кривий Ріг : Криворізький держ. пед. ун-т, 2011. – С. 396-399.

275. Турчинська С. Д. Моніторинг ІКТ-компетентностей педагогічних працівників : навчально-методичний посібник. – Рівне : Рівненський міський виконавчий комітет Управління освіти, 2012. – 69 с.

276. Усталов Д. А. Семантический подход к описанию конфигурации среды облачных вычислений / Д. А. Усталов // Научный сервис в сети Интернет : поиск новых решений : труд Международной суперкомпьютерной конференции. – М. : Изд-во МГУ, 2012. – С. 706-710.

277. Фіцула М. М. Педагогіка вищої школи: навч. посіб./ М. М. Фіцула. – 2-ге вид., доп. – К. : Академвидав, 2010. – 456 с.

278. Фролов Ю. В. Компетентностная модель как основа качества подготовки специалистов / Ю. В. Фролов, Д. А. Мохотин // Высшее образование сегодня. – 2004. – № 8. – С. 34-41.

279. Хміль Н. А. Відображення проблеми впровадження хмарних технологій у сучасний освітній процес на сторінках вітчизняних періодичних фахових видань / Н. А. Хміль // Педагогіка та психологія. – 2015. – Вип. 51. – С. 103-113.

280. Хуторской А. В. Ключевые компетенции как компонент личностно-ориентированной парадигмы образования / А. В. Хуторской // Ученик в общеобразовательной школе. – М. : ИОСО РАО, 2002. – С. 135-157.

281. Шадриков В. П. Новая модель специалиста: инновационная подготовка и компетентностный подход / В. П. Шадриков // Высшее образование сегодня. – 2004. – № 8. – С. 26–31.

282. Швачич Г. Г. Некоторые проблемы обеспечения качества преподавания математических дисциплин в современных условиях / Г. Г. Швачич, В. С. Коноваленков, Т. М. Заборова // Образовательные технологии и общество. – 2014. – Т. 17, № 1. – С. 616-625.

283. Швець В. О. Принципи формування базового змісту математичної освіти / В. О. Швець // Дидактика математики : проблеми і дослідження. – Донецьк : ТЕАН, 2001. – Вип. 16. – С. 63-69.

284. Шиненко М. А. Використання хмарних технологій для професійного розвитку вчителів (зарубіжний досвід) [Електронний ресурс] / М. А. Шиненко, Н. В. Сороко // Інформаційні технології в освіті. – 2012. – № 12. – С. 206-214. Режим доступу : <http://ite.kspu.edu/issue-12/p-206-214/full>.
285. Шишкіна М. П. Використання сервісів SageMathCloud для організації і підтримування спільної роботи студентів / М. П. Шишкіна, С. В. Шокалюк, М. В. Попель // Вісник Черкаського університету. Серія : Педагогічні науки : наук. журн. / Черкас. нац. ун-т ім. Богдана Хмельницького. – Черкаси : Вид-во Черкас. нац. ун-т, 2016. – С. 90-100.
286. Шишкіна М. П. Організація спільної роботи із ресурсами проектів у SageMathCloud / М. П. Шишкіна, С. В. Шокалюк, М. В. Попель // Новітні комп'ютерні технології. – Кривий Ріг : Видавничий центр ДВНЗ «Криворізький національний університет», 2016. – Том XIV. – С. 67-68.
287. Шишкіна М. П. Організація факультативного курсу з використанням інструментарію MoodleCloud [Електронний ресурс] / М. П. Шишкіна, М. В. Попель // Четверта міжнародна науково-практична конференція «MoodleMoot Ukraine 2016. Теорія і практика використання системи управління навчанням Moodle». (Київ, КНУБА, 19-20 травня 2016 р.) : тези доповідей. – К. : КНУБА, 2016. – С. 22. – Режим доступу : http://2016.moodlemoot.in.ua/pluginfile.php/2559/mod_resource/content/2/Тези MoodleMoot-2016.pdf.
288. Шишкіна М. П. Перспективні технології розвитку систем електронного навчання / М. П. Шишкіна // Інформаційні технології в освіті. – 2011. – № 10. – С. 132-139.
289. Шишкіна М. П. Системи комп'ютерної математики у хмаро орієнтованому освітньому середовищі навчального закладу / М. П. Шишкіна, У. П. Когут, М. В. Попель // Science and Education a New Dimension. Pedagogy and Psychology, II (14), Issue : 27, 2014. – С. 75-78.
290. Шишкіна М. П. Формування і розвиток хмаро орієнтованого освітньо-наукового середовища вищого навчального закладу : монографія / М. П. Шишкіна. – К. : УкрІНТЕІ, 2015. – 256 с.

291. Шишкіна М. П. Формування хмаро орієнтованого середовища навчання математичних дисциплін на базі SageMathCloud / М. П. Шишкіна, М. В. Попель // Інформаційні технології в освіті. – 2016. – № 26. – С. 148-165.
292. Шишкіна М. П. Хмаро орієнтоване середовище навчального закладу : сучасний стан і перспективи розвитку досліджень [Електронний ресурс] / М. П. Шишкіна, М. В. Попель // Інформаційні технології і засоби навчання. – 2013. – № 5 (37). – С. 66-80. – Режим доступу : <http://journal.iitta.gov.ua/index.php/itlt/article/download/903/676>.
293. Шлянчак С. О. Позитивна динаміка рівнів професійної компетентності студентів у межах нового галузевого стандарту спеціальності «Інформатика» / Світлана Олександрівна Шлянчак // Наукові записки Ніжинського державного університету імені Миколи Гоголя. Психолого-педагогічні науки : науковий журнал. № 10 / Міністерство освіти і науки, молоді та спорту України, Ніжинський державний університет імені Миколи Гоголя; Гол. ред. Є. І. Коваленко. – Ніжин : НДУ ім. М. Гоголя, 2011. – С. 111-117.
294. Шокалюк С. В. Елементи методики навчання Web-СКМ Sage за технологіями дистанційного навчання / С. В. Шокалюк // Теорія та методика навчання математики, фізики, інформатики : збірник наукових праць. Випуск ІХ. – Кривий Ріг : Видавничий відділ НМетАУ, 2011. – С. 602-613.
295. Шокалюк С. В. Методичні засади комп'ютеризації самостійної роботи старшокласників у процесі вивчення програмного забезпечення математичного призначення : дис. ... канд. пед. наук : 13.00.02 – теорія та методика навчання (інформатики) / Шокалюк Світлана Вікторівна ; Національний педагогічний ун-т ім. М. П. Драгоманова. – К., 2009. – 261 с.
296. Шокалюк С. В. Освітній потенціал програмних засобів комп'ютерної математики / Світлана Вікторівна Шокалюк // Теорія та методика електронного навчання : збірник наукових праць. Випуск І. – Кривий Ріг : Видавничий відділ НМетАУ, 2010. – С. 247-254.
297. Шокалюк С. В. Основи роботи в SAGE / За ред. академіка АПН України М. І. Жалдака. – К. : НПУ імені М. П. Драгоманова, 2008. – 64 с.

298. Щокін В. П. Організація самостійної роботи магістрантів та аспірантів засобами інформаційно-комунікаційних та хмарних технологій / В. П. Щокін, В. В. Ткачук // Оптимізація виробничих процесів і технічний контроль у машинобудуванні та приладобудуванні : зб. наук. пр. – Львів : Львівська політехніка, 2012. – С. 176-180.
299. Щур Н. М. Використання інформаційно-комунікаційних технологій у системі неперервної педагогічної освіти США [Електронний ресурс] / Н. М. Щур // Інформаційні технології в освіті. – 2012. – № 12. – С. 215-220. – Режим доступу : http://ite.kspu.edu/webfm_send/311.
300. Ягупов В. В. Педагогіка : навч. посібник / В. В. Ягупов. – К. : Либідь, 2002. – 560 с.
301. Ahson S. A. Cloud Computing and Software Services : Theory and Techniques / Syed A. Ahson, Mohammad Ilyas. – Boca Raton, London, New York : CRC Press, 2010 – 458 p.
302. Amies A. Developing and Hosting Applications on the Cloud / Alex Amies, Harm Sluiman, Qiang Guo Tong, Guo Ning Liu. – Upper Saddle River, NJ, Boston, Indianapolis, San Francisco, New York, Toronto, Montreal, London, Munich, Paris, Madrid, Cape Town, Sydney, Tokyo, Singapore, Mexico City : IBM Press, 2012. – 385 p.
303. Antonopoulos N. Cloud Computing : Principles, Systems and Applications / Nick Antonopoulos, Lee Gillam. – London, Dordrecht, New York, Heidelberg : Springer, 2010. – 382 p.
304. Armbrust M. Above the Clouds : A Berkeley View of Cloud. Computing Electrical Engineering and Computer Sciences University of California at Berkeley [Електронний ресурс] / Michael Armbrust, Armando Fox, Rean Griffith [et al.]. – 2009. – Режим доступу : <https://www2.eecs.berkeley.edu/Pubs/TechRpts/2009/EECS-2009-28.pdf>.
305. Armbrust M. Above the Clouds : A Berkeley View of Cloud Computing [Електронний ресурс] / Michael Armbrust, Armando Fox, Rean Griffith, Anthony D. Joseph, Randy H. Katz, et. al. (Technical Report # UCB/EECS-2009-28). – Berkeley : University of California, 2009. – Режим доступу : <http://www.eecs.berkeley.edu/Pubs/TechRpts/2009/EECS-2009-28.html>.
306. Beezer R. A. Sage (Version 3.4) / Robert A. Beezer. // SIAM Review. – Philadelphia, 2009. – Volume 51, number 4, – P. 785-807.

307. Behnel S. Cython Tutorial / Stefan Behnel, Robert W. Bradshaw, and Dag Sverre Seljebotn // SciPy 2009 : Proceedings of the 8th Python in Science Conference / Gaël Varoquaux, Stéfan van der Walt, and K. Jarrod Millman (ed.) , 2009. – Pages 4-14.
308. Blokland K. Testing Cloud Services : How to Test Saas, Paas & Iaas / Kees Blokland, Jeroen Mengerink, Martin Pol. – Santa Barbara, CA : Rocky Nook, 2013. – 180 p.
309. Buyya R. Cloud Computing : Principles and Paradigms / Rajkumar Buyya, James Broberg, Andrzej M. Goscinski. – New Jersey : John Wiley & Sons, 2010. – 664 p.
310. Buyya R. Mastering Cloud Computing : Foundations and Applications Programming / Rajkumar Buyya, Christian Vecchiola, S. Thamarai Selvi. – Sydney : Morgan Kaufmann, 2013. – 468 p.
311. Cabrera-Granado E. Entornos de aprendizaje online para el cálculo computacional en ciencias. Online learning environments for scientific computation / E. Cabrera-Granado, E. Díaz, O. G. Calderón, D. Maestre, F. Domínguez-Adame // La Sociedad del Aprendizaje. Actas del III Congreso Internacional sobre Aprendizaje, Innovación y Competitividad. CINAIC 2015 (14-16 de Octubre de 2015, Madrid, España). – Madrid : Universidad Politécnica de Madrid, 2015. – P. 802-806.
312. Chang W. Y. Transforming Enterprise Cloud Services / William Y. Chang, Hosame Abu-Amara, Jessica Sanford. –Dordrecht, Heidelberg, London, New York :Springer, 2010. – 428 p.
313. Chen G. Building an Experimental Platform for Cloud and Big Data Education [Электронный ресурс] / Genlang Chen, Shiting Wen, Jinqiu Yang, GuanHui Song // International Conference on Education Reform and Modern Management (ERMM 2014) – Atlantis Press, 2014. – P. 254-257. – Режим доступа : http://www.atlantispress.com/php/download_paper.php?id=11277.
314. Competency Standards Modules : ICT competency standards for teacher. – Paris : United Nations Educational, Scientific and Cultural Organization, 2008. – 13 p.
315. Computer Science Curricula CS2013. Ironman Draft (version 1.0) [Электронный ресурс] / ACM/IEEE-CS SIGPLAN Education Board, February, 2013. – 376 p. – Режим доступа : <http://ai.stanford.edu/users/sahami/CS2013/ironman-draft/cs2013-ironman-v1.0.pdf>.

316. Cusumano M. Cloud computing and SaaS as new computing platforms / Michael Cusumano // Communications of the ACM. – 2010, 53.4. – P. 27-29.
317. Díaz E. García Nuevas herramientas de software libre para la corrección automática de ejercicios complejos / Elena Díaz García // Proyecto de Innovación y Mejora de la Calidad Docente Convocatoria 2015. – Madrid : Universidad Complutense, 2015. – № 312. – 117 p.
318. Erkoc M. F. Cloud Computing for Distributed University Campus : A prototype Suggestion [Электронный ресурс] / Mehmet Fatih Erkoc, Serhat Bahadir Kert // International Conference the Future of Education 2010. – Режим доступа : http://conference.pixel-online.net/edu_future/common/download/Paper_pdf/ENT30-Erkoc.pdf.
319. Eröcal B. The Sage Project : Unifying Free Mathematical Software to Create a Viable Alternative to Magma, Maple, Mathematica and Matlab / Burçin Eröcal, William Stein // ICMS 2010 : Proceedings of the Third International Congress on Mathematical Software / Komei Fukuda, Joris van der Hoeven, Michael Joswig, and Nobuki Takayama (ed.). – Berlin, Heidelberg : Springer, 2010. – Lecture Notes in Computer Science, volume 6327. – P. 12-27.
320. Farley M. Rethinking Enterprise Storage : A Hybrid Cloud Model / Marc Farley. – Redmond, Washington : Microsoft Press, 2013. – 120 p.
321. Furht B. Handbook of Cloud Computing / Borko Furht, Armando Escalante. – New York, Dordrecht, Heidelberg, London : Springer Science & Business Media, 2010. – 653 p.
322. Gallagher S. VMware Private Cloud Computing with vCloud Director / Simon Gallagher, Joe Baguley, Aidan Dalgleish. – Indianapolis : Wiley, 2013. – 432 p.
323. Halpert B. Auditing Cloud Computing : A Security and Privacy Guide / Ben Halpert. – Hoboken : John Wiley & Sons, 2011. – 224 p.
324. Hill R. Guide to Cloud Computing / Richard Hill, Laurie Hirsch, Peter Lake, Siavash Moshiri. – London : Springer-Verlag 2013. – 278 p.
325. Jansch I. PHP Development in the Cloud / Ivo Jansch, Vito Chin. – Toronto : Blue Parabola, 2011. – 336 p.
326. Joyner D. Differential Calculus and Sage / David Joyner, William Granville. – Charleston : CreateSpace Press Independent Publishing Platform, 2009. – 373 p.
327. Joyner D. Open Source Mathematical Software / David Joyner, William Stein // Notices of the AMS. – 2007. – Volume 54, № 10. – P. 1279

328. Katz R. The Tower and the Cloud : Higher Education in the Age of Cloud Computing [Электронный ресурс] / Richard N. Katz. – Berkeley : Educause, 2008. – Режим доступа : <http://net.educause.edu/ir/library/pdf/PUB7202.pdf>.
329. Kemp Ch. Professional Heroku Programming / Chris Kemp, Brad Gyger. – Chichester : Wrox, 2013. – 522 p.
330. Ketcheson D. I. Teaching numerical methods with IPython notebooks and inquiry-based learning / D. I. Ketcheson // Proceedings of the 13th Python in Science Conference. Austin, Texas, 2014. – P. 20-26.
331. Khmelevsky Y. Cloud computing infrastructure prototype for university education and research / Y. Khmelevsky, V. Voytenko // WCCCE'10 Proceedings of the 15th Western Canadian Conference on Computing Education. – New York : ACM, 2010. – Article № 8. – 5 p.
332. Lehner W. Web-Scale Data Management for the Cloud / Wolfgang Lehner, Kai-Uwe Sattler. – New York : Springer Science & Business Media, 2013. – 208 p.
333. Mahmood Z. Cloud Computing : Methods and Practical Approaches / Zaigham Mahmood. – New York : Springer-Verlag Incorporated, 2013. – 347 p.
334. Marinescu D. C. Cloud Computing : Theory and Practice / Dan C. Marinescu. – New York : Newnes, 2013. – 416 p.
335. Marks E. A. Executive's Guide to Cloud Computing / Eric A. Marks, Bob Lozano. – Hoboken : John Wiley and Sons, 2010. – 304 p.
336. Miller M. Cloud Computing : Web-Based Applications That Change the Way You Work and Collaborate Online / Michael Miller. – Indianapolis : Que Publishing, 2008. – 312 p.
337. Nabil S. Cloud computing for education : A new dawn? / Sultan Nabil // International Journal of Information Management. – 2010. – № 30. – pp. 109-116.
338. O'Hara K. J. Computational Notebooks for AI Education / O'Hara K. J., Blank D., Marshall J. // Twenty-Eighth International Florida Artificial Intelligence Research Society Conference (FLAIRS). – Palo Alto: AAAI Press, 2015. – P. 263-268.
339. Pang L. Applying Cloud Computing in the Classroom [Электронный ресурс]/ Les Pang. – Graduate School of Management and Technology, 2009. – Режим доступа : <http://deoracle.org/online-pedagogy/teaching-strategies/applying-cloud-computing.html>.

340. Popel M. V. The Methodical Aspects of the Algebra and the Mathematical Analysis Study Using the Sagemath Cloud / Maya Volodymyrivna Popel // Інформаційні технології в освіті. – 2014. – № 19. – С. 93-100.
341. Rayport J. Envision the cloud : the next computing paradigm [Електронний ресурс] / J. Rayport, A. Heyward. – Marketspace Report, 2009. – <http://marketspacenext.files.wordpress.com/2011/01/envisioning-the-cloud.pdf>.
342. Rayport J. Envision the cloud : the next computing paradigm [Електронний ресурс] / J. Rayport, A. Heyward. – New York : Marketspace Report, 2009. – Режим доступу : <http://marketspacenext.files.wordpress.com/2011/01/envisioning-the-cloud.pdf>.
343. Rittinghouse J. W. Cloud Computing : Implementation, Management, and Security / John W. Rittinghouse, James F. Ransome – Boca Raton : CRC Press, 2009. – 340 p.
344. Rountree D. The Basics of Cloud Computing : Understanding the Fundamentals of Cloud Computing in Theory and Practice / Derrick Rountree, Ileana Castrillo. – Waltham : Newnes, 2013. – 172 p.
345. Sabharwal N. Cloud Capacity Management / Navin Sabharwal, Prashant Wali. – Berkely : Apress, 2013. – 184 p.
346. Sarathy V. Next generation Cloud Computing Architecture. Enabling real-time dynamism for shared distributed physical infrastructure [Електронний ресурс] / V. Sarathy, P. Narayan, R. Mikkilineni. – Los Altos : Kawa Objects, Inc. – Режим доступу : <http://www.kawaobjects.com/resources/PID1258479.pdf>.
347. Sarna D. E. Y. Implementing and Developing Cloud Computing Applications / David E. Y. Sarna. – Boca Raton : CRC Press, 2011. – 308 p.
348. Schulz G. Cloud and Virtual Data Storage Networking / Greg Schulz. – Boston : Auerbach Publications, 2011. – 400 p.
349. Shroff G. Enterprise Cloud Computing : Technology, Architecture, Applications / Gautam Shroff. – New York : Cambridge University Press, 2010. – 290 p.
350. Shyshkina M. Holistic Approach to Training of ICT Skilled Educational Personnel [Електронний ресурс] // ICT in Education, Research and Industrial Applications : Integration, Harmonization and Knowledge Transfer. – Proceedings of the 9th International Conference on ICT in Education, Research and Industrial Applications : Integration, Harmonization and

Knowledge Transferine / Ed. by Vadim Ermolayev. – CEUR Workshop Proceedings. – Vol. 1000. – 2013. – P.436-445. – Режим доступа : <http://ceur-ws.org/Vol-1000/ICTERI-2013-p-436-445-MRDL.pdf>.

351. Shyshkina M. P. Systems of computer mathematics in the cloud-based learning environment of the educational institution [Электронный ресурс] / М. P. Shyshkina, U. P. Kogut, M. V. Popel // Science and Education a New Dimension. Pedagogy and Psychology. – 2014. – 27 (II(14)). – P. 75-78. – Режим доступа : <http://lib.iitta.gov.ua/6499/1/article-science-edu.pdf>.

352. Singh A. N. Cloud Computing for Academic Environment / Ajit N. Singh., M. Hemlatha // International Journal of Information and Communication Technology Research – ICT Journal, 2012 – Vol. 2, No. 2. – P. 97-101.

353. Smoot S. R Private Cloud Computing / Stephen R. Smoot, Nam-KeeTan. – Waltham : Morgan Kaufmann Publishers, 2011. – 424 p.

354. Stein W. SAGE : System for Algebra and Geometry Experimentation / William Stein, David Joyner // ACM SIGSAM Bulletin. – 2005. – Volume 39, number 2. – P. 61-64.

355. Subramanian K. How Cloud Computing Can Help School Education? [Электронный ресурс] / K. Subramanian // CloudAve. – 2009, July 30. – Режим доступа : <http://www.cloudave.com/1790/how-cloud-computing-can-help-school-education/>.

356. Thiéry N. M. Sage-Combinat, Free and Practical Software for Algebraic Combinatorics [Электронный ресурс] / Nicolas M. Thiéry // Software demonstration, FPSAC'09. – Hagenberg, 2009. – Режим доступа : <http://wiki.sagemath.org/combinat?action=AttachFile&do=get&target=2009-07-20-FPSAC.pdf>.

357. Thomas P. Y. Cloud Computing : A potential paradigm for practicing the scholarship of teaching and learning [Электронный ресурс] / P. Y. Thomas // Instructional Designer Educational / Technology Unit Centre for Academic Development : University of Botswana. – Botswana : Emerald Group Publishing Limited, 2011. – Vol. 29 Issue : 2 – P. 214-224. – Режим доступа : http://www.ais.up.ac.za/digi/docs/thomas_paper.pdf.

358. Tilley S. Software Testing in the Cloud : Migration and Execution / Scott Tilley, Tauhida Parveen. – Springer, 2012. – 110 p.

359. Tryus Y. V. Cloud technologies in management and educational process of Ukrainian technical universities [Електронний ресурс] / Y. Tryus, T. Kachala // Інформаційні технології в освіті. – 2014. – Випуск 19. – С. 22-33. – Режим доступу : http://ite.kspu.edu/webfm_send/773.
360. Tutek Z. Nastava matematike na SageMathCloud platformi / Zeljka Tutek // MIPRO 2016 Proceedings / Biljanović, Petar (ur.). – Rijeka : Hrvatska udruga za informacijsku i komunikacijsku tehnologiju, elektroniku i mikroelektroniku – MIPRO, 2016. – P. 1215-1217.
361. Velte T. Cloud Computing, A Practical Approach / Toby Velte, Anthony Velte, Robert Elsenpeter. – New York : McGraw Hill Professional, 2009. – 352 p.
362. Waschke M. Cloud Standards : Agreements That Hold Together Clouds / Marvin Waschke. – Berkeley : Apress, 2012. – 370 p.
363. Wright D. B. Modern regression techniques using R : a practical guide for students and researchers / Daniel B. Wright, Kamala London. – Bangalore : SAGE, 2009. – 204 p.
364. Zhaldak M. I. Geometria z Gran-2D / M. I. Zhaldak, A. V. Vitiuk, J. N. Smirnova-Tribulska. – Sosnoviec : Wiczna skola Zarzadzania i Marketingn, 2005. – 107 c.
365. Zhaldak M. I. Matematika z Gran-1D / M. I. Zhaldak, Y. V. Gorosko, J. F. Vinnichenko, J. N. Smirnova-Tribulska. – Sosnoviec : Wiczna skola Zarzadzania i Marketingn, 2005. – 228 c.
366. Zhaldak M. I. Stereometria z Gran-3D / M. I. Zhaldak, A. V. Vitiuk, J. N. Smirnova-Tribulska. – Sosnoviec : Wiczna skola Zarzadzania i Marketingn, 2005. – 105 c.
367. Zheng H. A Virtual Learning Community Based on Cloud Computing and Web 2.0 [Електронний ресурс] / Hua Zheng // International Journal of Computer Science Issues (IJCSI), 2012. – Vol. 9. Nov., Issue 6. – P. 361-366. – Режим доступу : <http://ijcsi.org/papers/IJCSI-9-6-2-361-366.pdf>.
368. Zhou H. The Internet of Things in the Cloud : A Middleware Perspective / Boca Raton : Honbo Zhou. – CRC Press, 2013. – 391 p.

ДОДАТКИ

А. Типи діяльності, типові завдання діяльності та уміння

Таблиця А.1

Типи діяльності, типові завдання діяльності та уміння майбутніх вчителів математики

Тип діяльності	Назва типового завдання діяльності	Зміст уміння
Дослідження математичних відображень ідеалізованих об'єктів	Аналіз сучасних математичних теорій	Володіти уявленням про математику як науку та як про навчальний предмет, її місце в сучасному світі та системі наук
		Володіти поняттями даної математичної теорії
		Вміти підготувати огляд літератури з тематики математичного дослідження
		Вміти з'ясовувати склад і структуру теорії: поняття, наукові факти, закони, принципи та зв'язки між ними
		Вміти аналізувати теорії на предмет зв'язку з досліджуванним об'єктом та проблемою
		Вміти аналізувати методи теорій на предмет їх придатності на розв'язування існуючої проблеми
		Вміти обирати предмет та об'єкт дослідження, визначати мету дослідження та його основні завдання
	Постановка математичної задачі	Вміти раціонально і повно використовувати закони логіки
		Вміти аналізувати математичні факти, закономірності і теорії на предмет логічної строгості та повноти
		Вміти бачити логічні прогалини в обґрунтуванні математичних фактів, побудові математичних теорій
		Вміти використовувати методи пізнання (моделювання, аналіз, синтез, узагальнення, конкретизація, порівняння, аналогія тощо) для постановки математичної задачі
		Вміти будувати приклади та контрприкладі, зокрема з використанням інформаційних технологій
		Вміти формулювати нові коректно поставлені задачі
		Вміти усвідомлювати застосовність існуючих методів до розв'язування поставлених проблем
		Вміти оцінювати перспективність розв'язування математичної задачі

Тип діяльності	Назва типового завдання діяльності	Зміст уміння
Дослідження математичних відображень ідеалізованих об'єктів	Аналіз математичної проблеми (задачі)	Вміти досліджувати коректність постановки математичної задачі
		Вміти аналізувати до якої галузі математичних знань належить досліджуваний об'єкт і проблема з ним пов'язана
		Вміти аналізувати чи має теорія, якій належить проблема, ізоморфні теорії
		Вміти аналізувати чи нерозв'язана дана проблема в ізоморфній теорії
		Вміти аналізувати взаємозв'язки досліджуваного математичного об'єкта з відомими об'єктами, та математичної проблеми з науковими фактами
		Вміти встановлювати ізоморфність математичних об'єктів
	Формулювання гіпотетичного твердження	Вміти виділяти математичний об'єкт і виділяти його суттєві властивості
		Вміти обирати понятійний апарат, адекватний математичному об'єкту
		Вміти формулювати твердження в імплікативній формі
		Вміти формулювати твердження в еквівалентній формі
		Вміти формулювати твердження в формі необхідних, достатніх, необхідних і достатніх умов
		Вміти встановлювати протиріччя між твердженнями
		Вміти проводити комп'ютерні експерименти з метою встановлення нових закономірностей
		Вміти наводити приклади математичних об'єктів, що задовольняють умови гіпотетичного твердження

Тип діяльності	Назва типового завдання діяльності	Зміст уміння
Дослідження математичних відображень ідеалізованих об'єктів	Доведення гіпотетичного твердження, спростування гіпотетичного твердження	Вміти формулювати твердження, що є окремим випадком гіпотетичного твердження, і твердження більш загальне, ніж розглядуване гіпотетичне
		Вміти відбирати знання, необхідні для доведення або спростування гіпотетичного твердження
		Вміти аналізувати гіпотетичне твердження і у разі можливості розкладати його на простіші
		Вміти побудувати логічну схему доведення
		Вміти використовувати метод від супротивного при доведенні гіпотетичного твердження
		Вміти використовувати аналітичний метод доведення гіпотетичного твердження
		Вміти використовувати синтетичний метод доведення гіпотетичного твердження
		Вміти використовувати аналітико-синтетичний метод доведення гіпотетичного твердження
		Вміти обирати раціональні методи (способи, прийоми) доведення або спростування гіпотетичного твердження
		Вміти реалізовувати побудовану логічну схему доведення
		Вміти будувати контрприклад для спростування гіпотетичного твердження
		Вміти проводити комп'ютерне моделювання та чисельні експерименти для перевірки гіпотетичного твердження та його окремих випадків
		Вміти використовувати засоби комп'ютерної алгебри при доведенні теорем
Математичне моделювання природничих, технічних, економічних та соціальних явищ і процесів	Аналіз створеної моделі реального об'єкта	Вміти добирати критерії оцінювання математичної моделі на предмет її досконалості (у відповідності до цілей моделювання)
		Вміти встановлювати адекватність побудованої математичної моделі досліджуваному об'єкту
		Вміти наводити приклади реалій, моделями яких є математичні об'єкти, наводити приклади задач з реальним змістом
		Вміти конструювати моделі проблемної (задачної) ситуації (предметні, схематичні, графічні імітаційні та ін.)
		Вміти інтерпретувати математичні залежності в термінах конкретних математичних теорій

Тип діяльності	Назва типового завдання діяльності	Зміст уміння
Математичне моделювання природничих, технічних, економічних та соціальних явищ і процесів	Дослідження математичної моделі з використанням засобів комп'ютерної техніки	Вміти добирати ефективний метод дослідження математичної моделі для розв'язування поставленої задачі
		Володіти поняттями «конкретність», «стійкість», «обумовленість» задач
		Вміти добирати ефективні методи чисельного аналізу математичних моделей різних задач
		Вміти добирати та використовувати готові програмні засоби (математичні пакети прикладних програм) для символно-формульного, графічного чисельного аналізу математичних моделей реальних об'єктів
		Вміти при необхідності розробити алгоритм і програму для розв'язування математичної задачі, яка є математичною моделлю
		Вміти виконувати чисельний експеримент, в тому числі з використанням комп'ютера
		Вміти аналізувати похибки при чисельному розв'язуванні задач
		Вміти інтерпретувати, аналізувати та узагальнювати результати розрахунків чисельного експерименту
	Створення аксіоматичної теорії та її аналіз	Володіти сучасними поглядами на аксіоматичну теорію на аксіоматичний метод побудови математичної теорії
		Вміти створювати моделі аксіоматичних теорій: інтерпретувати основні (неозначувані) поняття, положення та відношення систем аксіом в термінах конкретних математичних теорій (знаходити конкретні множини і відношення на них, які мають задані властивості)
		Вміти обґрунтовувати еквівалентність тверджень, зокрема аксіом
		Вміти перевіряти несуперечливість, повноту, категоричність систем аксіом, незалежність аксіом
		Вміти конструювати математичні об'єкти із заданими властивостями

Б. Хронологічна статистика використання SageMathCloud. Використання і завантаженість обчислювальних серверів (станом на 10.03.2016 р.)

На графіку (рис. Б.1) показана кількість одночасно підключених користувачів до системи (активне з'єднання між службою SMC і веб-браузер користувача).

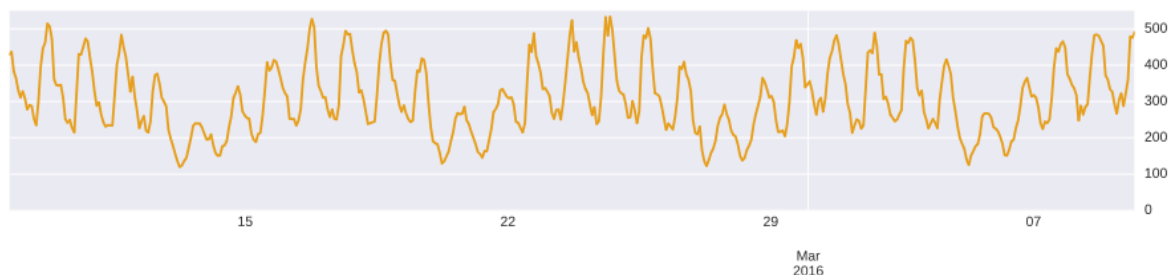


Рис. Б.1. Загальна кількість активних користувачів

На графіку нижче (рис. Б.2) показано кількість проектів (зі станом – «running») за останні 30 днів (станом на 10.03.2016 р.).

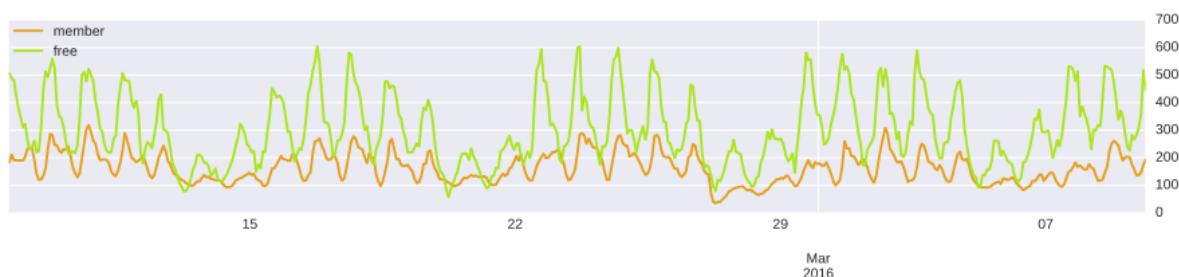


Рис. Б.2. Кількість запущених проектів

Порівнюючи кількість змін, які були виконані в проектах користувачів починаючи з березня 2014 року (рис. Б.3), можна спостерігати як з кожним місяцем їх стає все більше. На сьогодні їх кількість становить понад 4000.

У SageMathCloud передбачено одночасне виконання декількох проектів. У період з січня 2014 р. по лютий 2016 р. найбільша кількість проектів, що одночасно використовувались, зафіксовано в грудні 2015 року (одночасно виконувались обчислення майже в 600 проектах). У середньому ж їх значення коливається в межах 100 активних проектів (статус – «виконується»).

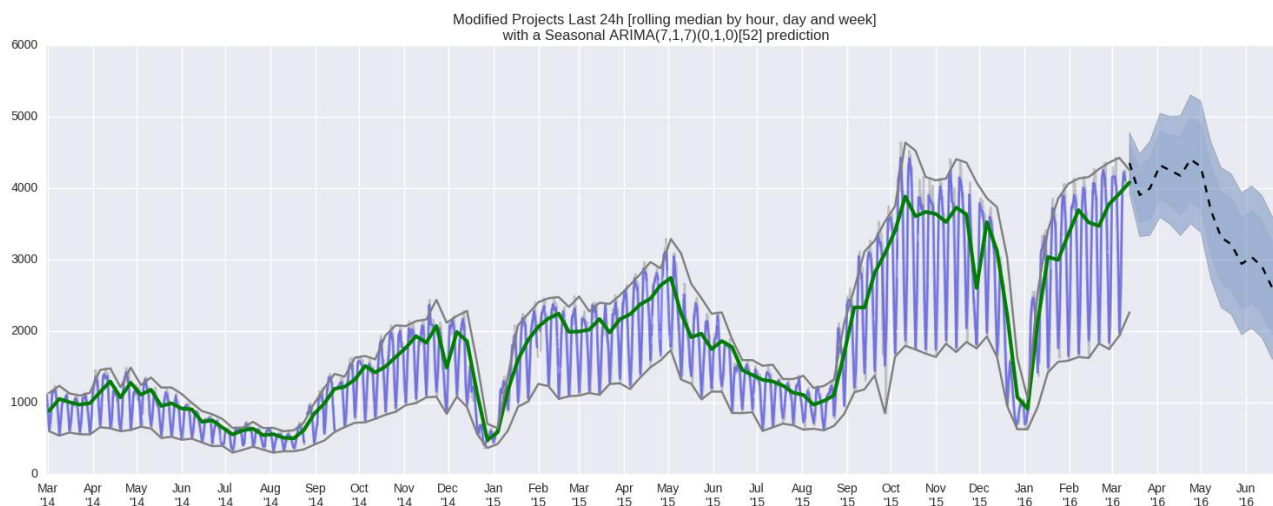


Рис. Б.3. Кількість змін в проектах

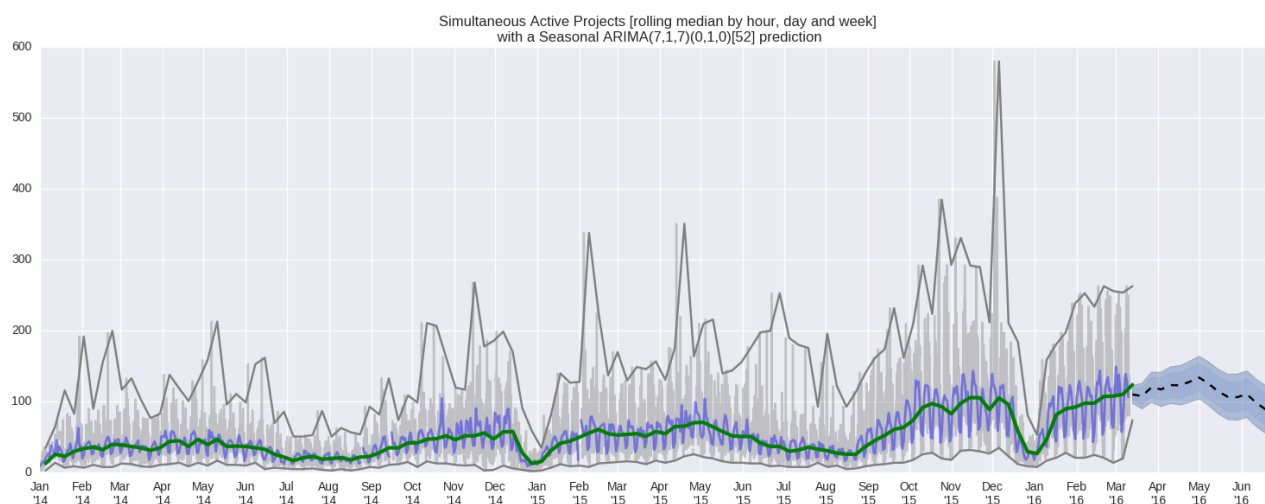


Рис. Б.4. Одночасний запуск проектів

На рис. Б.5 показано кількість одночасного використання системи користувачами. Значення постійно зростає. Порівнюючи середнє значення в січні 2014 року (приблизно 100 користувачів) та лютому 2016 року (500 користувачів), можна зробити висновок, що технічні показники системи з часом вдосконалюються, забезпечують більшу кількість користувачів одночасним доступом до системи.

Але зростання кількості облікових записів користувачів ще не свідчить про активне використання інструментарію SageMathCloud. Співвідношення між кількістю облікових записів користувачів та створених проектів можна прослідкувати на рис. Б.6. Зі збільшенням кількості нових облікових записів

збільшується і кількість створених користувачами проектів (при чому мова йде про активні проекти, які використовуються).

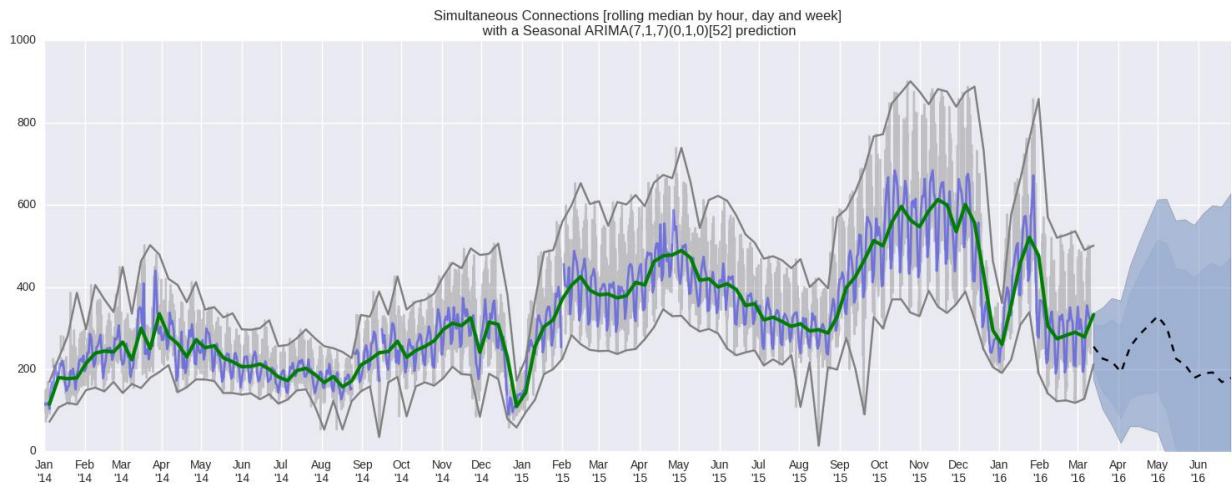


Рис. Б.5. Одночасне з'єднання користувачів з системою

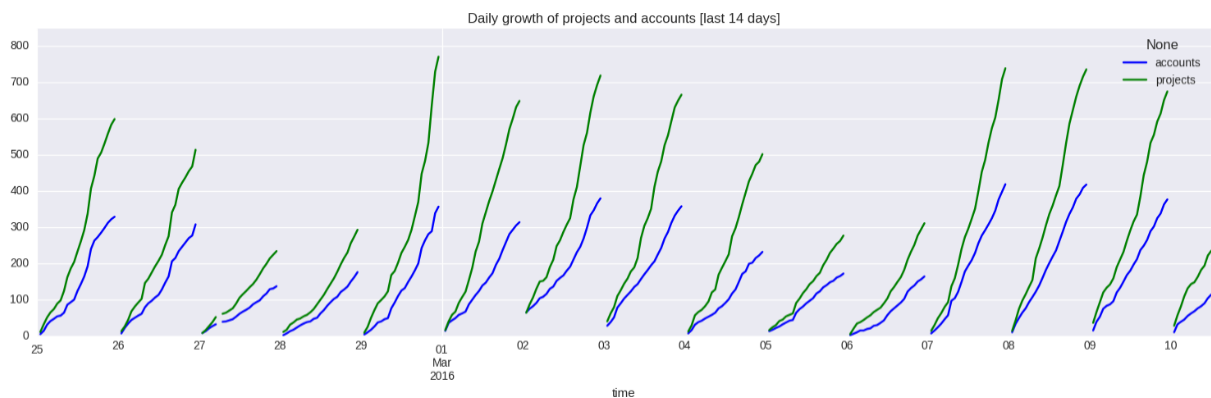


Рис. Б.6. Співвідношення кількості проектів та облікових записів

Якщо ж розглянути кількість нових облікових записів, то можна побачити тенденцію, що з початком навчального року вона збільшується (рис. Б.7). Наприклад, у липні 2015 року – приблизно 800 нових облікових записів, а вже в жовтні спостерігаємо – 2500. Це говорить про те, що дана система активно використовується викладачами, студентами, науковими співробітниками.

Відомості про зростання загальної кількості облікових записів та проектів в хронологічному порядку унаочнено на рис. Б.8. При цьому з часом збільшується і загальна кількість проектів, створених одним користувачем. Середнє значення на

сьогодні це – майже 2 проекти у кожного користувача системи, в той час, як в 2014 році – в середньому 1 проект.

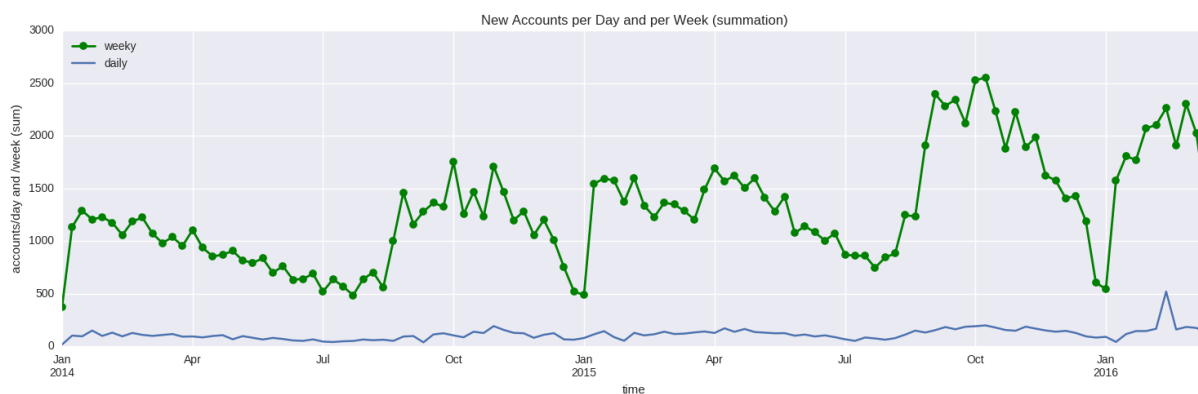


Рис. Б.7. Реєстрація нових облікових записів

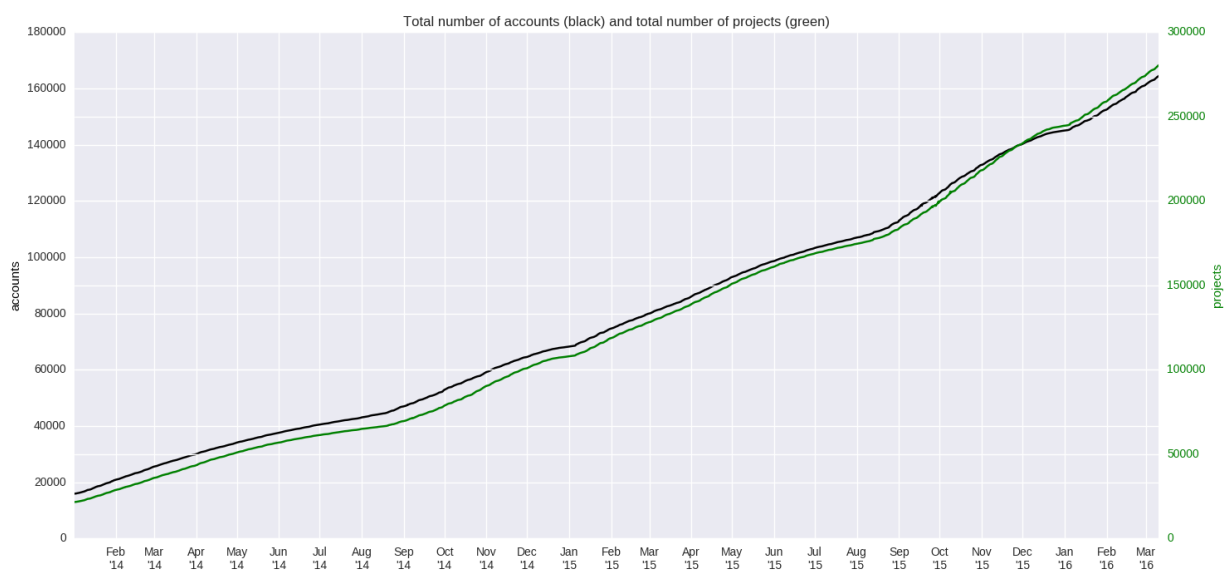


Рис. Б.8. Загальна кількість облікових записів та проектів

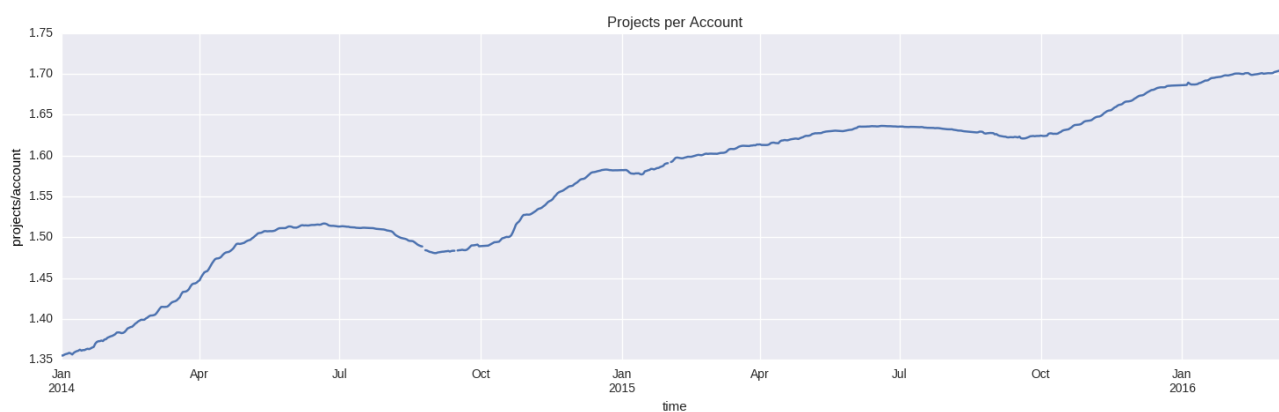


Рис. Б.9. Середня кількість проектів в одному обліковому записі

Інтерес до хмарних сервісів з часом зростає, про що свідчить збільшення інтенсивності їх використання (рис. Б.10).

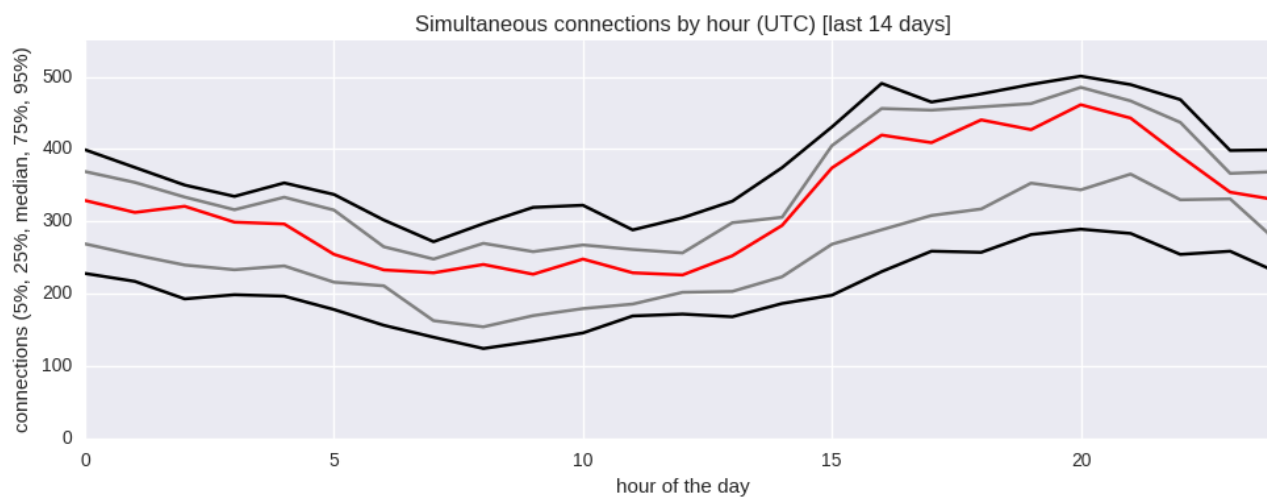


Рис. Б.10. Одночасне підключення протягом доби

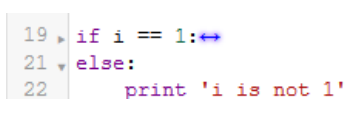
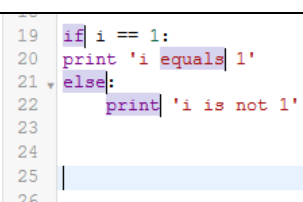
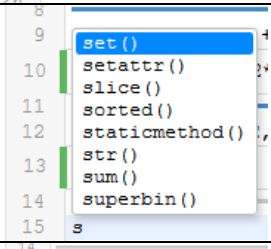
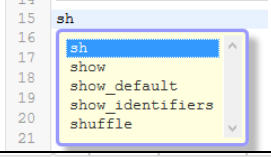
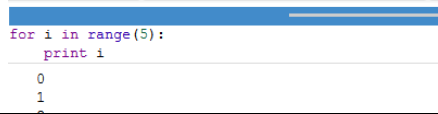
В. Загальні налаштування обліковго запису.

Блок «Editor (settings apply to newly (re-)opened files)»:

перемикачі типу «прапорець»

- «Line wrapping: wrap long lines» – переносити довгі рядки;
- «Line numbers: show line numbers» – показувати номери рядків;
- «Code folding: fold code using control+Q» – показувати кнопки згортання коду (згорнути код можна, скориставшись гарячими клавішами Ctrl + Q);
- «Smart indent: context sensitive indentation» – ввімкнути автоматичний відступ програмного коду (в залежності від контексту);
- «Electric chars: sometimes reindent current line» – змінювати вирівнювання рядків у залежності від попередньо вживаних символів (групування та ін.);
- «Match brackets: highlight matching brackets near cursor» – виділяти кольором дужки поруч з курсором (зеленим – правильна кількість закриваючих/відкриваючих дужок, червоним – кількість відкритих та закритих дужок не співпадає);
- «Auto close brackets: automatically close brackets» – автоматично закривати дужки (закриваюча дужка має з'явитися автоматично);
- «Match XML tags: automatically match XML tags» – перевіряти відповідність XML-тегів;
- «Auto close XML tags: automatically close XML tags» – автоматично закривати XML-теги;
- «Strip trailing whitespace: remove whenever file is saved» – видаляти пропуски на кінцях рядків(щоразу, коли файл зберігається);
- «Show trailing whitespace: show spaces at ends of lines» – показати пропуски в кінці рядка;
- «Spaces instead of tabs: send 4 spaces when the tab key is pressed» – замінювати табуляцію чотирма пропусками;
- «Track revisions: record history of changes when editing files» – зберігати історію змін при редагуванні файлів;
- «Extra button bar: more editing functions (mainly in Sage worksheets)» – показати додаткову панель інструментів (переважно на робочих аркушах).

«Гарячі клавіші» редактору файлів

Сполучення клавіш	Інтерпретація	Кнопка стандартної панелі інструментів (або ілюстрація дії)
<i>Ctrl + <</i>	зменшити шрифт	
<i>Ctrl + ></i>	збільшити шрифт	
<i>Ctrl + L</i>	перейти до рядка за вказаним номером	
<i>Ctrl + F</i>	виконати пошук за ключовим словом	
<i>Ctrl + Q</i>	згорнути/розгорнути логічну конструкцію (або цикл, або функцію користувача)	
<i>Tab</i>	збільшити відступ праворуч	
<i>Shift + Tab</i>	збільшити відступ ліворуч	—
<i>Ctrl + I</i>	дублювати вікно редактора (вертикально, горизонтально) / відмінити режим дублювання вікна	
<i>Ctrl + ЛМК*</i>	одночасно редагувати декілька виділених фрагментів тексту (*ЛМК – ліва кнопка миші)	
<i>Ctrl + пропуск</i>	автоматичне доповнення назви функції	
<i>Tab</i>	автоматичне доповнення команд Sage	
<i>Ctrl + ;</i>	додати нову комірку	

Д. Приклади розв'язання основних задач з елементарної математики

Основні задачі з елементарної математики

Завдання 1. Розкрити дужки та звести подібні доданки:

$$(x+1)(x+5)^2(x-3).$$

`expand((x+1)*(x+5)^2*(x-3)).show()` (рис. Д.1)

$$x^4 + 8x^3 + 2x^2 - 80x - 75$$

Рис. Д.1. Приклад розкриття дужок та зведення подібних доданків

Завдання 2. Розкласти алгебраїчний вираз на множники:

$$x^4 - 2x^3 + 2x^2 - 10x - 15.$$

`factor(x^4-2*x^3+2*x^2-10*x-15).show()` (рис. Д.2).

$$(x^2 + 5)(x + 1)(x - 3)$$

Рис. Д.2. Приклад розкладання алгебраїчного виразу на множники

Завдання 3. Розкласти дріб на суму простих дробів:

$$\frac{x+5}{(x^2+2x+3)(x-1)}.$$

`expand((x+5)/((x^2+2*x+3)*(x-1))).show()` (рис. Д.3).

$$\frac{x}{(x^2+2x+3)(x-1)} + \frac{5}{(x^2+2x+3)(x-1)}$$

Рис. Д.3. Приклад розкладу дробу на суму простих дробів

Завдання 4. Обчислити значення виразу, якщо $x = \frac{\pi}{6}$:

$$\frac{\cos^2(x) - \cos^2(\frac{\pi}{2} + x)}{(\operatorname{ctg} x - \operatorname{tg} x) \cos 2x}.$$

`f=(cos(x)^2-cos(pi/2+x)^2)/((cot(x)-tan(x))*cos(2*x))` #Задамо вираз

`f(pi/6).show()` #Обчислимо його значення (рис. Д.4).

$$\frac{1}{2} \sqrt{3}$$

Рис. Д.4. Приклад обчислення значення виразу в точці

Завдання 5. Виконати покрокову побудову графіка функції:

$$y = 1 + \operatorname{ctg} |x|.$$

```
y1=plot(cot(x),(x,-2*pi,2*pi),linestyle=':',thickness=3,legend_label='$y=\operatorname{ctg}(x)$',detect_poles='show')#Графік функції  $y = \operatorname{ctg}(x)$ .
```

```
y2=plot(cot(abs(x)),(x,-2*pi,2*pi),linestyle='--',thickness=3,legend_label='$y=\operatorname{ctg}|x|$',detect_poles='show')#Графік функції  $y = \operatorname{ctg}|x|$ .
```

```
y3=plot(1+cot(abs(x)),(x,-2*pi,2*pi),thickness=3,legend_label='$y=1+\operatorname{ctg}|x|$',detect_poles='show')#Графік функції  $y = 1 + \operatorname{ctg}|x|$ .
```

show(y1+y2+y3,ymin=-pi,ymax=pi,aspect_ratio=1) (рис. Д.5)

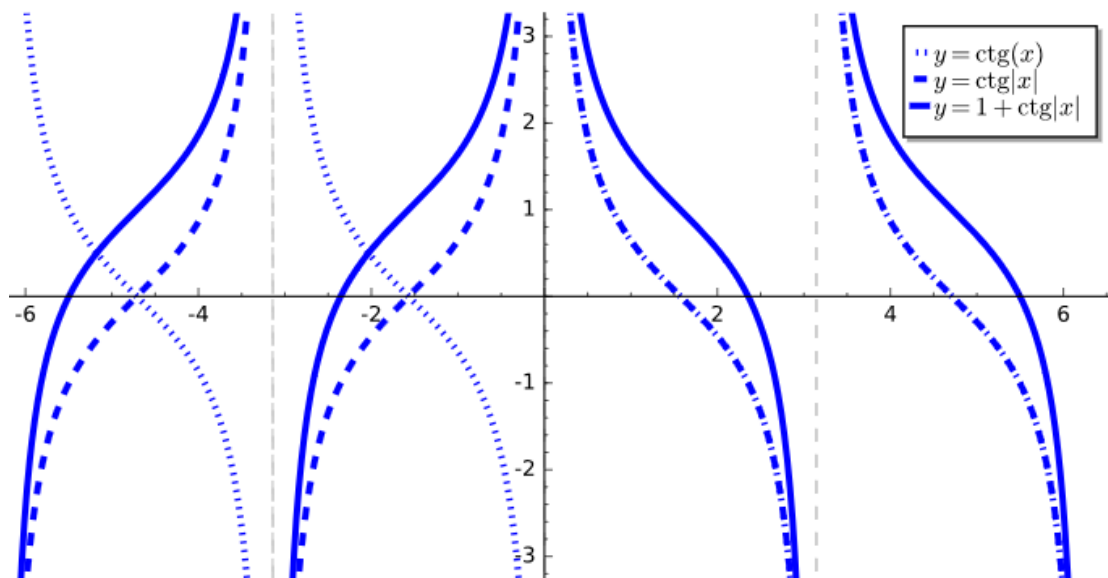


Рис. Д.5. Приклад покрокової побудови графіка функції

Завдання 6. Розв'язати рівняння:

$$3x^4 - 10x^3 - 19x^2 - 26x - 20 = 0;$$

$$\cos^2 5x - \frac{3}{2} \cos 5x + \frac{1}{2} = 0.$$

`html("Корені першого
рівняння: %s$"%latex(solve(3*x^4-10*x^3-19*x^2-26*x-
20==0,x)))` (рис. Д.6)

`html("
Корені другого
рівняння: %s$"%latex(solve(cos(5*x)^2-
3/2*cos(5*x)+1/2==0,x)))` (рис. Д.6)

Корені першого рівняння: $[x = 5, x = (-1), x = -\frac{1}{3}i\sqrt{11} - \frac{1}{3}, x = \frac{1}{3}i\sqrt{11} - \frac{1}{3}]$.
Корені другого рівняння: $[x = 0, x = \frac{1}{15}\pi]$.

Рис. Д.6. Приклади розв'язання рівнянь

Завдання 7. Розв'язати нерівність:

$$\frac{x+2}{x^3-11x^2-80x+900} \leq 0.$$

`show(solve((x+2)/(x^3-11*x^2-80*x+900)<=0,x))` (рис. Д.7).

$$[[x > (-9), x \leq (-2)]]$$

Рис. Д.7. Приклад розв'язання нерівності

Завдання 8. Розв'язати систему лінійних рівнянь:

$$\begin{cases} 3x + 7y + 6z = 20 \\ 3x - 4y - 7z = -28 \\ 5x - 4y + 5z = -8 \end{cases}$$

`%var x,y,z`

`show(solve([3*x+7*y+6*z==20, 3*x-4*y-7*z==-28, 5*x-4*y+5*z==
-8],x,y,z))` (рис. Д.8).

$$[[x = (-2), y = 2, z = 2]]$$

Рис. Д.8. Приклад розв'язання системи лінійних рівнянь

Е. Приклади розв'язання основних задач з вищої математики

Завдання 1. Задано комплексні числа $z_1 = 2 + 2i$ та $z_2 = 3 - 3i$. Знайти:

а) комплексно спряжені до чисел z_1 та z_2 ;

б) модулі комплексних чисел;

в) $z_1 + z_2$, $z_1 - z_2$, $z_1 \cdot z_2$, $\frac{z_1}{z_2}$, z_1^5 , $\sqrt[5]{z_1}$, z_2^3 , $\sqrt[3]{z_2}$.

Побудуйте: $z_1, \bar{z}_1, z_2, \bar{z}_2$.

```
z1=2+2*i;z2=3-3*i
```

```
html("<font face='Times New Roman' size=5>Дано: $z_1=%s$ та  
$z_2=%s$.</font>"%(latex(z1), latex(z2)))
```

```
html("<br><font face='Times New Roman' size=5>Комплексно  
спряжені: $\bar{z}_1=%s$ та  
$\bar{z}_2=%s$.</font>"%(latex(z1.conjugate()), latex(z2.conjugate()))  
) (рис. Е.1).
```

Дано: $z_1 = 2i + 2$ та $z_2 = -3i + 3$.

Комплексно спряжені: $\bar{z}_1 = -2i + 2$ та $\bar{z}_2 = 3i + 3$.

Рис. Е.1. Приклад знаходження комплексно спряжених чисел

```
z1=2+2*i;z2=3-3*i
```

```
html("<font face='Times New Roman' size=5>Дано: $z_1=%s$ та  
$z_2=%s$.</font>"%(latex(z1), latex(z2)))
```

```
html("<br><font face='Times New Roman' size=5>Модулі комплексних  
чисел: $|z_1|=%s$ та  
$|z_2|=%s$.</font>"%(latex(z1.abs()), latex(z2.abs())) (рис. Е.2)
```

Дано: $z_1 = 2i + 2$ та $z_2 = -3i + 3$.

Модулі комплексних чисел: $|z_1| = 2\sqrt{2}$ та $|z_2| = 3\sqrt{2}$.

Рис. Е.2. Приклад знаходження модулів комплексних чисел

```
z1=2+2*i;z2=3-3*i
```

```
html("<font face='Times New Roman' size=5>Дано: $z_1=%s$ та  
$z_2=%s$.</font>"%(latex(z1), latex(z2)))
```

```
html("<br><font face='Times New Roman' size=5>$z_1+z_2=%s$; $z_1-  
z_2=%s$; $z_1 \cdot z_2=%s$; $\frac {z_1}{z_2}$  
=%s$.</font>"(latex(z1+z2), latex(z1-z2), latex(z1*z2), latex(z1/z2)))  
html("<br><font face='Times New Roman' size=5>$z_1^5=%s$;  
$\sqrt[5]{z_1}=%s$; $z_2^3=%s$; $\sqrt[3]{z_3}$  
=%s.$</font>"(latex(z1^5), latex(expand(z1^(1/5))), latex(z2^3), latex(z  
2^(1/3)))) (рис. Е.3).
```

Дано: $z_1 = 2i + 2$ та $z_2 = -3i + 3$.

$$z_1 + z_2 = -i + 5; z_1 - z_2 = 5i - 1; z_1 \cdot z_2 = 12; \frac{z_1}{z_2} = \frac{2}{3}i.$$

$$z_1^5 = -128i - 128; \sqrt[5]{z_1} = (2i + 2)^{\frac{1}{5}}; z_2^3 = -54i - 54; \sqrt[3]{z_2} = (-3i + 3)^{\frac{1}{3}}.$$

Рис. Е.3. Приклад виконання дій над комплексними числами

```
z1=2+2*i; z2=3-3*i  
p1=vector([real(z1), imag_part(z1)]).plot()#Побудова z1  
p2=vector([real(z2), imag_part(z2)]).plot()#Побудова z2  
p3=vector([real(z1.conjugate()), imag_part(z1.conjugate())]).plot(  
)#Побудова комплексно спряженого до z1  
p4=vector([real(z2.conjugate()), imag_part(z2.conjugate())]).plot(  
)#Побудова комплексно спряженого до z2  
graphics_array((p1,p2), (p3,p4)) (рис. Е 4).
```

Завдання 2. Обчислити визначник:

$$\begin{vmatrix} 1 & 6 & -4 & 3 \\ -3 & 2 & 5 & 0 \\ 3 & 0 & 1 & 8 \\ 4 & 7 & 9 & 2 \end{vmatrix}.$$

```
show(matrix([[1,6,-4,3],[-  
3,2,5,0],[3,0,1,8],[4,7,9,2]]).det())(рис. Е.5)
```

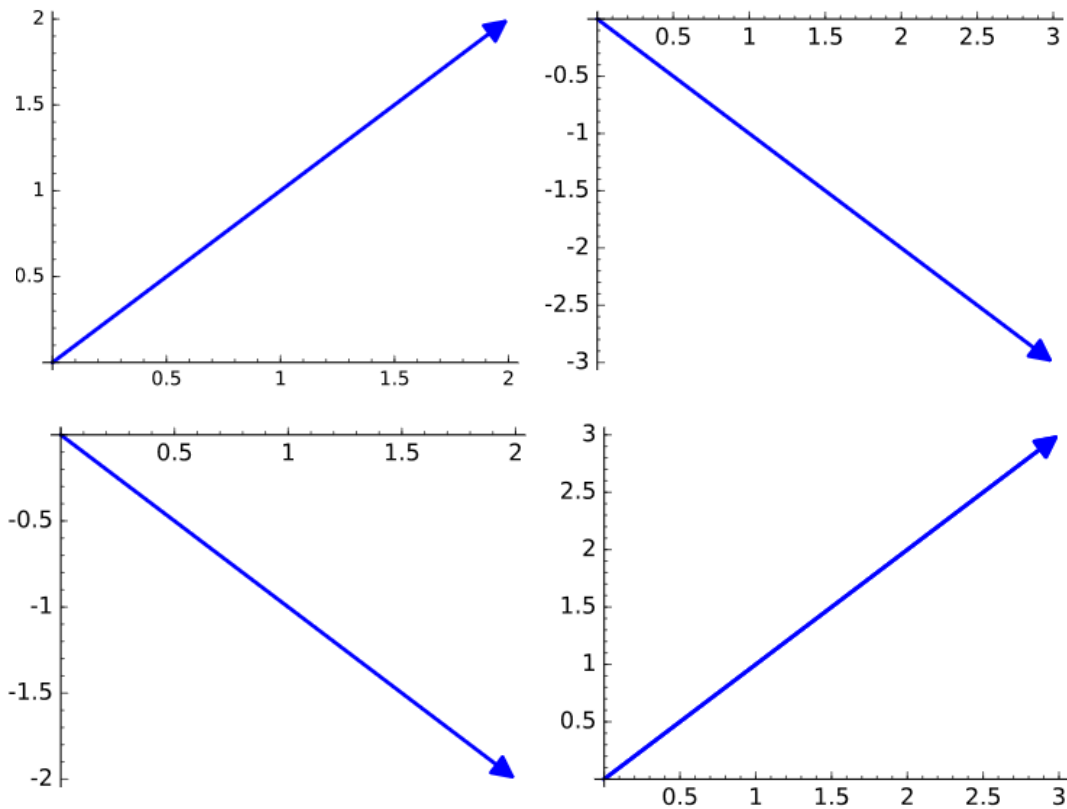


Рис. Е.4. Приклад геометричної інтерпретації комплексних та комплексно спряжених чисел

—3020

Рис. Е.5. Приклад обчислення визначника

Завдання 3. Задано вектори $\vec{a}(-1; 5; 3)$ та $\vec{b}(2; -2; 0)$.

Виконати такі операції:

- а) знайти суму векторів $\vec{a}$ і $\vec{b}$;
- б) визначити вектор $\vec{c}$ за правилом $3\vec{a} - 2\vec{b}$;
- в) обчислити скалярний добуток векторів $\vec{a}$ і $\vec{b}$;
- г) обчислити векторний добуток векторів $\vec{a}$ і $\vec{b}$;
- д) обчислити довжини векторів $\vec{a}$ і $\vec{b}$.

`a=vector([-1,5,3]);b=vector([2,-2,0])`

```
html("<font face='Times New Roman' size=5>Дано:  $\vec{a}=\begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix}$  та  $\vec{b}=\begin{pmatrix} 2 \\ -2 \\ 0 \end{pmatrix}$ ."(latex(a), latex(b)))
html("<br><font face='Times New Roman' size=5> $\vec{a}+\vec{b}=\begin{pmatrix} 3 \\ 0 \\ 3 \end{pmatrix}$ ;  $\vec{c}=\begin{pmatrix} -7 \\ 19 \\ 9 \end{pmatrix}$ ;  $\vec{a} \cdot \vec{b} = -12$ ."(latex(a+b), latex(3*a-2*b), latex(a*b)))
html("<br><font face='Times New Roman' size=5> $\vec{a} \times \vec{b} = \begin{pmatrix} 6 \\ 6 \\ -8 \end{pmatrix}$ ;  $|\vec{a}| = \sqrt{35}$ ;  $|\vec{b}| = 2\sqrt{2}$ ."(latex(a.cross_product(b)), latex(abs(a)), latex(abs(b)))) (рис. Е.6).
```

Дано: $\vec{a} = (-1, 5, 3)$ та $\vec{b} = (2, -2, 0)$.
 $\vec{a} + \vec{b} = (1, 3, 3)$; $\vec{c} = (-7, 19, 9)$; $\vec{a} \cdot \vec{b} = -12$.
 $\vec{a} \times \vec{b} = (6, 6, -8)$; $|\vec{a}| = \sqrt{35}$; $|\vec{b}| = 2\sqrt{2}$.

Рис. Е.6. Приклади виконання операцій з векторами

Завдання 4. Дано дві матриці: $A = \begin{pmatrix} 3 & 0 & 2 \\ 1 & 6 & 3 \\ 2 & 4 & 5 \end{pmatrix}$ та $B = \begin{pmatrix} 1 & 6 & 8 \\ 8 & 0 & 5 \\ -9 & 4 & 2 \end{pmatrix}$. Знайти:

суму, різницю, добутки цих матриць, обернену матрицю до матриці A , добуток матриці A та оберненої до неї, добуток визначників матриці A та оберненої до неї.

```
A=matrix([[3,0,2],[1,6,3],[2,4,5]])
B=matrix([[1,6,8],[8,0,5],[-9,4,2]])
html("<font face='Times New Roman' size=5>Дано матриці:  $A=\begin{pmatrix} 3 & 0 & 2 \\ 1 & 6 & 3 \\ 2 & 4 & 5 \end{pmatrix}$  та  $B=\begin{pmatrix} 1 & 6 & 8 \\ 8 & 0 & 5 \\ -9 & 4 & 2 \end{pmatrix}$ ."(latex(A), latex(B), latex(A+B)))#Матриці A та B, їх сума
html("<br><font face='Times New Roman' size=5> $A-B=\begin{pmatrix} 2 & -6 & -3 \\ -7 & 6 & -2 \\ 11 & 0 & 3 \end{pmatrix}$ ;  $A \cdot B=\begin{pmatrix} 10 & 12 & 10 \\ 1 & 24 & 17 \\ -17 & 16 & 10 \end{pmatrix}$ ;  $B \cdot A=\begin{pmatrix} 14 & 20 & 14 \\ 1 & 24 & 17 \\ -17 & 16 & 10 \end{pmatrix}$ ."(latex(A-B), latex(A*B), latex(B*A)))#Різниця матриць, їх добутки
html("<br><font face='Times New Roman' size=5> $A^{-1}=\begin{pmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & -2 \\ 1 & -2 & 1 \end{pmatrix}$ ;  $A \cdot A^{-1}=\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ ;  $\det(A) \cdot \det(A^{-1})=\det(A \cdot A^{-1})=\det\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}=1$ ."(latex(A^(-1)), latex(A*A^(-1)), latex(det(A)*det(A^(-1))))#Обернена матриця до матриці A, добуток матриці A на обернену до неї, добуток визначників матриці A та оберненої до неї (рис. Е.7).
```

Дано матриці: $A = \begin{pmatrix} 3 & 0 & 2 \\ 1 & 6 & 3 \\ 2 & 4 & 5 \end{pmatrix}$ та $B = \begin{pmatrix} 1 & 6 & 8 \\ 8 & 0 & 5 \\ -9 & 4 & 2 \end{pmatrix}$. $A + B = \begin{pmatrix} 4 & 6 & 10 \\ 9 & 6 & 8 \\ -7 & 8 & 7 \end{pmatrix}$.

$A - B = \begin{pmatrix} 2 & -6 & -6 \\ -7 & 6 & -2 \\ 11 & 0 & 3 \end{pmatrix}$; $A \cdot B = \begin{pmatrix} -15 & 26 & 28 \\ 22 & 18 & 44 \\ -11 & 32 & 46 \end{pmatrix}$; $B \cdot A = \begin{pmatrix} 25 & 68 & 60 \\ 34 & 20 & 41 \\ -19 & 32 & 4 \end{pmatrix}$.

$A^{-1} = \begin{pmatrix} \frac{9}{19} & \frac{4}{19} & -\frac{6}{19} \\ \frac{1}{38} & \frac{11}{38} & -\frac{7}{38} \\ -\frac{4}{19} & -\frac{6}{19} & \frac{9}{19} \end{pmatrix}$; $A \cdot A^{-1} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$; $\det A \cdot \det A^{-1} = 1$.

Рис. Е.7. Приклад обчислення визначника

Завдання 5. Розв'язати матричне рівняння та виконати перевірку:

$$X \cdot \begin{pmatrix} 4 & -2 & 2 \\ -1 & 2 & -1 \\ 9 & -3 & -9 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -9 & -8 & 7 \\ 3 & 3 & -5 \\ 8 & 3 & -10 \end{pmatrix}.$$

```
A=matrix([[4,-2,2],[-1,2,-1],[9,-3,-9]])
```

```
B=matrix([[ -9,-8,7],[3,3,-5],[8,3,-10]])
```

```
html("<font face='Times New Roman' size=5>Дано матричне рівняння:
```

```
$X \cdot s = s$.</font>"%(latex(A),latex(B)))#Задамо рівняння
```

```
X=B*A^(-1)
```

```
html("<br><font face='Times New Roman' size=5>$X=B \cdot A^{-1}$
```

```
= s \cdot s = s$.</font>"%(latex(B),latex(A^(-
```

```
1))),latex(X)))#Розв'язання рівняння
```

```
html("<br><font face='Times New Roman' size=5>Перевірка $X \cdot
```

```
A=s \cdot s = s$.</font>"%(latex(X),latex(A),latex(X*A)))#Перевірка
```

(рис. Е.8).

Завдання 6. Знайти границю послідовності

$$\left\{1 + \frac{1}{2^k}\right\}.$$

```
%var k
```

```
html("<font face='Times New Roman' size=5>Обчислення границі  
послідовності: $s$.</font>"%latex(limit(1+1/2^k,k=10)))#Обчислення  
границі послідовності
```

html("
 Числове значення
 границі: %s\$."%RR(limit(1+1/2^k,k=10)))#Числове значення
 границі (рис. Е.9).

Дано матричне рівняння: $X \cdot \begin{pmatrix} 4 & -2 & 2 \\ -1 & 2 & -1 \\ 9 & -3 & -9 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -9 & -8 & 7 \\ 3 & 3 & -5 \\ 8 & 3 & -10 \end{pmatrix}.$

$$X = B \cdot A^{-1} = \begin{pmatrix} -9 & -8 & 7 \\ 3 & 3 & -5 \\ 8 & 3 & -10 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} \frac{7}{26} & \frac{4}{13} & \frac{1}{39} \\ \frac{3}{13} & \frac{9}{13} & -\frac{1}{39} \\ \frac{5}{26} & \frac{1}{13} & -\frac{1}{13} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -\frac{38}{13} & -\frac{101}{13} & -\frac{22}{39} \\ \frac{7}{13} & \frac{34}{13} & \frac{5}{13} \\ \frac{12}{13} & \frac{49}{13} & \frac{35}{39} \end{pmatrix}.$$

Перевірка $X \cdot A = \begin{pmatrix} -\frac{38}{13} & -\frac{101}{13} & -\frac{22}{39} \\ \frac{7}{13} & \frac{34}{13} & \frac{5}{13} \\ \frac{12}{13} & \frac{49}{13} & \frac{35}{39} \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 4 & -2 & 2 \\ -1 & 2 & -1 \\ 9 & -3 & -9 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -9 & -8 & 7 \\ 3 & 3 & -5 \\ 8 & 3 & -10 \end{pmatrix}.$

Рис. Е.8. Приклад розв'язання матричного рівняння

Обчислення границі послідовності: $\frac{1025}{1024}.$

Числове значення границі: 1.00097656250000.

Рис. Е.9. Приклад обчислення границі послідовності

Завдання 7. Знайти границю функції $f(x) = \left(1 + \frac{1}{x}\right)^x$, коли $x \rightarrow \infty, x \rightarrow 5$ та

$x \rightarrow 1,2.$

f=(1+1/x)^x

html("\$\\lim\\limits_{x \\to \\infty} %s = %s\$."%(latex(f),latex(f.limit(x=oo))))

html("
\$\\lim\\limits_{x \\to 5} %s = %s\$."%(latex(f),latex(f.limit(x=5))))

html("
\$\\lim\\limits_{x \\to 1,2} %s = %s\$."%(latex(f),latex(f.limit(x=1.2)))) (рис. Е.10)

$$\begin{aligned}\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{1}{x} + 1\right)^x &= e. \\ \lim_{x \rightarrow 5} \left(\frac{1}{x} + 1\right)^x &= \frac{7776}{3125}. \\ \lim_{x \rightarrow 1,2} \left(\frac{1}{x} + 1\right)^x &= 2.06961575467.\end{aligned}$$

Рис. Е.10. Приклад обчислення границі функції

Завдання 8. Обчислити ліву та праву границі у точці $x = 2$, функції:

$$y = \frac{\sqrt{7+x} - 1}{x^2 - 4}.$$

```
y=(sqrt(7+x)-1)/(x^2-4)
html("<font face='Times New Roman' size=5>\$\\lim\\limits_{x \\to
2^{+0}} %s = %s\$.</font>"%(latex(y), latex(y.limit(x=2, dir='plus'))))
html("<br><font face='Times New Roman' size=5>\$\\lim\\limits_{x
\\to 2^{-0}} %s = %s\$.</font>"%(latex(y), latex(y.limit(x=2, dir='minus')))) (рис. Е.11).
```

$$\begin{aligned}\lim_{x \rightarrow 2^{+0}} \frac{\sqrt{x+7}-1}{x^2-4} &= +\infty. \\ \lim_{x \rightarrow 2^{-0}} \frac{\sqrt{x+7}-1}{x^2-4} &= -\infty.\end{aligned}$$

Рис. Е.11. Приклад обчислення лівої та правої границі функції

Завдання 9. Обчислити суму: $\sum_{k=1}^{50} \frac{1}{k(k+1)}.$

Обчислити добуток: $\prod_{k=3}^{10} \frac{k^3 - 4}{k^2 - 1}.$

```
%var k
f1(k)=1/(k*(k+1))
f2(k)=(k^3-4)/(k^2-1)
html("<font face='Times New Roman'
size=5>\$\\sum\\limits_{k=1}^{50} %s =
```

```
%s$.</font>"%(latex(f1(k)), latex(RR(sum([f1(k) for k in
[1..50]])).n(digits=5)))) #Обчислення суми
html("<br><font face='Times New Roman'
size=5>\prod\limits_{k=3}^{10} %s
%s$.</font>"%(latex(f2(k)), latex(RR(prod([f2(k) for k in
[3..10]])).n(digits=5)))) #Обчислення добутку (рис. Е.12).
```

$$\sum_{k=1}^{50} \frac{1}{(k+1)k} = 0.98039.$$

$$\prod_{k=3}^{10} \frac{124996}{2499} = 1.8234 \times 10^6.$$

Рис. Е.12. Приклад обчислення суми та добутку

Завдання 10. Знайти похідну функції:

$$y = 2e^x \ln^2(x+1).$$

```
show(diff(2*exp(x)*(ln(x+1)^2))) (рис. Д.23).
```

$$2e^x \log(x+1)^2 + \frac{4e^x \log(x+1)}{x+1}$$

Рис. Е.13. Приклад знаходження похідної функції

Завдання 11. Знайти другу похідну для функції:

$$y = \cos^2(x^2).$$

```
show(diff(cos(x^2)**2, 2)) (рис. Е.14).
```

$$-8x^2 \cos(x^2)^2 + 8x^2 \sin(x^2)^2 - 4 \cos(x^2) \sin(x^2)$$

Рис. Е.14. Приклад знаходження другої похідної функції

Завдання 12. Знайти частинні похідні функції $f(x, y) = \frac{\sin(x)}{\cos(2y)}$.

```
%var x, y
f(x, y)=sin(x)/cos(2*y)
```



```
html("<font face='Times New Roman' size=5>Дано функцію: $f(x,y) = %s$.</font>"%(latex(f(x,y))))#
html("<br><font face='Times New Roman' size=5>$\\frac {\\partial f(x,y)}{\\partial x} = %s$.</font>"%(latex(diff(f(x,y),x))))#Частинна похідна по змінній x
html("<br><font face='Times New Roman' size=5>$\\frac {\\partial f(x,y)}{\\partial y} = %s$.</font>"%(latex(diff(f(x,y),y))))#Частинна похідна по змінній y (рис. E.15).
```

$$\text{Дано функцію: } f(x, y) = \frac{\sin(x)}{\cos(2y)}.$$

$$\frac{\partial f(x,y)}{\partial x} = \frac{\cos(x)}{\cos(2y)}.$$

$$\frac{\partial f(x,y)}{\partial y} = \frac{2 \sin(x) \sin(2y)}{\cos(2y)^2}.$$

Рис. E.15. Приклад знаходження частинних похідних функції

Завдання 13. Знайти первісну для функції

$$y = \frac{\arccos^2 7x}{\sqrt{1-49x^2}}.$$

```
show(integral(acos(7*x)^2/sqrt(1-49*x^2), x)) (рис. E.16)
```

$$-\frac{1}{21} \arccos(7x)^3$$

Рис. E.16. Приклад знаходження первісної для функції

Завдання 14. Обчислити визначений інтеграл:

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin(x) \cos^2(x) dx.$$

```
show(integral(sin(x)*cos(x)^2, x, 0, pi/2)) (рис. E.17).
```

$$\frac{1}{3}$$

Рис. E.17. Приклад обчислення визначеного інтегралу

Завдання 15. Обчислити подвійний інтеграл:

$$\int_{-1}^0 \int_{-\frac{y}{2}}^{-y} (2xy - x^2) dx dy.$$

`show(integral(integral(2*x*y-x^2,x,-y/2,-y),y,-1,0))` (рис. Е.18).

$$-\frac{25}{96}$$

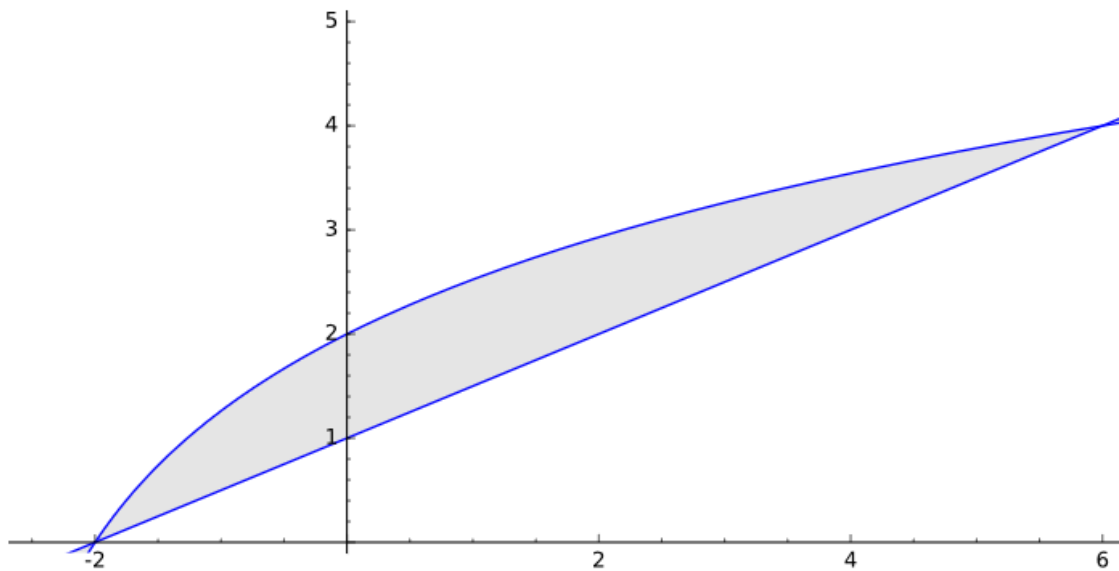
Рис. Е.18. Приклад обчислення подвійного інтегралу

Завдання 16. Знайти площу фігури, обмежену графіками функцій:

$$y = 2 \log_3(x + 3) \text{ та}$$

$$y = \frac{x}{2} + 1.$$

```
%var x,y
plot([2*log_b(x+3,b=3),x/2+1],-
2.5,6.5,fill={0:[1]},fillcolor='#ccc').show(ymin=0,ymax=5) #Побудова
фігури, що обмежена графіками функцій
html("<font face='Times New Roman' size=5>Перша точка перетину
графіків функцій: %s$.</font>"%find_root(2*log_b(x+3,b=3)-x/2-1,-
2.5,-1.8))
html("<br><font face='Times New Roman' size=5>Друга точка
перетину графіків функцій: %s$.</font>"%find_root(2*log_b(x+3,b=3)-
x/2-1,5.5,6.8))
html("<br><font face='Times New Roman' size=5>Площа фігури, що
обмежена графіками функцій: %s$ кв.
од.</font>"%RR(integral(integral(1,y,x/2+1,2*log_b(x+3,b=3)),x,-
2,6)).n(digits=5)) (рис. Е.19).
```



Перша точка перетину графіків функцій: -2.0 .

Друга точка перетину графіків функцій: 6.0 .

Площа фігури, що обмежена графіками функцій: 5.4362 кв. од.

Рис. Е.19. Приклад обчислення площі фігури

Завдання 17. Розв'язати лінійне диференціальне рівняння першого порядку:

$$y' - \frac{y}{x} - x = 0.$$

```
x = var('x')
y = function('y', x)
de = lambda(p): diff(y, x) - y/x - x
show(desolve(de(y(x)), [y, x])) (рис. Е.20).
```

$$(C + x)x$$

Рис. Е.20. Приклад розв'язку лінійного диференціального
рівняння першого порядку

Завдання 18. Розв'язати диференціальне рівняння другого порядку:

$$y'' - 1 + 2x = 0.$$

```
x = var('x')
y = function('y', x)
de = lambda(p): diff(y, x, 2) - 1 + 2*x
show(desolve(de(y(x)), [y, x])) (рис. Е.21)
```

$$-\frac{1}{3}x^3 + K_2x + \frac{1}{2}x^2 + K_1$$

Рис. Е.21. Приклад розв'язання диференціального рівняння другого порядку

Завдання 19. Розв'язати лінійне однорідне диференціальне рівняння другого порядку зі сталими коефіцієнтами:

$$y'' - 5y' + 6y = 0.$$

```
x = var('x')
y = function('y', x)
de = lambda(p): diff(y, x, 2) - 5*diff(y, x) + 6*y
show(desolve(de(y(x)), [y, x])) (рис. Е.22).
```

$$K_1e^{(3x)} + K_2e^{(2x)}$$

Рис. Е.22. Приклад розв'язання лінійного однорідного диференціального рівняння другого порядку

Завдання 20. Знайти розв'язок задачі Коші для диференціального рівняння першого порядку: $y' + y = 1$, $y(0) = 2$ та проілюструвати знайдений розв'язок.

```
y=function('y')(x)
eq = diff(y, x)+y==1
show(desolve_laplace(eq, y, ics=[0, 2]))
show(plot(desolve_laplace(eq, y, ics=[0, 2]), (x, 0, 5))).
```

Завдання 21. Знайти розв'язок задачі Коші для диференціального рівняння другого порядку:

$$y'' + y = 0, \quad y(0) = 0, \quad y'(0) = 1.$$

```
x = var('x')
y = function('y')(x)
de = diff(y, x, x) + y == 0
show(desolve_laplace(de, y, ics = [0, 0, 1])).
```

Ж. Розділи англomовної загальної довідки Sage

L-функції

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/lfunctions/lfunctions.pdf>

P-адичні числа

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/padics/padics.pdf>

Алгебраїчні функціональні поля

http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/function_fields/function_fields.pdf

Алгебри

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/algebras/algebras.pdf>

Алгебри Гекке

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/hecke/hecke.pdf>

Арифметичні групи

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/arithgroup/arithgroup.pdf>

Асимптотичні розширення

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/asymptotic/asymptotic.pdf>

Блокнотний сервер

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/notebook/notebook.pdf>

Геометрія

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/geometry/geometry.pdf>

Гомологія

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/homology/homology.pdf>

Графи

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/graphs/graphs.pdf>

Групи

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/groups/groups.pdf>

Дискретна динаміка

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/dynamics/dynamics.pdf>

Діофантові наближення

[http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/diophantine_approximation/diophantine_a
pproximation.pdf](http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/diophantine_approximation/diophantine_approximation.pdf)

Довідка Sage

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/reference.pdf>

Документація Sage

http://doc.sagemath.org/pdf/en/website/sage_documentation.pdf

Загальні відомості: посібник

http://doc.sagemath.org/pdf/en/prep/prep_tutorials.pdf

Здійсненність булевих формул

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/sat/sat.pdf>

Категорії класів

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/categories/categories.pdf>

Квадратичні форми

http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/quadratic_forms/quadratic_forms.pdf

Кватерніони

http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/quat_algebras/quat_algebras.pdf

Кільця

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/rings/rings.pdf>

Командний рядок Sage

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/repl/repl.pdf>

Комбінаторика

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/combinat/combinat.pdf>

Константи

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/constants/constants.pdf>

Криптографія

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/cryptography/cryptography.pdf>

Логіка

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/logic/logic.pdf>

Математична статистика

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/stats/stats.pdf>

Матриці

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/matrices/matrices.pdf>

Матроїди

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/matroids/matroids.pdf>

Многовиди

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/manifolds/manifolds.pdf>

Модулі

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/modules/modules.pdf>

Модульні абелеві групи

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/modabvar/modabvar.pdf>

Модульні символи

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/modsym/modsym.pdf>

Модульні форми

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/modfrm/modfrm.pdf>

Моноїди

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/monoids/monoids.pdf>

Мультиграфи

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/quivers/quivers.pdf>

Найрозповсюдженіші питання

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/faq/faq.pdf>

Напівкільця

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/semirings/semirings.pdf>

Огляд можливостей Sage

http://doc.sagemath.org/pdf/en/a_tour_of_sage/a_tour_of_sage.pdf

Паралельні обчислення

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/parallel/parallel.pdf>

Перетворення типів

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/coercion/coercion.pdf>

Побудова графіків функцій

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/plotting/plotting.pdf>

Плоскі криві

http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/plane_curves/plane_curves.pdf

Побудови у просторі

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/plot3d/plot3d.pdf>

Поліноміальні кільця

http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/polynomial_rings/polynomial_rings.pdf

Посібник початківця

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/tutorial/SageTutorial.pdf>

Різні модульні форми

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/modmisc/modmisc.pdf>

Ріманова геометрія

http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/riemannian_geometry/riemannian_geometry.pdf

Символьні обчислення

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/calculus/calculus.pdf>

Скінчені кільця

http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/finite_rings/finite_rings.pdf

Стандартні кільця

http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/rings_standard/rings_standard.pdf

Створення та використання об'єктів Sage

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/constructions/constructions.pdf>

Степеневі ряди

http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/power_series/power_series.pdf

Структури

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/structure/structure.pdf>

Структури даних

http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/data_structures/data_structures.pdf

Схеми

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/schemes/schemes.pdf>

Тематичні посібники

http://doc.sagemath.org/pdf/en/thematic_tutorials/thematic_tutorials.pdf

Тензори

http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/tensor_free_modules/tensor_free_modules.pdf

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/tensor/tensor.pdf>

Теорія вузлів

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/knots/knots.pdf>

Теорія ігор

http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/game_theory/game_theory.pdf

Теорія ймовірностей

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/probability/probability.pdf>

Теорія кодування

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/coding/coding.pdf>

Установка

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/installation/installation.pdf>

Утіліти

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/misc/misc.pdf>

Фінансові дані

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/finance/finance.pdf>

Форми Гекке для трикутних груп

[http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/modfrm_hecketriangle/modfrm_hecketrian
gle.pdf](http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/modfrm_hecketriangle/modfrm_hecketriangle.pdf)

Функції

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/functions/functions.pdf>

Чисельна оптимізація

<http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/numerical/numerical.pdf>

Числові кільця

http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/rings_numerical/rings_numerical.pdf

Числові поля

http://doc.sagemath.org/pdf/en/reference/number_fields/number_fields.pdf

3. Основні Sage-команди

Таблиця 3.1

Основні Sage-команди

Команда	Призначення
<i>Базові команди</i>	
<Shift> + <Enter>	розпочати виконання командного коду у комірці
com<tab>	вивести список команд, що починаються з послідовності символів com, із можливістю подальшого авто доповнення введення команди
command?	надати контекстну довідку з команди command
command?<tab>	
command??	вивести Python-код реалізації команди command
—	звернутися до результату виконання попередньої команди
%package_name	увімкнути режим роботи package_name (наприклад: %sage, %html, %maxima, %latex тощо)
show()	вивести результат обчислення у звичній математичній нотації; комбінація двох графічних побудов
<i>Основні математичні сталі та функції</i>	
$\pi = \text{pi}$, $e = e$, $i = I$ (або I), $\infty = oo$	
sin(), cos(), tan(), cot(), asin(), acos(), atan(), acot(), sec(), csc(), sinh(), cosh(), tanh(), sech(), csch(), coth(), log(), ln(), exp(), abs(), sqrt(), factorial(), floor(), ceil()	
var('x1 x2 ... xn')	ОГОЛОСИТИ x1, ..., xn як змінні величини
var('x1,...,xn')	
x1,...,xn= var('x1,...,xn')	
%var x1,...,xn	
f=x^2-25	визначити вираз
f(x)=x^2-25	визначити явно задану функцію
f(x,y)=x^2+sqrt(y)	
f(x)=x^2==25	визначити неявно задану функцію

Команда	Призначення
f=lambda x: x^2-25	визначити лямбда-функцію
def f(x): return x^2-25	визначити функцію користувача
def NOK(a,b):	
Команди для роботи з виразами	
factor(exp)	розкласти на множники (примітка: від цілочисельного аргументу – факторизація цілого числа)
expand(exp)	розкрити дужки
simplify(exp)	звести подібні без розкриття дужок (для алгебраїчних виразів)
RR(exp)	отримати наближене значення числового виразу
n(digits=кількість_значимих_цифр)	округлити до вказаної кількості значимих цифр
simplify_full()	спростити трансцендентний символний вираз
simplify_trig()	спростити тригонометричний символний вираз

II. Sage-команди для роботи з графікою

Таблиця II.1

Команди для роботи з графікою

Команда	Призначення
<code>point((x₁, y₁), ..., (x_n, y_n), options)</code> <code>point2d([(x₁, y₁), ..., (x_n, y_n), options)</code>	побудувати множину точок на площині
<code>arrow2d((x₁, y₁), (x₂, y₂), options)</code>	побудувати стрілку (вектор)
<code>line2d([(x₁, y₁), ..., (x_n, y_n), options)</code>	побудувати лінію на площині по точках, заданих у вигляді списку
<code>polygon2d([(x₁, y₁), ..., (x_n, y_n), options)</code>	побудувати зафарбований багатокутник
<code>circle((x, y), r, options)</code>	побудувати коло
<code>disk((x, y), r, (angle1, angle2), options)</code>	побудувати сектор круга
<code>plot(f(x), x_{min}, x_{max}, options)</code> <code>plot(f(x), (x, x_{min}, x_{max}), options)</code> <code>parametric_plot((f(t), g(t)), (t, t_{min}, t_{max}), options)</code> <code>polar_plot(f(t), (t, t_{min}, t_{max}), options)</code>	побудувати графік функціональної залежності, заданої аналітично, параметрично та у полярних координатах
<code>bar_chart([list_of_numerical_data])</code>	побудувати стовпчикову діаграму
<code>contour_plot(f, (x, x_{min}, x_{max}), (y, y_{min}, y_{max}), options)</code>	побудувати контурні лінії для функції двох змінних
<code>plot_vector_field((f, g), (x, x_{min}, x_{max}), (y, y_{min}, y_{max}))</code>	побудувати векторне поле для двох функцій двох змінних
<code>circle((1, 1), 1) + line2d([(0, 0), (2, 2)])</code>	задати комбінацію графіків
<code>animate([об'єкт₁, ..., об'єкт_n], options).show(delay=20)</code>	із заданим інтервалом циклічно показати перераховані об'єкти
<code>point3d((x₁, y₁, z₁), ..., (x_n, y_n, z_n), options)</code>	побудувати множину точок у просторі

Команда	Призначення
<code>line3d([(x₁, y₁, z₁), ..., (x_n, y_n, z_n)], options)</code>	побудувати ламану у просторі
<code>sphere((x, y, z), r, options)</code>	побудувати сферу
<code>tetrahedron((x, y, z), size, options)</code>	побудувати тетраедр
<code>cube((x, y, z), size, options)</code>	побудувати куб
<code>octahedron((x, y, z), size, options)</code>	побудувати октаедр
<code>dodecahedron((x, y, z), size, options)</code>	побудувати додекаедр
<code>icosahedron((x, y, z), size, options)</code>	побудувати ікосаедр
<code>plot3d(f(x, y), (x, x_b, x_e), (y, y_b, y_e), options)</code> <code>parametric_plot3d((f(t), g(t), h(t)), (t, t_b, t_e), options)</code> <code>list_plot3d([(x₁, y₁), ..., (x_n, y_n)], options)</code>	побудувати поверхню, задану функцією двох змінних, параметрично та переліком точок

К. Sage-команди для використання під час вивчення окремих дисциплін

Таблиця К.1

Основні Sage-команди для використання під час вивчення окремих дисциплін

Команда	Призначення
<i>Елементарна математика</i>	
<code>f(x)==g(x)</code>	задати рівняння
<code>solve(f(x)==g(x), x)</code>	розв'язати рівняння аналітично
<code>solve([f(x,y)==0, g(x,y)==0], x, y)</code>	розв'язати систему рівнянь аналітично
<code>find_root(f(x), a, b)</code> або <code>find_root(f(x)==0, a, b)</code>	знайти наближені значення коренів рівняння
<i>Лінійна алгебра</i>	
<code>v=vector([1, 2])</code>	задати вектор
<code>a.cross_product(b)</code>	обчислити векторний добуток векторів a і b
<code>A=matrix([[1, 2, 3], [4, 5, 6]])</code>	задати матрицю
<code>identity_matrix(n)</code>	задати одиничну матрицю n -го порядку
<code>zero_matrix(n, m)</code>	задати нульову матрицю розмірності $n \times m$
<code>diagonal_matrix([a₁₁, a₂₂, ..., a_{nn}])</code>	задати діагональну матрицю n -го порядку з діагональними елементами $a_{11}, a_{22}, \dots, a_{nn}$
<code>random_matrix(Ring, n, m)</code>	задати матрицю випадкових чисел з кільця <i>Ring</i> (ZZ, QQ, RR, CC)
<code>det(A)</code>	обчислити визначник (детермінант) матриці A
<code>A^-1, A.inverse()</code>	знайти матрицю, обернену до матриці A
<code>A.transpose()</code>	виконати транспонування матриці
<i>Математичний аналіз</i>	
<code>limit(f(x), x=a)</code> <code>limit(f(x), x=a, dir='minus')</code> <code>limit(f(x), x=a, dir='plus')</code>	обчислити границю обчислити ліву границю обчислити праву границю
<code>diff(f(x), x)</code> <code>derivative(f(x, y), x)</code>	обчислити похідну
<code>integral(f(x), x)</code> <code>integrate(f(x), x, a, b)</code>	обчислити інтеграл
<code>sum([f(i) for i in [k..n]])</code>	обчислити суму елементів ряду

Команда	Призначення
<code>prod([f(i) for i in [k..n]])</code>	обчислити добуток елементів ряду
<code>taylor(f(x), x, x₀, n)</code>	виконати розкладання у ряд Тейлора
<i>Диференціальні рівняння</i>	
<code>desolve(de, vars)</code>	знайти загальний розв'язок звичайного диференційного рівняння <i>de</i> відносно змінних <i>vars</i>
<code>desolve_laplace(de, vars, ics)</code>	знайти розв'язок задачі Коші для звичайного диференційного рівняння <i>de</i> за початкових умов <i>ics</i> , використовуючи перетворення Лапласа
<code>desolve_system(de, vars, ics)</code>	знайти розв'язок задачі Коші для системи звичайних диференціальних рівнянь
<i>Елементи комбінаторики</i>	
<code>tuples(set, k)</code>	визначити множину кортежів
<code>number_of_unordered_tuples(S, k, algorithm='naive')</code>	обчислити кількість неупорядкованих кортежів
<code>number_of_tuples(S, k, algorithm='naive')</code>	обчислити кількість кортежів
<code>fibonacci(n)</code>	визначити <i>n</i> -ий елемент послідовності чисел Фібоначі
<code>euler_number(n)</code>	визначити <i>n</i> -ий елемент послідовності чисел Ейлера

Л. Стандартні елементи управління у SageMathCloud

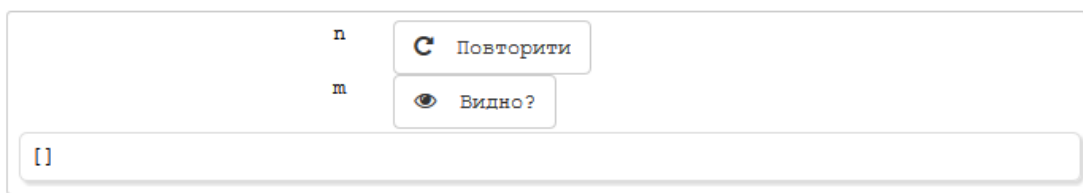
«Кнопка»

Функція: `button(default=None, label=None, classes=None, width=None, icon=None)`,
`default` – значення, що повертається функцією за замовчуванням;
`label` – підпис, що з'являється ліворуч від елемента;
`classes` – вказує тип кнопки (`btn-primary`, `btn-info`, `btn-success`, `btn-warning`, `btn-danger`, `btn-link`, `btn-large`, `btn-small`, `btn-mini`);
`width` – довжина елемента управління;
`icon` – піктограма на кнопці.

Приклади:

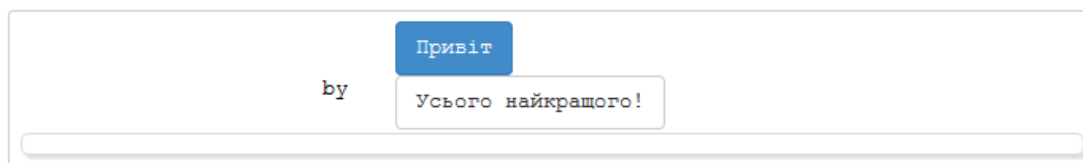
Можна не вказувати параметри `default` та `label`:

```
@interact
def f(n=button('Повторити', icon='fa-repeat'), m=button('Видно?', icon='fa-eye', classes="btn-large")):
    print interact.changed()
```



Змінимо зовнішній вигляд однієї з кнопок:

```
@interact
def f(hi=button('Привіт', label='', classes="btn-primary btn-large"), by=button("Усього найкращого!")):
    if 'hi' in interact.changed():
        print "Вітаю!"
    if 'by' in interact.changed():
        print "До побачення!"
```



«Поле для введення»

Функція: `input_box(default=None, label=None, type=None, nrows=1, width=None, readonly=False, submit_button=None)`,
`default` – значення, що повертається функцією за замовчуванням;
`label` – підпис, що з'являється ліворуч від елемента;
`type` – вказує з яким саме типом даних будемо мати справу;
`nrows` – кількість рядків;

`width` – довжина елемента управління;
`readonly` – логічне значення, за замовчуванням – `False`, потрібно вказати чи буде використовуватись елемент управління тільки для зчитування (не можна буде змінити значення за замовчуванням, параметр – `default`);
`submit_button` – показувати кнопку, що вносить вказане значення в поле.

Приклади:

```
@interact
def primer(a=input_box(default="2+2", label='Введіть
значення', width=10)):
    show(a)
```

Можна не вказувати параметри `default` та `label`:

```
@interact
def primer(a=input_box("2+2", 'Вираз')):
    show(a)
```

Якщо «поле для введення» має містити строку, тоді матимемо наступний програмний код:

```
@interact
def primer(a=input_box('sage', label="Введіть Ваше ім'я")):
    show(a)
```

Немає необхідності конвертувати математичний вираз з рядкового формату до формату «математичний вираз», Sage робить це автоматично.

«Повзунок 1»

Функція: `slider(start, stop=None, step=None, default=None, label=None, display_value=True, max_steps=500, step_size=None, range=False, width=None, animate=True)`,
`start` – мінімальне значення «повзунка»;
`stop` – максимальне значення «повзунка»;
`step` – крок значення повзунка;
`default` – значення, що повертається функцією за замовчуванням;
`label` – підпис, що з'являється ліворуч від елемента;
`display_value` – чи треба відображати в праворуч від елемента управління теперішнє значення;
`max_steps` – максимальний крок значення повзунка;
`step_size` – крок зміни числових значень (може бути як цілим так і дійсним числом);

`range` – якщо значення – `True` використовується подвійний повзунок;
`width` – довжина елемента управління;
`animate` – швидкість зміни значень повзунка ("fast", "slow", або ж вказати значення в мілісекундах).

Приклади:

```
@interact
def primer(a=slider(vmin=0, vmax=6, step_size=1, default=3,
label="Число: ")):
    show(a)
```



Скорочено даний елемент управління в програмному коді матиме наступний вигляд:

```
@interact
def primer(a=slider(2, 5, 3/17, 3, 'Число:')):
    show(a)
```

Значеннями «Повзунка 1» можуть бути елементи списку:

```
@interact
def primer(a=slider([1..10], None, None, 3, 'Число:')):
    show(a)
```

До речі, елементами цього списку можуть бути різноманітні об'єкти:

```
@interact
def primer(a=slider([1, 'x', 'abc', 2/3], None, None, 'x',
'alpha')):
    show(a)
```

«Повзунок 2»

Функція: `range_slider(start, stop=None, step=None, default=None, label=None, display_value=True, max_steps=500, step_size=None, width=None, animate=True)`,

`start` – мінімальне значення «повзунка»;

`stop` – максимальне значення «повзунка»;

`step` – крок значення повзунка;

`default` – значення, що повертається функцією за замовчуванням;

`label` – підпис, що з'являється ліворуч від елемента;

`display_value` – чи треба відображати в праворуч від елемента управління теперішнє значення;

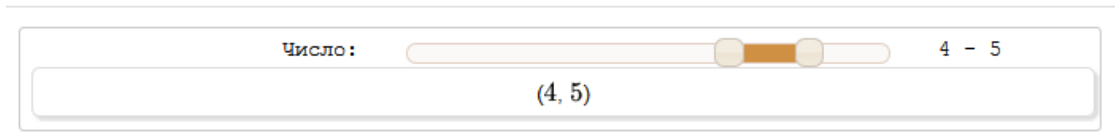
`max_steps` – максимальний крок значення повзунка;

`step_size` – крок зміни числових значень (може бути як цілим так і дійсним числом);

`width` – довжина елемента управління;
`animate` – швидкість зміни значень повзунка ("fast", "slow", або ж вказати значення в мілісекундах).

Приклади:

```
@interact
def primer(a=range_slider(start=0, stop=6, step_size=1,
default=(4,5), label="Число: ")):
    show(a)
```



Скорочений запис можна представити в наступному вигляді:

```
@interact
def primer(a=range_slider(0, 6, 1, (4,5), "Число: ")):
    show(a)
```

Крім того «Повзунок 2» можна задати за допомогою списку:

```
@interact
def primer(a=range_slider([0..6], None, None, (4,5), "Число:
")):
    show(a)
```

«Прапорець»

Функція: `checkbox(default=True, label=None, readonly=False)`,
`default` – значення, що повертається функцією за замовчуванням (даний елемент управління може приймати в даному параметрі лише значення `False` чи `True`);

`label` – підпис, що з'являється ліворуч від елемента;
`readonly` – логічне значення, за замовчуванням – `False`, треба вказати чи буде використовуватись елемент управління тільки для зчитування (не можна буде змінити значення за замовчуванням, параметр – `default`).

Приклади:

```
@interact
def primer(a=checkbox(default=False, label="Точки")):
    show(a)
```



Скорочений варіант застосування даного елемента управління виглядає наступним чином:

```
@interact
def primer(a=checkbox(False, "Точки")):
    show(a)
```

Варіант, коли параметр «прапорця» `default` приймає значення `true`:

```
@interact
def primer(a=checkbox(True, "Точки")):
    show(a)
```

Коли параметр `label` не вказано, по замовчуванню підпис «прапорця» буде збігатись зі змінною яка визначається функцією `checkbox()`:

```
@interact
def primer(a=checkbox(True)):
```

```
    show(a)
```

Якщо ж функція не має параметру `default`, то по замовчуванню буде змінній надаватись значення `true`:

```
@interact
def primer(a=checkbox()):
```

```
    show(a)
```

«Меню вибору»

Функція: `selector(values, label=None, default=None, nrows=None, ncols=None, width=None, buttons=False, button_classes=None)`,

`values` – підписи значень, яких може набувати змінна;

`label` – підпис, що з'являється ліворуч від елемента;

`default` – значення, що повертається функцією за замовчуванням;

`nrows` – число рядків у які розташовуються кнопки;

`ncols` – число стовпців у які розташовуються кнопки;

`width` – ширина усіх кнопок;

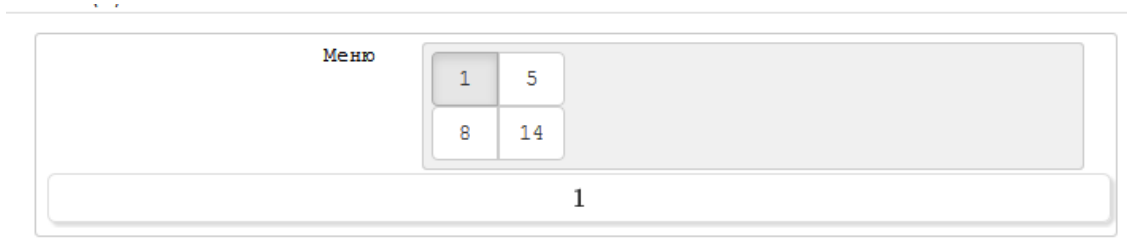
`buttons` – визначає вигляд меню: кнопки чи випадаючий список (може приймати значення лише `false` чи `true`, при чому `false` – список, а `true` – кнопки);

`button_classes` – вказує тип кнопки (`btn-primary`, `btn-info`, `btn-success`, `btn-warning`, `btn-danger`, `btn-link`, `btn-large`, `btn-small`, `btn-mini`).

Приклади:

```
@interact
def primer(a=selector([1,5,8,14], label="Меню", nrows=2,
ncols=2, buttons=true)):
```

```
    show(a)
```



Скорочене визначення елемента управління у вигляді випадаючого

списку:

```
@interact
def primer(a=selector([1..5])):
    show(a)
```

Використання параметру default:

```
@interact
def primer(a=selector([1,2,7], default=2)):
    show(a)
```

Розташування трьох кнопок в два ряди:

```
@interact
def primer(a=selector([1,2,7], nrows=2)):
    show(a)
```

Якщо ж ми спробуємо три кнопки розташувати по два стовпці, то відобразяться лише перші дві кнопки:

```
@interact
def primer(a=selector([1,2,7], ncols=2)):
    show(a)
```

Зміна стандартного розміру кнопок на бажаний:

```
@interact
def primer(a=selector([1,2,7], width=10, buttons=True)):
    show(a)
```

«Комірки для введення»

Функція: `input_grid(nrows, ncols, default=None, label=None, to_value=lambda x:x, width=4),`

`nrows` – параметр для задання кількості рядків;

`ncols` – параметр для задання кількості стовпчиків;

`default` – задання початкових значень у комірках;

`label` - підпис, що з'являється ліворуч від елемента;

`to_value` – формування та виведення заданих даних у вигляді комірок;

`width` – загальна ширина однієї комірки.

Приклади:

```
@interact
def obratnaya(a = input_grid(nrows=3, ncols=3,
default=[1,2,3,4,5,6,7,8,9], label='Матриця А', to_value=lambda
x:x, width=2)):
    show(a)
```

Матриця А

1	2	3
4	5	6
7	8	9

[[1, 2, 3], [4, 5, 6], [7, 8, 9]]

Скорочений запис передбачає наступне:

```
@interact
def primer(a = input_grid(2,2, default = 0, label='M')):
    show(a)
```

Комірки для введення значення вектора можна оголосити наступним чином:

```
@interact
def primer(a = input_grid(1, 3, default=[[1,2,3]],
to_value=lambda x: vector(flatten(x)))):
    show(a)
```

«Поле вибору кольору»

Функція: `color_selector(default=(0,0,1), label=None, readonly=False, widget='farbtastic', hide_box=False),`
`default` – значення кольору за замовчуванням, наприклад: `(0,0,1)`,
`'#abcdef'`;

`label` – підпис, що з'являється ліворуч від елемента;

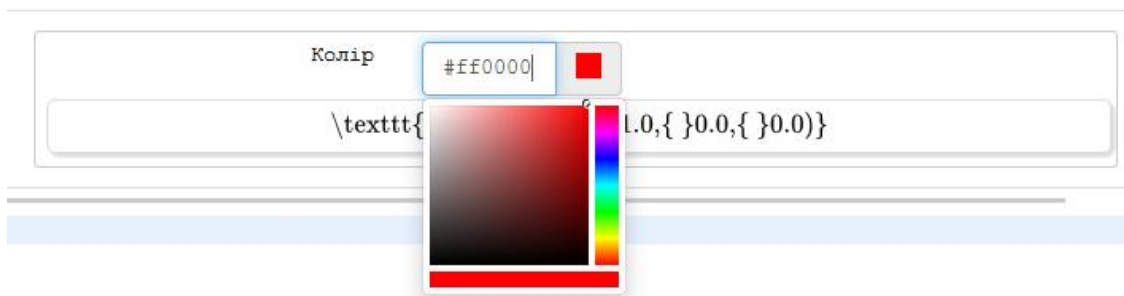
`readonly` – логічне значення, за замовчуванням – `False`, треба вказати чи буде використовуватись елемент управління тільки для зчитування (не можна буде змінити значення за замовчуванням, параметр – `default`);

`widget` – основний параметр для задання вигляду діалогового вікна, за замовчуванням присвоюється значення `jpicker`, але може набувати значень `colorpicker` та `farbtastic`;

`hide_box` – параметр для відображення вікна вводу кольору.

Приклади:

```
@interact
def primer(a = color_selector(default=(1,0,0), label="Колір",
widget='farbtastic', hide_box=False)):
    show(a)
```



```
@interact
def primer(a = color_selector(default=(1,0,0), label="Колір",
widget='jpicker', hide_box=True)):
    show(a)
```

«Коментар»

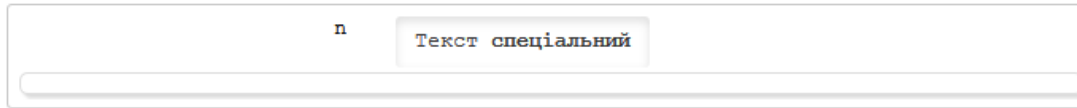
Функція: `text_control (default='', label=None, classes=None),`
`default` – текст формату HTML;

label – підпис, що з’являється ліворуч від елемента;

classes – розділений пробілами рядок класів CSS.

Приклади:

```
@interact
def f(n=text_control("Текст <b>спеціальний</b>",
classes='btn')):
    pass
```



Як що ж використовувати скорочений варіант, то одержимо наступні результати:

```
@interact
def primer(a = text_control("<h1><i>Скорочений
варіант</i></h1>")):
    show(a)
```

